

义 务 教 育 教 科 书

数 学

SHUXUE

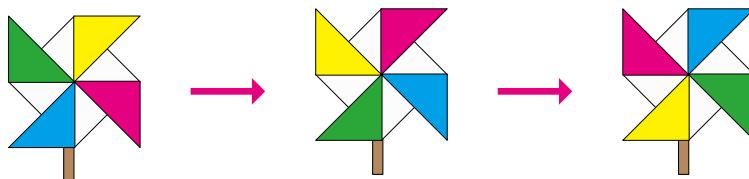
五年级 下册

编者的话

亲爱的同学：

新的学期又开始了，你对数学有什么期待呢？

聪聪和明明早就在数学王国等着你了。你想知道他们为你准备了什么吗？先给你透露一点儿小秘密吧：



18的因数：1, 2, 3, 6, 9, 18
27的因数：1, 3, 9, 27

有趣吗？赶快出发吧！用你的努力和智慧，去探索数学的奥秘！

编者
2012年12月

目 录

1 观察物体（三） 2

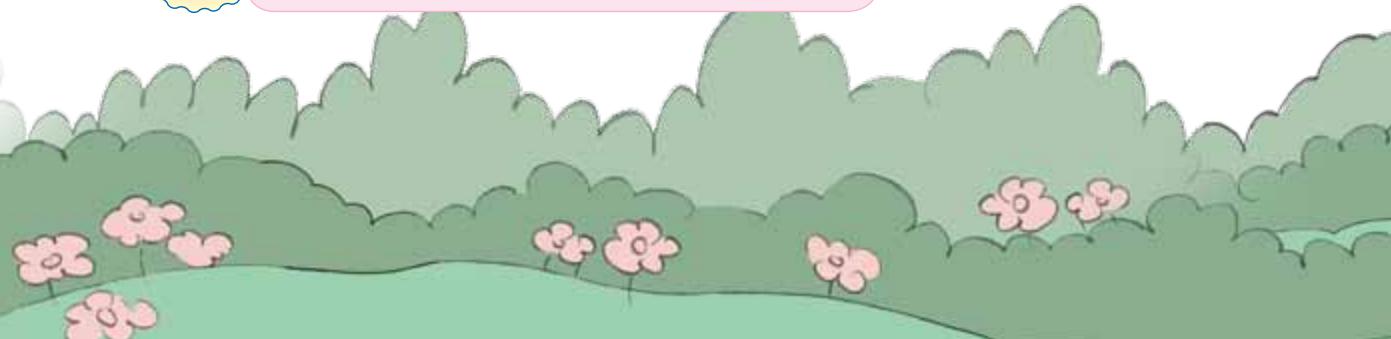
2 因数与倍数 5

3 长方体和正方体 18

★ 探索图形 44

4 分数的意义和性质 45

5 图形的运动（三） 83



6

分数的加法和减法 89



打电话

103

7

统计

105

8

数学广角

112

9

总复习

116



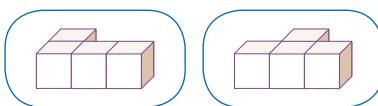
1

观察物体（三）

1

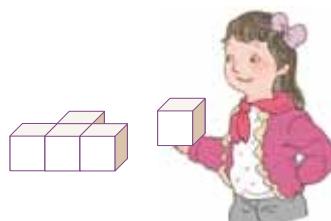
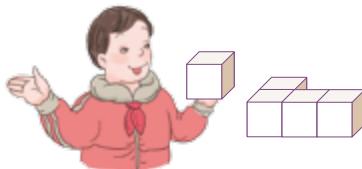
按要求摆一摆。

- (1) 用 4 个同样的小正方体，摆出从正面看到的是 □□□ 的图形。



还可以怎样摆？

- (2) 如果再增加 1 个同样的小正方体，要保证从正面看到的形状不变，你可以怎样摆？



你有什么发现？



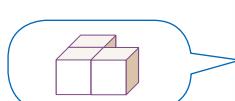
从正面看

从左面看



从上面看

你能摆出兰兰所观察的图形吗？



你发现了什么？



做一做

根据下面从不同方向看到的图形摆一摆。



从正面看



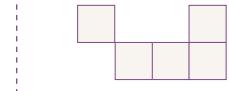
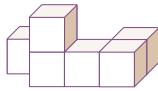
从左面看



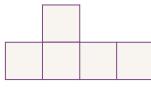
从上面看

练 习 一

1. 右边的三个图形分别是从什么方向看到的？填一填。



从（ ）面看



从（ ）面看



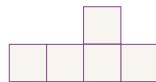
从（ ）面看

2. (1) 如果从正面看到的是 ，用 5 个小正方体可以怎样摆？

(2) 如果再从上面看到的是 ，你能确定这 5 个小正方体是怎么摆的吗？摆摆看。

(3) 还能再添上一个小正方体，保证从正面、上面看到的形状不变吗？

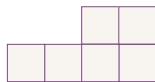
3. 根据下面从不同方向看到的图形摆一摆。



从正面看



从左面看



从上面看

4. 下面是用小正方体搭建的一些几何体。



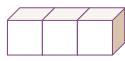
①



②



③



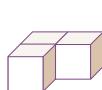
④



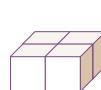
⑤



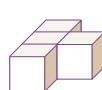
⑥



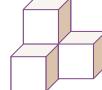
⑦



⑧



⑨



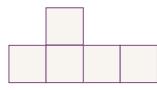
⑩

(1) 哪些从正面看是 ？哪些从左面看是 ？

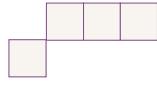
(2) 如果从正面看到的和⑤一样，用 3~6 个小正方体摆一摆，有多少种不同的摆法？

(3) 和同桌之间互相提一个问题并解答。

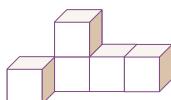
5. 哪个几何体符合要求？在对的括号里打“√”。



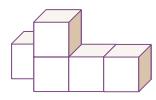
从正面看



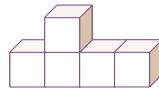
从上面看



()



()



()

6.

这是我从正面
看到的图形。

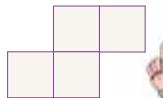


有3个正方体？

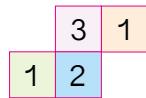
(1) 如果是4个正方体，可以怎样摆？

(2) 如果是5个、6个、7个或更多的小正方体，可以怎样摆？

7.

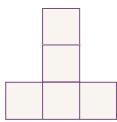


我搭的积木
从上面看是
这个形状。

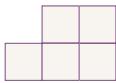


积木上面的数表示在这个位
置上所用的小正方体的个数。

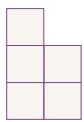
搭的这组积木，从正面看是 _____，从左面看是 _____。



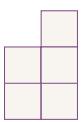
①



②



③



④

本单元结束了，
你有什么收获？

想象不出来时，用小正
方体摆就变得简单了。

根据三个方向观察到的
形状摆小正方体，结果
只有一种哦！

成长小档案



2

因数与倍数

1. 因数和倍数

1

观察下面的算式并分类。

$12 \div 2 = 6$

$2 \div 3 = 0.\dot{6}$

$20 \div 10 = 2$

$9 \div 5 = 1.8$

$26 \div 8 = 3.25$

$21 \div 21 = 1$

$30 \div 6 = 5$

$19 \div 7 \approx 2.71$

$63 \div 9 = 7$

我们分成了这样的两类。



第一类

$12 \div 2 = 6$

$30 \div 6 = 5$

$63 \div 9 = 7$

$20 \div 10 = 2$

$21 \div 21 = 1$

第二类

$9 \div 5 = 1.8$

$2 \div 3 = 0.\dot{6}$

$26 \div 8 = 3.25$

$19 \div 7 \approx 2.71$

在整数除法中，如果商是整数而没有余数，我们就说被除数是除数和商的**倍数**，除数和商是被除数的**因数**。例如， $12 \div 2 = 6$ ，我们就说 12 是 2 和 6 的倍数，2 和 6 是 12 的因数。

说一说第一类的每个算式中，谁是谁的因数？谁是谁的倍数？

你发现了什么？



因数与倍数是相互依存的。

注意：为了方便，在研究因数和倍数的时候，我们所说的数指的是整数（一般不包括 0）。

做一做

下面的 4 组数中，谁是谁的因数？谁是谁的倍数？

4 和 24

26 和 13

75 和 25

81 和 9

2

18 的因数有几个?

$$18 \div 1 = 18$$

$$18 \div 2 = 9$$

.....



18 除以哪些整数
的结果是整数?

18 的因数有 1, 2, , , , 。

也可以像右面这样用图表示。

你是怎样
想的?



18 的因数

1, 2, ,
 , ,

30 的因数有哪些? 36 呢?

3

2 的倍数有哪些?



哪些整数除以 2
商还是整数呢?

$$\begin{aligned} 2 \div 2 &= 1 \\ 4 \div 2 &= 2 \\ 6 \div 2 &= 3 \\ \dots &\dots \end{aligned}$$



可以这样找, 这里
的积都是 2 的倍数。

$$\begin{aligned} 2 \times 1 &= 2 \\ 2 \times 2 &= 4 \\ 2 \times 3 &= 6 \\ \dots &\dots \end{aligned}$$

2 的倍数有 2, 4, 6, 。

也可以像右面这样用图表示。



你是怎么找到
2 的倍数的?

2 的倍数

2, 4, ,
 , , ,
 , ...

3 的倍数有哪些? 5 呢?

从上面找因数和倍数的过程中, 你有什么发现?

一个数的最小因数
是(), 最大的
因数是()。

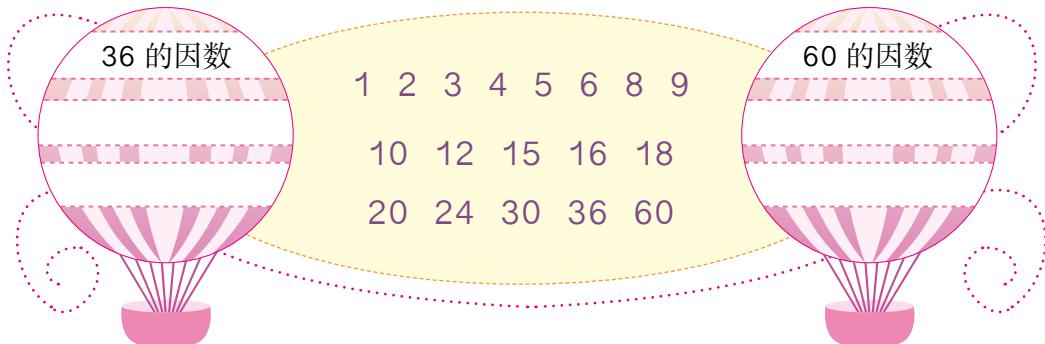


一个数的最小倍
数是()。有
最大倍数吗?

一个数的因数的个数是有限的, 一个数的倍数的个数是无限的。

练 习 二

1. 把中间符合条件的数填入相应的热气球里。



2. (1) 写出下面各数的因数。

10

17

28

32

48

(2) 写出下面各数的倍数(各写5个)。

4

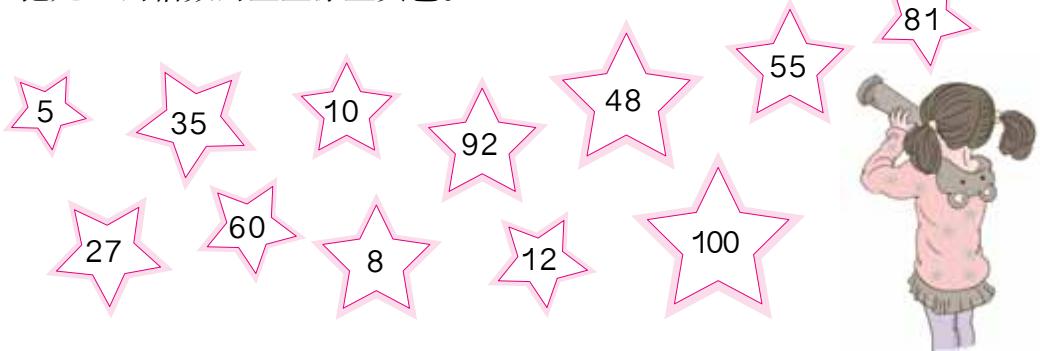
7

10

6

9

3. 把是5的倍数的星星涂上黄色。



4. 15的因数有哪些? 15是哪些数的倍数?

5. 下面的说法正确吗? 正确的请在括号里画“√”, 错误的画“×”。

(1) 1是1, 2, 3, …的因数。 ()

(2) 8的倍数只有16, 24, 32, 40, 48。 ()

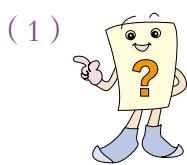
(3) $36 \div 9 = 4$, 所以36是9的倍数。 ()

(4) 5.7是3的倍数。 ()

6. 填空。

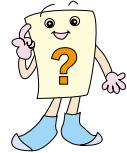
1的因数有()个, 7的因数有()个, 10的因数有()个。

7. 猜数游戏。



我的最大因数和最小倍数都是18。

(2)



我的最小倍数是1。

(3)

它是42的因数, 又是7的倍数。



可能是7, 14, 21, 42。



它还是2和3的倍数。

我知道了, 是_____。

8. 一个数是42的因数, 同时也是3的倍数, 这个数可能是多少?

14、21都是7的倍数, 14和21的和是7的倍数吗?

18、27都是9的倍数, 18和27的和是9的倍数吗?

你有什么发现?



完全数

○ 你知道吗? ○

6的因数有1、2、3、6, 这几个因数的关系是: $1+2+3=6$ 。像6这样的数, 叫做**完全数** (也叫做完美数)。

28也是完全数, 而8则不是, 因为 $1+2+4 \neq 8$ 。完全数非常稀少, 到2004年, 人们在无穷无尽的自然数里, 一共找出了40个完全数, 其中较小的有6、28、496、8128等。

2、2、5、3的倍数的特征

2、5的倍数的特征

1

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

- (1) 在表中将5的倍数涂上红色，仔细观察，你发现了什么？
(2) 在表中将2的倍数涂上黄色，仔细观察，你发现了什么？

个位上是
或
的数都
是5的倍数。



个位上是0, 2,
的数都
是2的倍数。

整数中，是2的倍数的数叫做**偶数**（0也是偶数），其他不是2的倍数的数叫做**奇**（jī）**数**。

做一做

下面哪些数是2的倍数？哪些数是5的倍数？哪些数既是2的倍数，也是5的倍数？

24 35 67 90 99 15 106
60 75 130 521 280 6018 8100

做完这道题，你发现了什么？

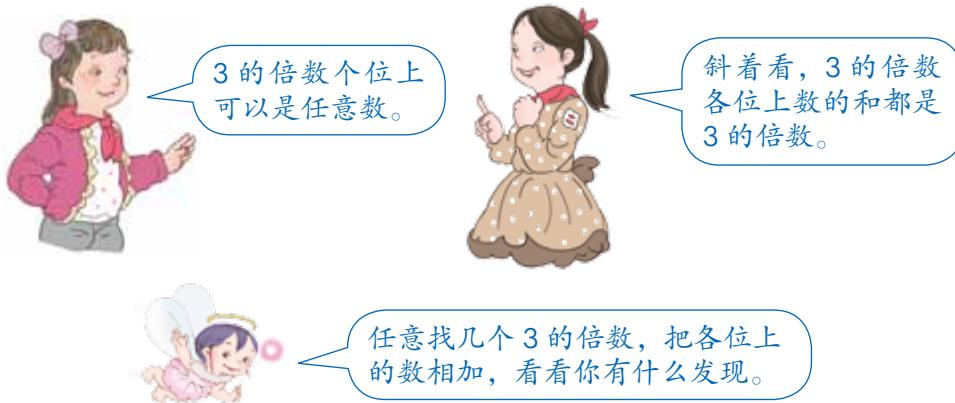


3的倍数的特征

2

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

- (1) 在表中将3的倍数涂上红色。
- (2) 横着看, 前10个3的倍数, 个位分别是哪些数字? 判断一个数是不是3的倍数, 只看个位行吗?
- (3) 斜着看, 你发现了什么?



一个数各位上的数的和是3的倍数, 这个数就是3的倍数。

做一做

下面用数字卡片摆出的数中哪些是3的倍数? 在每个数后面增加一张卡片使这个三位数成为3的倍数。

2	4
---	---

5	8
---	---

4	6
---	---

9	6
---	---

练 习 三

1. 下列数中，哪些是奇数？哪些是偶数？

33	98	355	0	123	881
8089	1000	988	565	3678	677

2. 按要求填空。

- (1) 两个数位上的数一样，并且是 5 的倍数。
- (2) 3 5 既是 2 的倍数，又是 5 的倍数。
- (3) 既是 2 的倍数，又是 5 的倍数的最小的三位数。

3. 圈出 3 的倍数。

92	75	36	206	65	3051	779	99999
111	49	165	5988	655	131	2222	7203

4.



你能说出 3 个
是 3 的倍数
的偶数吗？



你能说出 3 个
是 5 的倍数的
奇数吗？

5. 在 里填一个数字，使每个数都是 3 的倍数。

各有几种填法？

7

4 2

44

65

12 1



6. (1)



一五，一十，
十五，二十，
.....

这样数数，数出来的数都是 _____
的倍数，第 25 个数是 _____。

(2)

100, 98, 96,
94, ..., 8, 6, 4,
2。这列数中，每
个数都是 _____
的倍数，第 15 个数
是 _____。



7. 妈妈在花店买了一些马蹄莲和郁金香。



8. 下面的说法对吗? 说说你的理由。

- (1) 个位上是 3, 6, 9 的数, 都是 3 的倍数。
- (2) 个位上是 1, 3, 5, 7, 9 的数都是奇数。
- (3) 在全部整数里, 不是奇数就是偶数。

9.



10. 从下面四张数字卡片中取出三张, 按要求组成三位数。

4	3	奇数 _____	偶数 _____
0	5	2 的倍数 _____	5 的倍数 _____
3	0	3 的倍数 _____	既是 2 的倍数, 又是 3 的倍数 _____

11. (1) 既是 2 和 5 的倍数, 又是 3 的倍数的最小两位数是()。

(2) 既是 2 的倍数, 又是 3 的倍数的最小三位数是(), 最大三位数是()。

12. 圈出 4 的倍数。

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50

(1) 4 的倍数都是 2 的倍数吗?

(2)* 只看个位, 能否判断出一个数是不是 4 的倍数? 应该怎么判断?

◎ 生活中的数学 ◎



座位号是多少的
从双号入口进?

小街一边的门牌号是
奇数, 另一边是偶数。



◎ 你知道吗? ◎

为什么判断一个数是不是 2 或 5 的倍数, 只要看个位数? 为什么判断一个数是不是 3 的倍数, 要看各位上数的和?

$$24 = 20 + ()$$

$$2485 = 2480 + ()$$



20、2480 都是 2 或 5 的倍数, 所以一个数是不是 2 或 5 的倍数, 只要看……

$$24 = 2 \times 10 + 4 = 2 \times (9+1) + 4 = \underline{2 \times 9} + (2) + (4)$$

$$2485 = 2 \times 1000 + 4 \times 100 + 8 \times 10 + 5$$

$$= 2 \times (999+1) + 4 \times (99+1) + 8 \times (9+1) + 5$$

$$= \underline{2 \times 999 + 4 \times 99 + 8 \times 9} + () + () + () + ()$$



划线部分都是 3 的倍数, 后面部分就是各位上数的和, 所以……

3. 质数和合数

找出 1~20 各数的因数，看看它们的因数的个数有什么规律。

有的数只有两个因数，如 5 的因数是 1 和 5。1 只有因数 1。



有的数的因数不止两个……我们来给它们分分类吧！

只有一个因数的数	只有 1 和它本身两个因数的数	有两个以上因数的数

一个数，如果只有 1 和它本身两个因数，这样的数叫做**质数**（或**素数**）。如 2, 3, 5, 7 都是质数。

一个数，如果除了 1 和它本身还有别的因数，这样的数叫做**合数**。如 4, 6, 15, 49 都是合数。

1 不是质数，也不是合数。



1

找出 100 以内的质数，做一个质数表。

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

可以把每个数都验证一下，看哪些是质数。



先把 2 的倍数划去，但 2 除外，划掉的这些数都不是质数。3 的倍数也可以……



划到几的倍数就可以了？

2

奇数与偶数的和是奇数还是偶数？奇数与奇数的和是奇数还是偶数？偶数与偶数的和呢？

阅读与理解

从题目中你知道了什么？



题目让我们对奇数、偶数的和做一些探索。

我把问题表示成这样……



奇数 + 偶数 = 奇数？
偶数？

奇数 + 奇数 = 奇数？
偶数？

偶数 + 偶数 = 奇数？
偶数？

分析与解答

我随意地找几个奇数、偶数，先加加看。



奇数：5 7 9 11 ……

偶数：8 12 20 24 ……

$5+7=12$, $7+9=16$ ……
 $5+8=13$, $7+8=15$ ……
 $8+12=20$, $12+24=36$ ……



奇数除以2余1，偶数除以2余0，奇数加偶数的和除以2还余1，所以……

偶数： ……

奇数： ……

所以，奇数 + 偶数 = 奇数，偶数 + 偶数 = _____，奇数 + 奇数 = _____。

回顾与反思

这个结论正确吗？

我可以再找一些大数试一试。



$$534+319=853$$

所以：奇数 + 偶数 = 奇数。

同学们还有其他方法吗？你觉得哪种方法好？

练习四

1. 下面的说法正确吗？说说你的理由。

- (1) 所有的奇数都是质数。
- (2) 所有的偶数都是合数。
- (3) 在 $1, 2, 3, 4, 5, \dots$ 中，除了质数以外都是合数。
- (4) 两个质数的和是偶数。

2. 将下面各数分别填入指定的圈里。

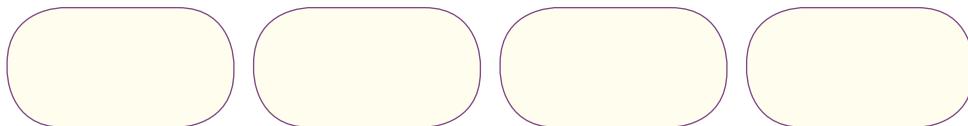
27 37 41 58 61 73 83 95
11 14 33 47 57 62 87 99

质数

合数

奇数

偶数



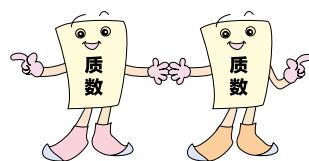
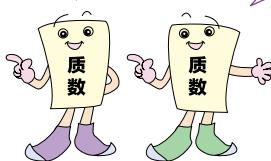
3. 你知道它们各是多少吗？

我们两个的
和是 10。

我们两个的
积是 21。

我们两个的
和是 20。

我们两个的
积是 91。



我是最小的
质数。

我是最小的
合数。

4. 奇数与奇数的积是奇数还是偶数？奇数与偶数的积是奇数还是偶数？偶数与偶数的积呢？

5. 探索 6 的倍数的特征，并记录你探索的过程和结果。

6.



30个学生要分成甲、乙两队。如果甲队人数为奇数，乙队人数为奇数还是偶数？如果甲队人数为偶数呢？

7.

两人一组，一人给出大于2的偶数，另一人找出和为此数的两个质数。



哥德巴赫猜想

◎ 你知道吗？ ◎

从上面的游戏我们看到： $4=2+2$ ， $6=3+3$ ， $8=5+3$ ， $10=7+3$ ， $12=7+5$ ， $14=11+3$ ……那么，是不是所有大于2的偶数，都可以表示为两个质数的和呢？

这个问题是德国数学家哥德巴赫最先提出的，所以被称作**哥德巴赫猜想**。世界各国的数学家都想攻克这一难题，但至今还未解决。我国数学家陈景润在这一领域取得了举世瞩目的成果。

哥德巴赫猜想看似简单，要证明却非常困难，成为数学中一个著名的难题，被称为“数学皇冠上的明珠”。

本单元结束了，
你有什么收获？

整数真有魅力，有那么多问题值得研究。

奇数、偶数在生活中
有很多应用呢！

成长小档案



3

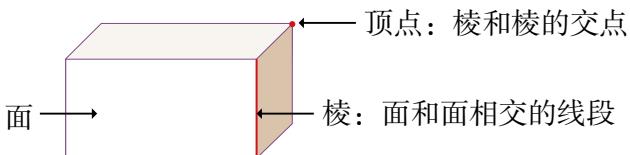
长方体和正方体

1. 长方体和正方体的认识

我们周围许多物体的形状都是长方体或正方体（正方体也叫立方体）。



长方体



1

拿几个长方体的物品来观察，并将小组同学的发现填在下页的表中。

长方体有
_____个面。

有些面是相同的。



(1) 长方体有 _____ 个面。

(2) 每个面是什么形状的?

(3) 哪些面是完全相同的?

(4) 长方体有 _____ 条棱。

(5) 哪些棱长度相等?

(6) 长方体有 _____ 个顶点。

通过以上的观察和讨论可以知道：长方体一般是由 6 个长方形（特殊情况有两个相对的面是正方形）围成的立体图形。在一个长方体中，相对的面完全相同，相对的棱长度相等。

2

用细木条和橡皮泥，小组同学共同做一个长方体框架。

需要不同长
度的木条。

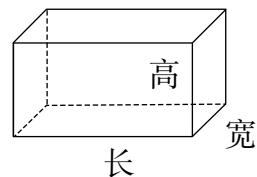


根据制作过程，回答下面的问题。

(1) 长方体的 12 条棱可以分成几组?

(2) 相交于同一顶点的三条棱长度相等吗?

相交于一个顶点的三条棱的长度分别叫做长方体的**长、宽、高**。



做一做

剪下附页上面的图样，按要求做。

(1) 把图样中完全相同的长方形涂上同样的颜色。

(2) 用这个图样做一个长方体。

(3) 量一量所做长方体的长、宽、高各是多少厘米。

(4) 观察这个长方体，最多能看到几个面?

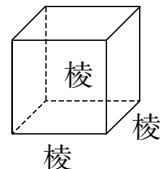
正方体

3

拿一个正方体的物品来观察，并将小组同学的发现填在下表中。

(1) 正方体的 6 个面 _____。

(2) 正方体的 12 条棱 _____。



通过观察可以知道：正方体是由 6 个完全相同的正方形围成的立体图形，所有的棱长度相等。

剪下附页下面的图样做一个正方体，再量出它的棱长是多少厘米。

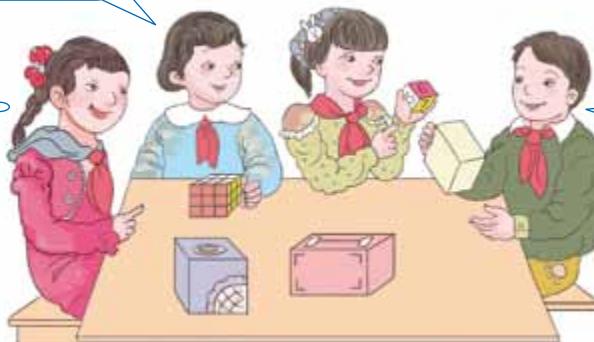
长方体和正方体有哪些相同点？有哪些不同点？



长方体和正方体都有
6 个面、8 个顶点……

正方形是特殊的长方形，
所以……

正方体的棱
长度都相等，
长方体相对的棱……



正方体是长、宽、高都相等的长方体。我们可以用右图来表示长方体和正方体的关系。



做一做

用棱长 1 cm 的小正方体搭一搭。

- (1) 搭一个稍大一些的正方体，至少需要多少个小正方体？动手试一试。
- (2) 用 12 个小正方体搭一个长方体，可以有几种不同的摆法？记录搭出的长方体的长、宽、高。
- (3) 搭一个四个面都是正方形的长方体，你发现了什么？

练 习 五

1. (1) 这个纸巾盒的正面是什么形状？长和宽各是多少？和它相同的面是哪个？

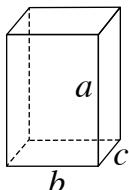
(2) 它的右面是什么形状？长和宽各是多少？和它相同的面是哪个？

(3) 哪几个面的长是 24 cm，宽是 12 cm？



2. 一个长、宽、高分别为 20 cm、30 cm、40 cm 的小纸箱，在所有的棱上粘上一圈胶带，至少需要多长的胶带？

3.



(1) 和 a 平行的棱有几条？

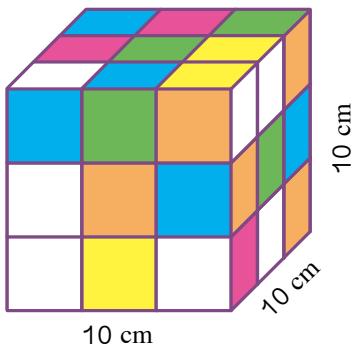
(2) 和 a 相交并垂直的棱有哪几条？

(3) 和 b 平行的棱有几条？

你能发现什么？



4. 这个魔方是什么形状的？它的棱长是多少？有几个面的形状完全相同？



5. 从生活中找一个长方体或正方体的物品，量一量它的长、宽、高各是多少。



6.

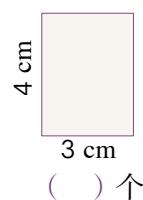
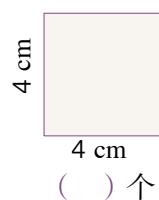
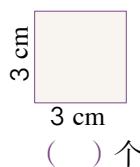
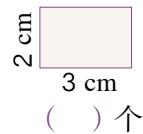
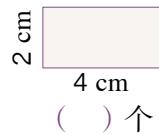
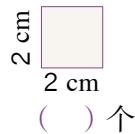
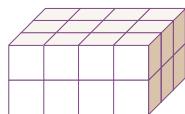


为迎接五一国际劳动节，工人叔叔要在工人俱乐部的四周装上彩灯（地面的四边不装）。已知工人俱乐部长 90 m、宽 55 m、高 22 m，工人叔叔至少需要多长的彩灯线？

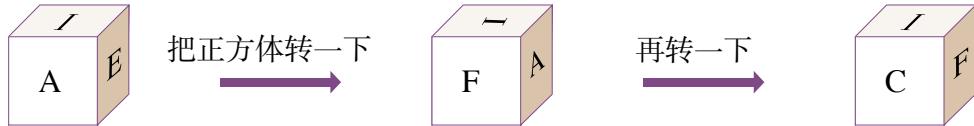
7. 小卖部要做一个长 2.2 m、宽 40 cm、高 80 cm 的玻璃柜台。现在要在柜台各边都安上角铁，这个柜台至少需要多少米的角铁？



8. 下图是用边长 1 cm 的小正方体拼成的长方体。右面的图形哪一个是这个长方体 6 个面中的一个？用“√”标出来，并注明有几个这样的面。



- 9.* 正方体的 6 个面分别写着 A、C、D、E、F、I。与 A、E、I 相对的面分别是哪个面？



几何学和欧几里得

◎ 你知道吗？ ◎

几何学是数学学科的一个重要分支，它源于土地测量等实际需要。

古希腊数学家欧几里得的著作《原本》在数学发展史上有着深远的影响。该书从 17 世纪初开始传入我国。



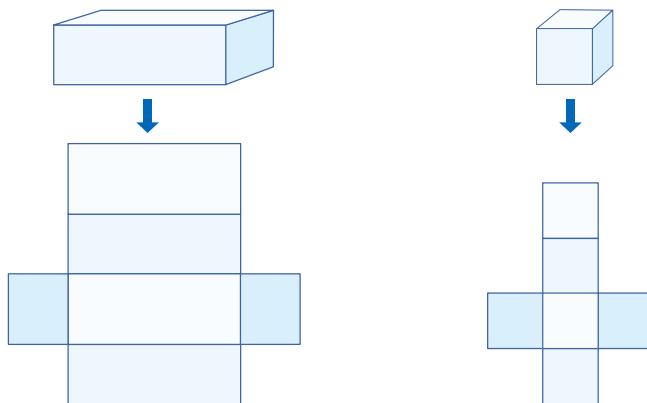
欧几里得

2. 长方体和正方体的表面积

把一个长方体或正方体的纸盒展开是什么形状的呢？



把长方体和正方体的 6 个面分别展开，如下图。



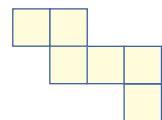
请在上面的展开图中，分别用“上”“下”“前”“后”“左”“右”标明 6 个面。

观察长方体展开图，回答下面的问题。

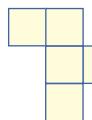
- (1) 哪些面的面积相等？
- (2) 每个面的长和宽与长方体的长、宽、高有什么关系？

做一做

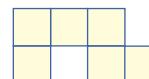
折叠后，哪些图形能围成左侧的正方体？在括号中画“√”。



()



()



()

长方体或正方体6个面的总面积，叫做它的**表面积**。

日常生活和生产中，经常需要计算一些长方体或正方体的表面积。

1

做一个微波炉的包装箱，至少要用多少平方米的硬纸板？



这里要求的是
这个长方体包
装箱的表面积。



上、下每个面，长 ____，宽 ____，面积是 ____；

前、后每个面，长 ____，宽 ____，面积是 ____；

左、右每个面，长 ____，宽 ____，面积是 ____。

表面积是：_____

= _____

= _____

说一说：你是怎么计算的？

2

一个正方体墨水盒，棱长为6.5 cm。制作这个墨水盒至少需要多少平方厘米的硬纸板？



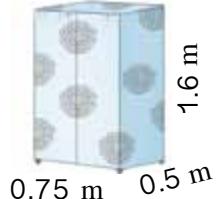
求至少用多少平方厘米的硬纸板，就是要求什么？自己试一试！

= _____

= _____

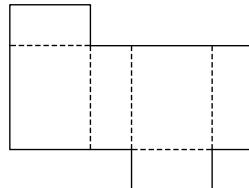
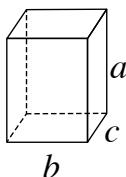
做一做

亮亮家要给一个长0.75 m、宽0.5 m、高1.6 m的简易衣柜换布罩（如右图，没有底面）。至少需要用布多少平方米？



练习六

1. 在展开图上找出相对的面，并用上、下、前、后、左、右标出，再用 a 、 b 、 c 标出每条边。



2. 将这个展开图围成正方体后，哪两个面分别相对？

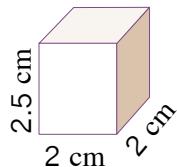
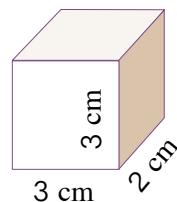
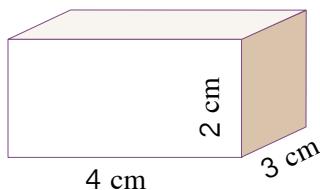
周五	周末
周四	
周二	周三
周一	

周一相对 _____

周二相对 _____

周三相对 _____

3.



4. 光华街口装了一个新的长方体铁皮邮箱，长 50 cm 、宽 40 cm 、高 78 cm 。做这个邮箱至少需要多少平方厘米的铁皮？

5. 一个长方体的饼干盒，长 10 cm 、宽 6 cm 、高 12 cm 。如果围着它贴一圈商标纸（上下面不贴），这张商标纸的面积至少多少平方厘米？

6.



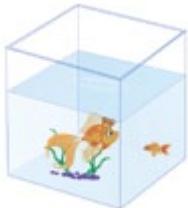
中队委员把一个棱长 46 cm 的正方体纸箱的各面都贴上红纸，将它作为给希望小学募捐的“爱心箱”。

- (1) 他们至少需要多少平方厘米的红纸？
(2) 如果只在棱上粘贴胶带纸，一盘长 4.5 m 的胶带纸够用吗？

7. 先判断给出的物体是正方体还是长方体，再计算表面积。

名称	长	宽	高	表面积
	15 cm	15 cm	10 cm	
	12 m	12 m	12 m	
	13 dm	12 dm	10 dm	

8. 一个玻璃鱼缸的形状是正方体，棱长 3 dm。制作这个鱼缸时至少需要玻璃多少平方分米？（上面没有盖。）



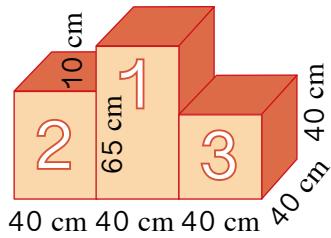
9. 一个正方体礼品盒，棱长 1.2 dm。如果实际用纸是表面积的 1.5 倍，包装这个礼品盒至少要用多少平方分米的包装纸？



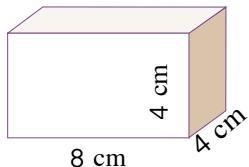
10. 一个新建的游泳池长 50 m，宽是高的 2 倍，深 2.5 m。现在要在游泳池的四周和底面贴上瓷砖，一共需要贴多少平方米的瓷砖？

11. 学校要粉刷新教室。已知教室的长是 8 m，宽是 6 m，高是 3 m，扣除门窗的面积是 11.4 m²。如果每平方米需要花 4 元涂料费，粉刷这个教室需要花费多少钱？

12. 这个颁奖台是由 3 个长方体合并而成的。它的前后两面涂上黄色油漆，其他露出来的面涂红色油漆。涂黄油漆和红油漆的面积各是多少？



- 13* 如何把这个长方体木块分成两个棱长为 4 cm 的正方体？



两个棱长为 4 cm 的正方体的总表面积与这个长方体的表面积相等吗？



3. 长方体和正方体的体积

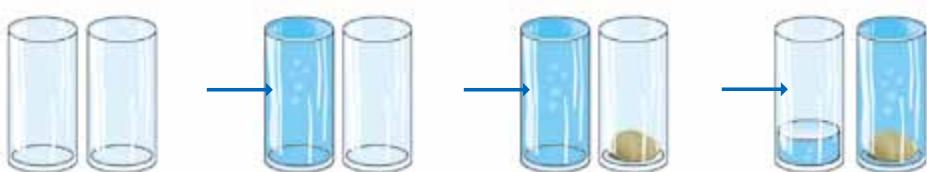
体积和体积单位



乌鸦是怎样喝到水的？为什么？



实验观察：取两个同样大小的玻璃杯，先往一个杯子里倒满水；取一块鹅卵石放入另一个杯子，再把第一个杯子里的水倒进第二个杯子里，会出现什么情况？为什么？



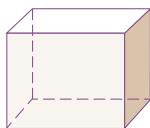
下面的洗衣机、影碟机和手机，哪个所占的空间大？



物体所占空间的大小叫做物体的**体积**。

上面三个物体，哪个体积最大？哪个体积最小？

怎样比较下面两个长方体体积的大小呢？

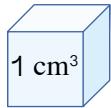


也要用统一
的体积单位
来测量吧？

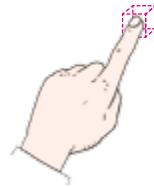


计量体积要用体积单位，常用的体积单位有**立方厘米**、**立方分米**和**立方米**，可以分别写成 cm^3 、 dm^3 和 m^3 。

(1) 棱长是 1 cm 的正方体，体积是 1 cm^3 。



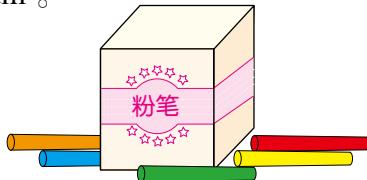
一个手指尖的体积大约是 1 cm^3 。



(2) 棱长是 1 dm 的正方体，体积是 1 dm^3 。

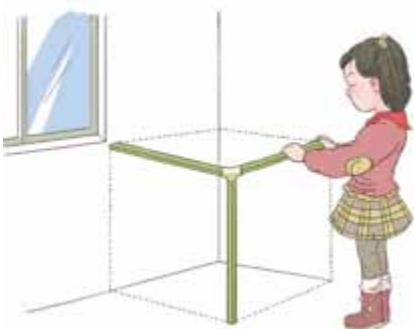


粉笔盒的体积
接近于 1 dm^3 。



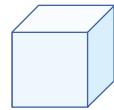
(3) 棱长是 1 m 的正方体，体积是 1 m^3 。

用 3 根 1 m 长的木条做成一个互成直角的架子，放在墙角，看看 1 m^3 的体积有多大。

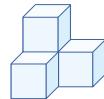
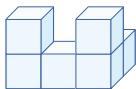
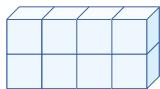
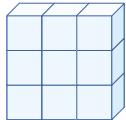


做一做

1. 说一说 1 cm 、 1 cm^2 、 1 cm^3 分别是用来计量什么量的单位，它们有什么不同？



2. 下面的图形是用棱长 1 cm 的小正方体拼成的，说出它们的体积各是多少。



怎样知道一个长方体的体积是多少呢？



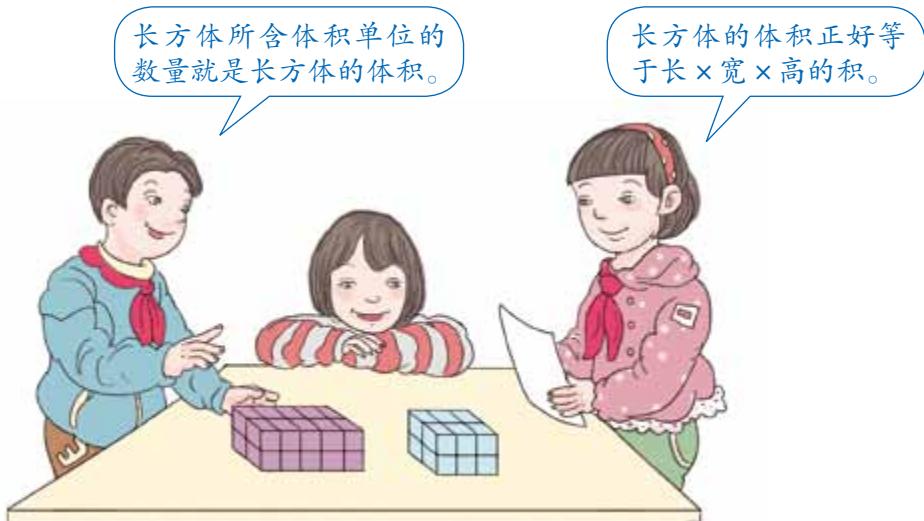
实验：用体积为 1 cm^3 的小正方体摆成不同的长方体。

说一说你是怎么摆的。

(1) 把小组内摆法不同的长方体的相关数据填入下表。

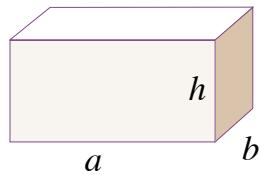
长	宽	高	小正方体的数量	长方体的体积

(2) 观察上表，你发现了什么？



$$\text{长方体的体积} = \underline{\hspace{10em}}$$

如果用字母 V 表示长方体的体积，用 a 、 b 、 h 分别表示长方体的长、宽、高，那么长方体的体积计算公式可以写成：

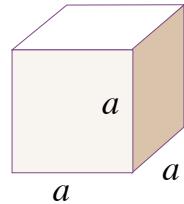


$$V = a \cdot b \cdot h$$



根据长方体和正方体的关系，你能想出正方体的体积怎样计算吗？

如果用字母 V 表示正方体的体积，用 a 表示它的棱长，那么正方体的体积计算公式可以写成：



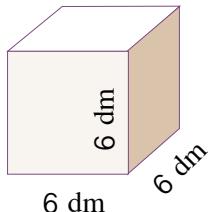
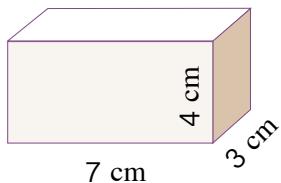
$$V = a \cdot a \cdot a$$

$a \cdot a \cdot a$ 也可以写作 “ a^3 ”，读作“ a 的立方”，表示 3 个 a 相乘。

正方体的体积计算公式一般写成： $V = a^3$

1

计算下面图形的体积。



$$V = a \cdot b \cdot h$$

$$= 7 \times 3 \times 4 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ (cm}^3\text{)}$$

$$V = a^3 = 6^3 = 6 \times 6 \times 6$$

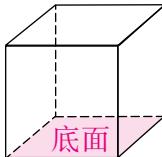
$$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ (dm}^3\text{)}$$

◎ 你知道吗？ ◎

人们很早就得出了长方体、圆柱等形体的体积计算公式。因为它们是河堤、谷仓等的常见形状，而且还有计算体积的需要。

我国古代数学名著《九章算术》中，集中而正确地给出了立体图形的体积计算公式。书中在求底面是正方形的长方体体积时，是这样说的：“方自乘，以高乘之即积尺”，就是说先用边长乘边长得底面积，再乘高就得到长方体的体积。

长方体或正方体底面的面积叫做**底面积**。



长方体和正方体的
底面积怎样求呢?



长方体的体积 = 长 × 宽 × 高

↑
底面积

正方体的体积 = 棱长 × 棱长 × 棱长

↑
底面积

所以，长方体和正方体的体积也可以这样来计算：

长方体（或正方体）的体积 = 底面积 × 高

如果用字母 S 表示底面积，上面的公式可以写成：

$$V = S h$$

做一做

1. 一块长方体肥皂的尺寸如下图，它的体积是多少？

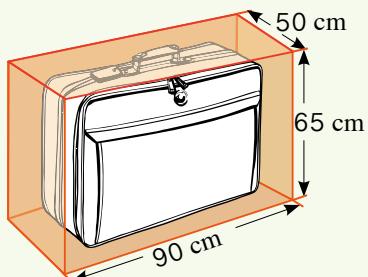


2. 一根长方体木料，长 5m，横截面的面积是 0.06 m^2 。这根木料的体积是多少？



乘飞机的行李规定

◎ 生活中的数学 ◎



机场行李托运一般不超过此规格。

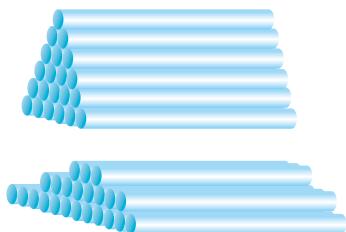
你知道其他交通工具关于行李的规定吗？



手提行李的三边之和一
般不得超过 115 cm。

练 习 七

1. 说一说哪堆体积大, 为什么?

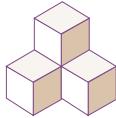


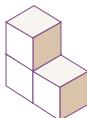
2. 想一想, 你在生活中见过的体积最大的物体是什么? 体积最小的物体是什么?

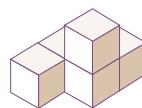
在小组内
交流一下。

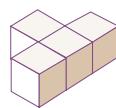


3. 下面各图是用棱长为 1 cm 的小正方体拼成的, 哪个图形体积最大? 哪个体积最小? 在横线上标注出来。









4. 在横线上填出适当的体积单位。



橡皮的体积约
是 10 _____



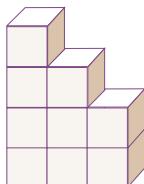
影碟机的体积约
是 22 _____



集装箱的体积约
是 40 _____

5. 说一说在生活中能找出哪些体积分别是 1 cm^3 、 1 dm^3 、 1 m^3 的物体。

6. 右图由 9 个棱长为 1 cm 的小正方体组成。怎样做能把它变成一个长方体? 新组成的长方体的体积是多少?



7. 算一算。

$$4^3 = \underline{\hspace{2cm}} \quad 4 \times 3 = \underline{\hspace{2cm}} \quad 4 + 4 + 4 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$8^2 = \underline{\hspace{2cm}} \quad 8 \times 2 = \underline{\hspace{2cm}} \quad 8 + 8 = \underline{\hspace{2cm}}$$

8. 建筑工地要挖一个长 50 m、宽 30 m、深 50 cm 的长方体土坑，一共要挖出多少方的土？



9.



早在夏朝，中国人已经掌握了存储冰块的技术！

一块棱长 30 cm 的正方体冰块，它的体积是多少立方厘米？

10.



妈妈送给奶奶的长方体生日蛋糕长 2 dm、宽 2 dm、高 0.6 dm。奶奶把它平均分成 4 块长方体形状的小蛋糕，想一想她是怎样分的，每个人分到多大的一块蛋糕？

11. 家具厂订购 500 根方木，每根方木横截面的面积是 2.4 dm^2 ，长是 3 m。这些木料一共是多少方？



12. 填出下表中长方体或正方体的相关数据。

底面积	高	体积
32 cm^2		448 cm^3
40 cm^2	5 dm	
	9 m	729 m^3
54 cm^2	7 cm	

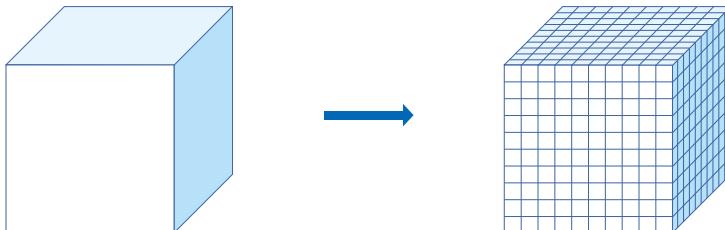
13. 估一估，量一量。

- (1) 估计一本数学书的体积是多少，再测量并计算。
(2) 估计家里一个长方体家具或者一个房间的体积，再测量并计算。
(3) 说一说上面两题你是如何估计的，怎样估计更准？

体积单位间的进率

2

下图是一个棱长为 1 dm 的正方体，体积是 1 dm^3 。想一想，它的体积是多少立方厘米呢？



如果把它的棱长看作是 10 cm，可以把它切成 1000 块 1 cm^3 的小正方体。

它的底面积是 1 dm^2 ，就是 100 cm^2 ， 100×10 ，一共是 1000 cm^3 。



$$10 \times 10 \times 10 = 1000 (\text{cm}^3)$$

$$1 \text{ dm}^3 = 1000 \text{ cm}^3$$

仿照上面的方法，你能推算出 1 m^3 等于多少立方分米吗？

$$1 \text{ m}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{dm}^3$$



到现在为止，我们已经学习了哪些计量单位？请整理在表中。



这是我整理的表格。

	单位名称	相邻两个单位间的进率
长度	米、分米、厘米	
面积	平方米、平方分米、平方厘米	
体积	立方米、立方分米、立方厘米	

你能在上表中分别填出相邻两个单位之间的进率吗？

3

(1) 3.8 m^3 是多少立方分米? (2) 2400 cm^3 是多少立方分米?

想: $1 \text{ m}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ dm}^3$

$3.8 \text{ m}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ dm}^3$

想: $\underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^3 = 1 \text{ dm}^3$

$2400 \text{ cm}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ dm}^3$

自己试一试!

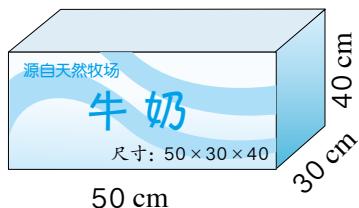


4

这个牛奶包装箱的体积是多少?



箱上的尺寸一般是这个长方体的长、宽、高。



$V = a b h = 50 \times 30 \times 40 = \underline{\hspace{2cm}} (\text{cm}^3)$

$= \underline{\hspace{2cm}} (\text{dm}^3)$

$= \underline{\hspace{2cm}} (\text{m}^3)$

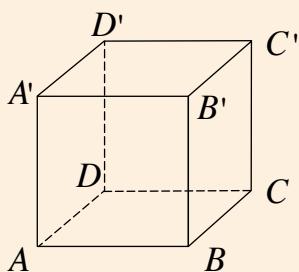
做一做

1. $3.5 \text{ dm}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^3$ $700 \text{ dm}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ m}^3$ $0.25 \text{ m}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^3$

2. 要砌一道长 15 m、厚 24 cm、高 3 m 的砖墙。如果每立方米用砖 525 块，一共要用砖多少块?



◎ 你知道吗? ◎



像左图这样从某一点观察，能够呈现几何体整体形状的绘图叫直观图。
在直观图中，看不见的边要用虚线来表示。

练 习 八

1. $1.02 \text{ m}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{dm}^3$ $960 \text{ dm}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{m}^3$ $6270 \text{ cm}^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{dm}^2$

$36000 \text{ cm}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{dm}^3$ $8.63 \text{ m}^2 = \underline{\hspace{2cm}} \text{dm}^2$ $23 \text{ dm}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{cm}^3$

2. 一个长方体包装盒，从里面量长 28 cm 、宽 20 cm ，体积为 11.76 dm^3 。

爸爸想用它包装一件长 25 cm 、

宽 16 cm 、高 18 cm 的玻璃器

想一想，为什么？

皿，是否可以装得下？



3.



花园小区为居民新安装了 50 个休息的凳子，凳面的长、宽、高分别是 100 cm 、 45 cm 、 4.5 cm ，凳腿的长、宽、高分别是 45 cm 、 5 cm 、 35 cm 。这些凳子共用混凝土多少方？

4.



六一儿童节前，全市的小学生代表用棱长 3 cm 的正方体塑料拼插积木在广场中央搭起了一面长 6 m 、高 2.7 m 、厚 6 cm 的奥运心愿墙。这面墙一共用了多少块积木？

5. 学校运来 7.6 m^3 的沙子，铺在一个长 5 m 、宽 38 dm 的沙坑里，可以铺多厚？

6. 请你圈出每组数据中与其他数据不相等的那个数。

(1) 5.08 m^3 50800 cm^3 5080 dm^3 5080000 cm^3

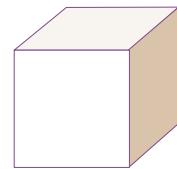
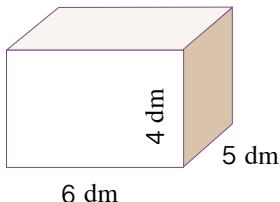
(2) 6039 dm^2 6.039 m^2 603900 cm^2 60.39 m^2

(3) 1500 cm 1500 dm 15 m 150 dm

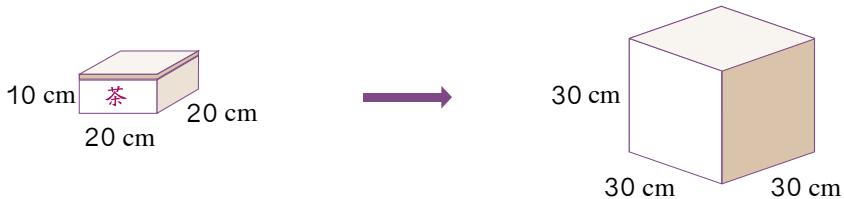
7. 一个长方体的无盖水族箱，长是 6 m，宽是 60 cm，高是 1.5 m。这个水族箱占地面积有多大？需要用多少平方米的玻璃？它的体积是多少？



8. 一个长方体和一个正方体的棱长总和相等。已知长方体的长、宽、高分别是 6 dm、5 dm、4 dm，那么正方体的棱长是多少分米？它们的体积相等吗？



- 9*. 茶厂工人要将长、宽各为 20 cm，高为 10 cm 的长方体茶盒装入棱长为 30 cm 的正方体纸箱，最多能装几盒？怎样才能装下？



求能装几盒，用纸箱体积除以茶盒体积就行了。



怎样装呢？纸箱棱长 30 cm，放一个茶盒后就剩 10 cm……

容积和容积单位

箱子、油桶、仓库等所能容纳物体的体积，通常叫做它们的**容积**。

计量容积，一般就用体积单位。计量液体的体积，如水、油等，常用容积单位**升**和**毫升**，也可以写成 L 和 mL。

$$1 \text{ L} = 1000 \text{ mL}$$



小组活动：

- (1) 将一瓶矿泉水倒在纸杯中，看看可以倒满几杯。
- (2) 估计一下，一纸杯水大约有多少毫升，几杯水大约是 1 L。



- (3) 说一说在哪些物品上标有毫升、升。



容积单位和体积单
位有这样的关系。

$$1 \text{ L} = 1 \text{ dm}^3$$

$$1 \text{ mL} = 1 \text{ cm}^3$$

长方体或正方体容器容积的计算方法，跟体积的计算方法相同。但要从容器里面量长、宽、高。

5

一种小汽车上的长方体油箱，里面长 5 dm、宽 4 dm、高 2 dm。这个油箱可以装汽油多少升？

$$5 \times 4 \times 2 = 40 (\text{ dm}^3)$$

$$40 \text{ dm}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ L}$$



现实生活中还有很多像橡皮泥、梨、石块等形状不规则的物体，怎样求得它们的体积呢？

6

设法求出下面两种物体的体积。



橡皮泥



阅读与理解

要解决什么问题？这些物体分别有什么特点？

分析与解答

可以把橡皮泥捏压成规则的长方体或正方体形状，再……

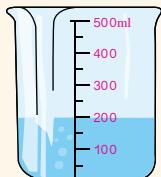


不能改变形状的梨怎么办呢？



可以用排水法。

水面上升的那部分水的体积就是……



水的体积是
_____mL。

水和梨的体积
是 _____mL。

梨的体积：
 $450 - 200 = 250$ (mL)
 $250 \text{ mL} = 250 \text{ cm}^3$

回顾与反思

用排水法求不规则物体的体积需要记录哪些数据？

答：_____。

想一想：可以利用上面的方法测量乒乓球、冰块的体积吗？为什么？

练习九

1. 在横线上填上合适的容积单位。



一瓶墨水约
50 _____



一桶色拉油
约 5 _____



神舟五号载人航天飞船
返回舱的容积为 6 _____



泡泡液 约
100 _____

2. $4\text{L} = \underline{\hspace{2cm}}\text{mL}$ $4800\text{ mL} = \underline{\hspace{2cm}}\text{L}$ $82\text{ cm}^3 = \underline{\hspace{2cm}}\text{mL}$
 $500\text{ mL} = \underline{\hspace{2cm}}\text{L}$ $35\text{ dm}^3 = \underline{\hspace{2cm}}\text{mL}$ $2.4\text{ L} = \underline{\hspace{2cm}}\text{mL}$
 $8.04\text{ dm}^3 = \underline{\hspace{2cm}}\text{L} = \underline{\hspace{2cm}}\text{mL}$ $785\text{ mL} = \underline{\hspace{2cm}}\text{cm}^3 = \underline{\hspace{2cm}}\text{dm}^3$

3. 一大桶矿泉水相当于 _____ 瓶
1500 mL 的矿泉水。



18 L



1500 mL

4. 一种微波炉，产品说明书上标明：
炉腔内部尺寸 $400 \times 225 \times 300$
(单位：mm)。这个微波炉的容
积是多少升？

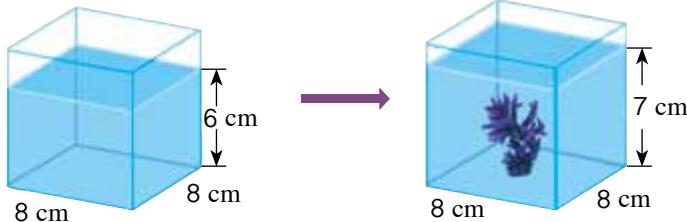


5. 某海岛战士为解决岛上淡水缺乏问题，和当地居民共同修建了一个长 22 m、宽 10 m、深 1.8 m 的淡水蓄水池。这个蓄水池最多可蓄水多少立方米？



6. 某邮政运货车，车厢是长方体。从里面量长3 m、宽2.5 m、高2 m。它的容积是多少立方米？

7. 珊瑚石的体积是多少？



8. 爸爸在一个底面积为 51 dm^2 的长方体鱼缸里放了一个假山石，水面上升了3 cm。这个假山石的体积有多大？



9. 在一个长8 m、宽5 m、高2 m的水池中注满水，然后把两条长3 m、宽2 m、高4 m的石柱立着放入池中，水池溢出的水的体积是多少？

10. 把2块棱长为1.5 dm的正方体木块拼成一个长方体。这个长方体的体积、表面积分别是多少？如果是用3块正方体拼的图形呢？

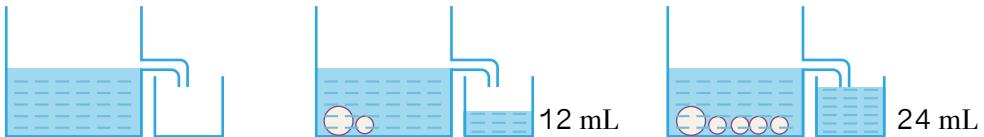
11. 右图是新疆吐鲁番的一种长方体土坯房，其中一间的底面积是 18.6 m^2 ，高是2.1 m。它的容积是多少呢？

葡萄干就是在这样的房子中晾制的。



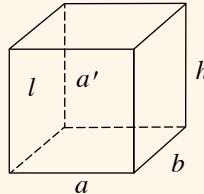
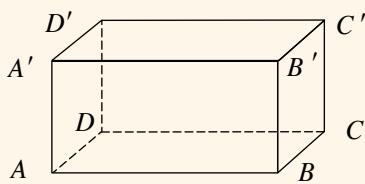
12. 哈尔滨冰雪大世界每年用的冰大约能融化成8万立方米的水，它们相当于多少个长50 m、宽2.5 m、深1.2 m的水池的储水量？（用计算器计算。）

- 13*. 求下图中大圆球的体积。



整理和复习

1. 先完成下表，再回答问题。



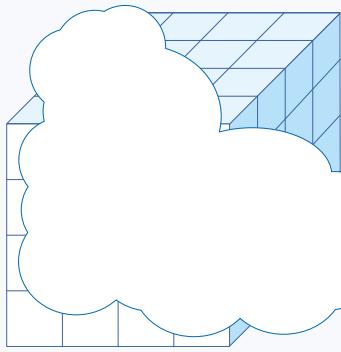
名称	面	棱	顶点
长方体			
正方体			

- (1) 说说长方体和正方体的关系。
 (2) 在长方体中与 AB 平行的棱：_____。
 在长方体中与 AB 相交并垂直的棱：_____。
2. (1) 举例说明什么是长方体和正方体的表面积、体积和容积。
 (2) 计量表面积、体积和容积，分别有哪些计量单位？这些单位间分别存在什么样的关系？请写在下面。
-
-

3. 你能用尺子和长方体（或正方体）容器测出右面物体的体积吗？如果用这种方法比较两个物体体积的大小，你打算怎么做？

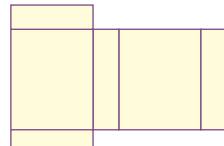
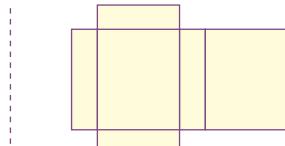
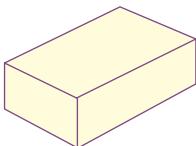


下面的长方体都是用棱长 1 cm 的小正方体摆成的。算出它们的体积。



练习十

1. 下面是同一个长方体的展开图，说一说每个图是怎样展开的。



找一些正方体纸盒并将其展开，你能展开成多少种不同的形状？

2. 长方体的长、宽、高都变为原来的 2 倍，它的表面积和体积都发生了什么变化？

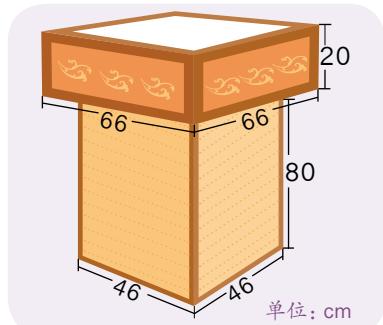
	长	宽	高	表面积	体积
1	2 cm	1 cm	3 cm	() cm^2	() cm^3
2	4 cm	2 cm	6 cm	() cm^2	() cm^3
3	8 cm	4 cm	12 cm	() cm^2	() cm^3

你发现了什么规律？



3. 一个长方体鱼塘长 8 m、宽 4.5 m、深 2 m。这个鱼塘的容积大约是多少？

4. 某古建筑景点订做了 25 个宫灯形的垃圾桶（如右图）。垃圾桶外侧需要贴上一层外饰面。如果外饰面每平方米 180 元，这些垃圾桶的外饰面一共要花多少钱？



本单元结束了，
你有什么收获？

用实验的方法，不仅说明了物体有体积而且还得出了长方体的体积计算公式。

成长小档案

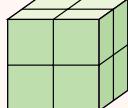


利用长方体和正方体的关系可以直接推出正方体的体积计算公式。

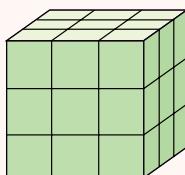


探索图形

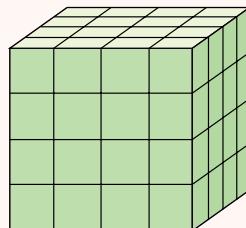
用棱长1 cm的小正方体拼成如下的大正方体后，把它们的表面分别涂上颜色。①、②、③中，三面、两面、一面以及没有涂色的小正方体各有多少块？按这样的规律摆下去，第④、⑤个正方体的结果会是怎样的呢？



①



②



③

把问题用列表的方式表示出来。



看看每类小正方体都在什么位置，能否找到规律。

	三面涂色的块数	两面涂色的块数	一面涂色的块数	没有涂色的块数
①	8	0	0	0
②	8	12	6	1
③	8	24		
④				
⑤				

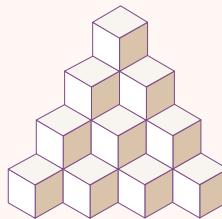
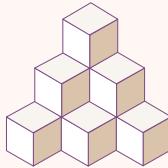
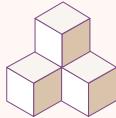


没有涂色的怎样填比较快？

观察上表，你能发现什么？



- (1) 你还能继续写出第⑥、⑦、⑧个大正方体中4类小正方体的块数吗？
(2) 如果数下面的几何体你会吗？

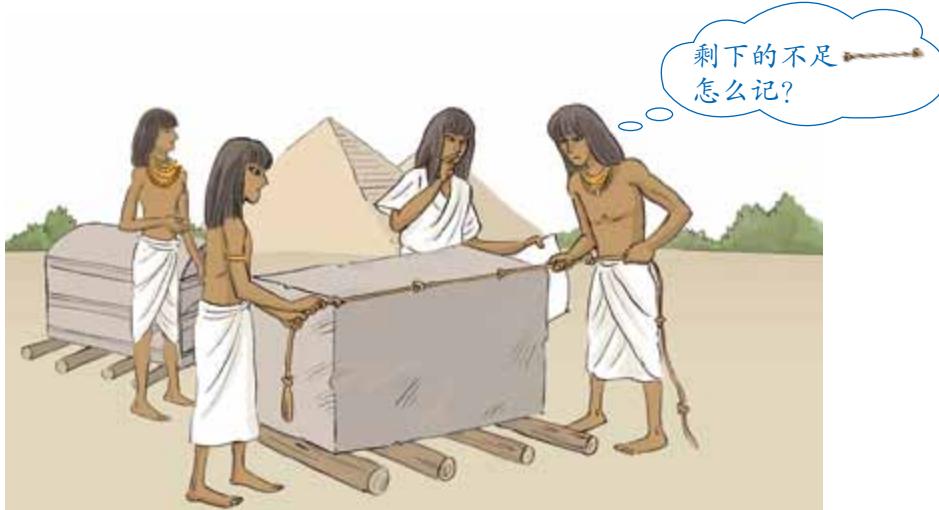


4

分数的意义和性质

1. 分数的意义

分数的产生



把桌上的东西平均分给两个同学。



每人平均分到 _____ 块 ， _____ 包 .

在进行测量、分物或计算时，往往不能正好得到整数的结果，这时常用分数来表示。

分数的意义

你能举例说明 $\frac{1}{4}$ 的含义吗?



每根是这把香蕉的 $\frac{1}{4}$ 。



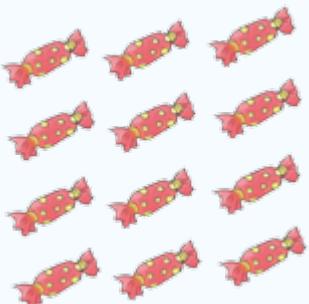
每份是这盘面包的 $\frac{1}{4}$ 。

一个物体、一个计量单位或是一些物体等都可以看作一个整体。把这个整体平均分成若干份，这样的一份或几份都可以用分数来表示。

一个整体可以用自然数 1 来表示，我们通常把它叫做单位“1”。

做一做

一堆 糖



平均分成 2 份，每份是这堆糖的 (\quad) 。 (\quad)

平均分成 3 份，2 份是这堆糖的 (\quad) 。 (\quad)

平均分成 4 份，3 份是这堆糖的 (\quad) 。 (\quad)

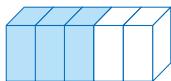
平均分成 6 份，5 份是这堆糖的 (\quad) 。 (\quad)

把单位“1”平均分成若干份，表示其中一份的数叫**分数单位**。例如， $\frac{2}{3}$ 的分数单位是 $\frac{1}{3}$ 。

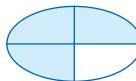
你能说出上面其他几个分数的分数单位吗？

练习十一

1. 用分数表示下面各图中涂色部分的大小。



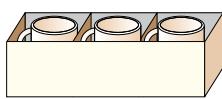




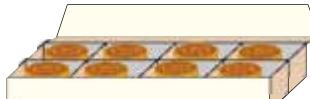




- 2.



每个茶杯是这套
茶杯的 $\frac{(\)}{()}$ 。

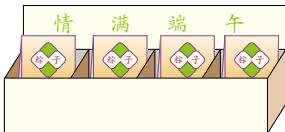


每块月饼是这盒
月饼的 $\frac{(\)}{()}$ 。



每个图标是这排
图标的 $\frac{(\)}{()}$ 。

- 3.



每袋粽子是这些
粽子的 $\frac{(\)}{()}$ 。

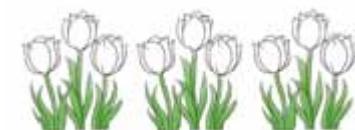


每种颜色的跳棋是
这盒跳棋的 $\frac{(\)}{()}$ 。



每次吃的药是这
瓶药的 $\frac{(\)}{()}$ 。

- 4.



$\frac{1}{3}$ 涂上红色，其余的 $\frac{(\)}{()}$ 涂上
你喜欢的颜色。



$\frac{1}{2}$ 涂上绿色，其余的 $\frac{(\)}{()}$ 涂上
你喜欢的颜色。

- 5.

每人分 $\frac{(\)}{()}$ 包。

这包饼干有 12 块，我们把它平均分了吧。

$\frac{(\)}{()}$ 包是 _____ 块。

6. 读出下面的分数，说说它们的具体含义。



长江干流约 $\frac{3}{5}$ 的水体受到不同程度的污染。



死海表层的水中含盐量达到 $\frac{3}{10}$ 。



按联合国传统标准，一个地区 60 岁以上老人达到总人口的 $\frac{1}{10}$ ，这个地区就视为进入老龄化社会。新标准是 65 岁以上老人占总人口的 $\frac{7}{100}$ 。

7. 读出下面的分数，并写出每一个分数的分数单位及有几个这样的分数单位。

分	数：	$\frac{1}{6}$	$\frac{2}{7}$	$\frac{4}{15}$	$\frac{11}{18}$	$\frac{7}{100}$
分	数 单 位：	$(\)$ $(\)$				
分	数 单 位 的 个 数：	() 个	() 个	() 个	() 个	() 个

8. 用直线上的点表示下面各分数。

(1) $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{3}{4}$

(2) $\frac{1}{3}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{5}{6}$

上面两条直线中，每条直线上的最小刻度用分数表示分别是多少？它们分别是哪些分数的分数单位？

9. 任选一个分数，分别以一个物体和一些物体作为单位“1”，在右面的方框中画图表示。

$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{12}$

10. 和同桌说一说在生活中见过的分数，并说出它的单位“1”和分数单位。

分数与除法

1

把1个蛋糕平均分给3人，每人分得多少个？

想：求每人分得多少个，要算 $1 \div 3$ 得多少。



每人分得 $\frac{1}{3}$ 个。

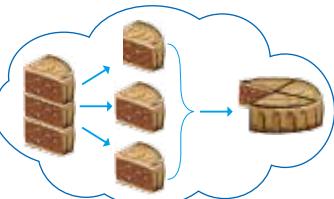


$$1 \div 3 = \frac{1}{3}(\text{个})$$

2

把3块月饼平均分给4人，每人分得多少块？

想：求每人分得多少块，要算 $3 \div 4$ 得多少。



$$3 \div 4 = \frac{(\quad)}{(\quad)}(\text{块})$$



你发现分数与除法有什么关系？

$$\text{被除数} \div \text{除数} = \frac{\text{被除数}}{\text{除数}}$$

你能用字母表示出分数与除法的关系吗？

$$a \div b = \frac{a}{b} (b \neq 0)$$

被除数
除数

想：为什么 $b \neq 0$ ？

3

小新家养鹅 7 只，养鸭 10 只，养鸡 20 只。鹅的只数是鸭的几分之几？
鸡的只数是鸭的多少倍？

阅读与理解

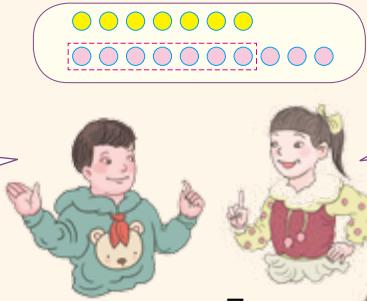
“鹅的只数是鸭的几分之几”是什么意思？



就是求 7 只是 10 只的几分之几。

分析与解答

把 10 只看作一个整体，平均分成 10 份，每份 1 只，7 只就是这个整体的 $\frac{7}{10}$ 。



$$7 \div 10 = \frac{7}{10}$$

鸡的只数是鸭的只数的 $20 \div 10 = 2$ 倍。

根据分数与除法的关系，求 7 只是 10 只的几分之几，可以用 $7 \div 10$ 。



回顾与反思

上面两个问题有什么关系？



都是用除法算的。

答：_____。

你还能提出其他数学问题并解答吗？

做一做

1. 在下面的括号里填上适当的数。

$$7 \div 13 = \frac{()}{()} \quad \frac{5}{8} = () \div () \quad () \div 7 = \frac{4}{7}$$

2. 动物园里有大象 9 头，金丝猴 4 只。金丝猴的数量是大象的几分之几？

练习十二

1. 这些葡萄干平均装在 2 个袋子里，每袋重多少千克？平均装在 3 个袋子中呢？

正好 1 kg。



2. 一个 3 m^2 的花坛，种 4 种花，每种花平均占地多少平方米？5 种呢？（用分数表示。）

3. 用分数表示下面各式的商。

$$24 \div 25 =$$

$$16 \div 49 =$$

$$2 \div 9 =$$

$$11 \div 12 =$$

4. $9 \text{ cm} = \frac{(\quad)}{(\quad)} \text{ dm}$

5.

81 个你才和我一样重。

$$30 \text{ cm} = \frac{(\quad)}{(\quad)} \text{ dm}$$

$$133 \text{ dm}^3 = \frac{(\quad)}{(\quad)} \text{ m}^3$$

$$79 \text{ dm} = \frac{(\quad)}{(\quad)} \text{ m}$$

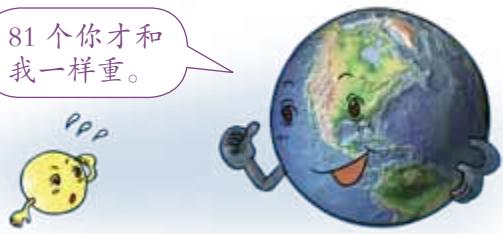
$$56 \text{ cm}^2 = \frac{(\quad)}{(\quad)} \text{ dm}^2$$

$$53 \text{ mL} = \frac{(\quad)}{(\quad)} \text{ L}$$

$$23 \text{ 千克} = \frac{(\quad)}{(\quad)} \text{ 吨}$$

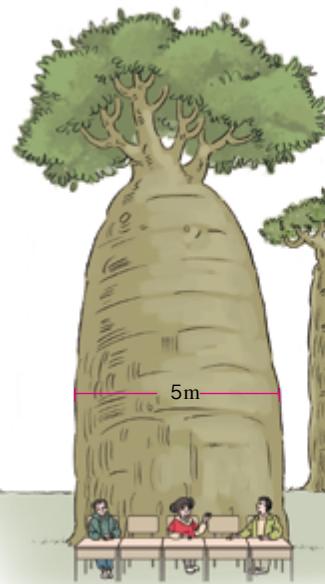
$$13 \text{ 秒} = \frac{(\quad)}{(\quad)} \text{ 分}$$

$$48 \text{ 公顷} = \frac{(\quad)}{(\quad)} \text{ 平方千米}$$



月球的质量是地球质量的几分之几？

6.



这叫纺锤树，生长在南美洲的巴西高原上。它的根系发达，可以贮存很多水分。

好像一个花瓶。



一张课桌的长度是它最粗直径的几分之几？

7.



8. 小明用 15 分钟走了 1 km 路，平均每分钟走几分之几千米？

9. 世界读书日这一天，标价 11 元一本的《快乐数学》售价为 9 元一本。

- (1) 每本书的售价是原来标价的几分之几?
 (2) 你还能提出其他数学问题并解答吗?



4月23日是
世界读书日。



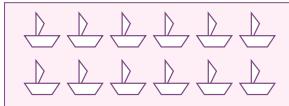
10. 五(1)班共有 17 幅书法作品参加学校的书法比赛，其中 4 幅作品从全校 255 幅参赛作品中脱颖而出并获奖。

两小题中的单位“1”
分别是什么？

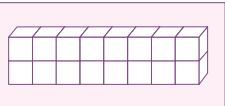


- (1) 五(1)班获奖作品占全班参赛作品的几分之几?
 (2) 五(1)班参赛作品占全校参赛作品的几分之几?

11. 分别选择一个分数，并在图中表示出来。



$$\frac{(\quad)}{(\quad)}$$



$$\frac{(\quad)}{(\quad)}$$



与同伴交流：说一
说每个分数的分数
单位。你认为分数
单位与什么有关？

12. 填空。

(1) $\frac{1}{2}$ 年有()个月， $\frac{3}{4}$ 年有()个月。

(2) 一年中，大月的月份占 $\frac{(\quad)}{(\quad)}$ ，小月的月份占 $\frac{(\quad)}{(\quad)}$ 。

(3) 一个星期中，休息日是工作日的 $\frac{(\quad)}{(\quad)}$ 。

2. 真分数和假分数

1

分别涂色表示下面各分数，并说一说把什么作为单位“1”。



$$\frac{1}{3}$$



$$\frac{3}{4}$$



$$\frac{5}{6}$$

这些分数的分数单位分别是多少？它们各有几个相应的分数单位？

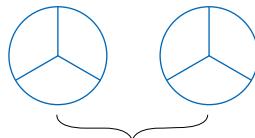


比较每个分数中分子和分母的大小，再看看这些分数比1大还是比1小。分子比分母小的分数叫做**真分数**。真分数小于1。

2

把1个圆作为单位“1”。

(1) 4个 $\frac{1}{3}$ 是几分之几？在右图中涂色表示。



$$\frac{(\quad)}{(\quad)}$$

(2) 分别涂色表示下面各分数，并比较每个分
数中分子和分母的大小。



$$\frac{3}{3}$$



$$\frac{7}{4}$$



$$\frac{11}{5}$$

这些分数比1大还是比1小？



分子比分母大或分子和分母相等的分数叫做**假分数**。假分数大于1或等于1。

由涂色结果可以看出， $\frac{11}{5}$ 可以看作是由 $\frac{10}{5}$ （就是2）和 $\frac{1}{5}$ 合成的数，写作： $2\frac{1}{5}$ ，读作：二又五分之一。像 $2\frac{1}{5}$ ， $1\frac{3}{4}$ ，…这样由整数和真分数合成的数叫做**带分数**。

从例题中可以看出：有些假分数的分子恰好是分母的倍数，它们实际上是整数；有些假分数的分子不是分母的倍数，这样的假分数可以写成带分数。

有时根据需要，要把假分数化成整数或带分数。

3

(1) 把 $\frac{3}{3}$ 、 $\frac{8}{4}$ 化成整数。

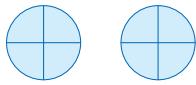


根据分数与除法的关系， $\frac{3}{3}=3\div 3=1$ 。



根据分数的意义，3个 $\frac{1}{3}$ 是1。

$$\frac{3}{3}=\boxed{3\div 3}=1$$

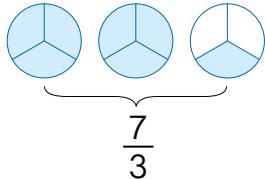


$$\frac{8}{4}$$

$$\frac{8}{4}=\boxed{8\div 4}=2$$

还可以怎么想？

(2) 把 $\frac{7}{3}$ 、 $\frac{6}{5}$ 化成带分数。



$$\frac{7}{3}$$



$\frac{7}{3}$ 是 $\frac{6}{3}$ (就是2)和 $\frac{1}{3}$ 合成的数，等于 $2\frac{1}{3}$ 。

$$7\div 3=2\cdots\cdots 1$$

想一想： $\frac{6}{5} =$ _____



假分数是怎样化成整数或带分数的？

做一做

1. 下面的分数中哪些是真分数？哪些是假分数？在直线上表示出来。

$$\frac{1}{3}$$

$$\frac{3}{3}$$

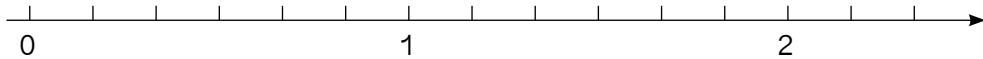
$$\frac{5}{3}$$

$$\frac{1}{6}$$

$$\frac{5}{6}$$

$$\frac{7}{6}$$

$$\frac{13}{6}$$



看一看，表示真分数的点和表示假分数的点，分别在直线的哪一段上。

2. 把下面的假分数化成带分数或整数。

$$\frac{15}{2}$$

$$\frac{8}{5}$$

$$\frac{21}{7}$$

$$\frac{50}{9}$$

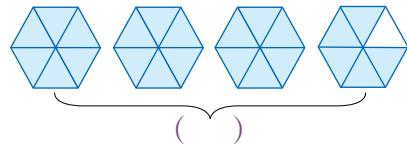
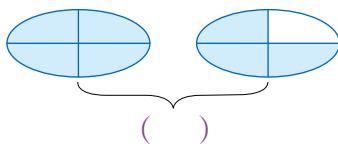
$$\frac{43}{12}$$

$$\frac{69}{20}$$

$$\frac{30}{15}$$

练习十三

1. 把一个图形看作单位“1”，用分数表示出各图涂色部分的大小，再读一读。



2. 下面的说法对吗？为什么？

(1) 我吃了1个西瓜的 $\frac{5}{4}$ 。

(2) 爷爷把一块菜地的 $\frac{3}{5}$ 种了西红柿， $\frac{2}{5}$ 种了茄子， $\frac{1}{5}$ 种了辣椒。

(3) 一块巧克力我吃了 $\frac{5}{6}$ ，表哥吃了 $\frac{1}{6}$ 。

3. (1) 3个人分，平均每人分 $\frac{(\quad)}{(\quad)}$ 杯，也就是_____杯。



(2) 2个人分，平均每人分_____杯。

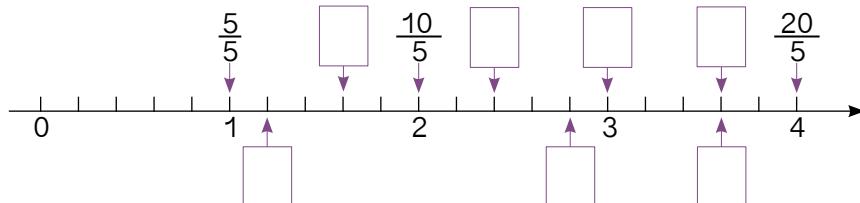
- 4.



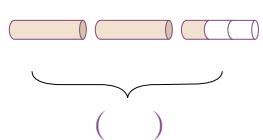
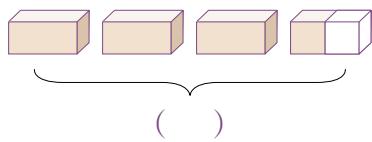
这板药能吃多少天？（用带分数表示出来。）



5. 在直线上面的□里填上适当的假分数，在直线下面的□里填上适当的带分数。



6. 把一个物体看作单位“1”，用分数表示下面各图涂色部分的大小。



7. (1) 睡鼠的冬眠时间是熊的几分之几?
(2) 熊冬眠的时间是睡鼠的几分之几?



熊冬眠约5个月 睡鼠冬眠约7个月

8. (1) 写出分母是7的所有真分数。
(2) 写出分子是7的所有假分数。

9. 在○里填上“>”“<”或“=”。

$$\frac{7}{9} \bigcirc 1\frac{7}{9} \quad 3\frac{1}{25} \bigcirc \frac{75}{25} \quad \frac{46}{12} \bigcirc 4 \quad 8\frac{2}{9} \bigcirc \frac{74}{9}$$

你认为带分数和假分数哪个更容易看出数的大小?

10. 指出下表中哪些是真分数，哪些是假分数。把等于1的假分数涂上颜色。

$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{4}{2}$	$\frac{5}{2}$	$\frac{6}{2}$	$\frac{7}{2}$	$\frac{8}{2}$	$\frac{9}{2}$	$\frac{10}{2}$
$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{3}{3}$	$\frac{4}{3}$	$\frac{5}{3}$	$\frac{6}{3}$	$\frac{7}{3}$	$\frac{8}{3}$	$\frac{9}{3}$	$\frac{10}{3}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{4}{4}$	$\frac{5}{4}$	$\frac{6}{4}$	$\frac{7}{4}$	$\frac{8}{4}$	$\frac{9}{4}$	$\frac{10}{4}$
$\frac{1}{5}$	$\frac{2}{5}$	$\frac{3}{5}$	$\frac{4}{5}$	$\frac{5}{5}$	$\frac{6}{5}$	$\frac{7}{5}$	$\frac{8}{5}$	$\frac{9}{5}$	$\frac{10}{5}$

你发现了什么?



分解质因数

○ 你知道吗? ○

每个合数都可以由几个质数相乘得到。例如: $4=2\times 2$, $15=3\times 5$, $30=2\times 3\times 5$

$$30 = 2 \times 3 \times 5$$

```

graph TD
    30 --- 2
    30 --- 3
    3 --- 5
  
```

$$2 \mid 30$$

$$3 \boxed{15}$$

$$5$$



这种方法叫做短除法。

其中每个质数都是这个合数的因数，叫做这个合数的质因数。

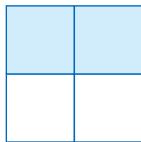
3. 分数的基本性质

1

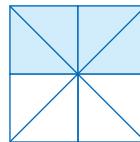
拿出三张同样大小的正方形纸，按照下图把它们平均分，并涂上颜色。用分数表示出涂色部分的大小。



$$\frac{(\)}{(\)}$$



$$\frac{(\)}{(\)}$$



$$\frac{(\)}{(\)}$$

可以用对折的方法来分。



你发现了什么？

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{4}{8}$$



它们的分子、分母各是按照什么规律变化的？

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{4}{8}$$

$\times 2$ $\times \square$
 $\times 2$ $\times \square$

$$\frac{4}{8} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

$\div 2$ $\div \square$
 $\div 2$ $\div \square$

你还能举出几个这样的例子吗？根据上面的例子，可以得出什么规律？

分数的分子和分母同时乘或者除以相同的数（0除外），分数的大小不变。

这叫做**分数的基本性质**。

根据分数与除法的关系，以及整数除法中商不变的规律，你能说明分数的基本性质吗？

你能把一个分数化成分母不同而大小相同的分数吗？



2

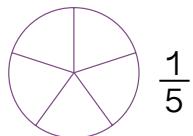
把 $\frac{2}{3}$ 和 $\frac{10}{24}$ 化成分母是12而大小不变的分数。

$$\frac{2}{3} = \frac{2 \times \square}{3 \times 4} = \frac{\square}{12}$$

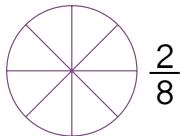
$$\frac{10}{24} = \frac{10 \bigcirc \square}{24 \bigcirc \square} = \frac{\square}{12}$$

练 习 十 四

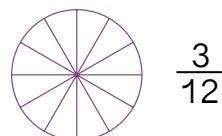
1. 按要求涂色，再比较它们的大小。



$$\frac{1}{5}$$



$$\frac{2}{8}$$



$$\frac{3}{12}$$

2. 下面每组中的两个分数是否相等？相等的在括号里画“√”，不相等的画“×”。

$$\frac{3}{5} \text{ 和 } \frac{6}{10} (\quad) \quad \frac{9}{18} \text{ 和 } \frac{1}{9} (\quad) \quad \frac{7}{12} \text{ 和 } \frac{21}{36} (\quad) \quad \frac{5}{15} \text{ 和 } \frac{1}{5} (\quad)$$

3. 说出相等的分数。



4. 我们班 $\frac{2}{5}$ 的同学参加了舞蹈小组， $\frac{4}{10}$ 的同学参加了书法小组，哪个小组的人数多？

5. 下面哪些分数在直线上能用同一个点表示？把它们在直线上表示出来。

$$\frac{6}{12}$$

$$\frac{10}{8}$$

$$\frac{3}{12}$$

$$\frac{5}{4}$$

$$\frac{3}{6}$$

$$\frac{1}{4}$$

0

1

2

6. $\frac{1}{3} = \frac{(\quad)}{6}$ $\frac{10}{15} = \frac{(\quad)}{3}$ $\frac{1}{4} = \frac{5}{(\quad)}$ $\frac{12}{28} = \frac{(\quad)}{7}$

7. 把下面的分数化成分母是 10 而大小不变的分数。

$$\frac{3}{2}$$

$$\frac{1}{5}$$

$$\frac{6}{20}$$

$$\frac{24}{30}$$

$$\frac{15}{50}$$

8. 涂色表示出与给定分数相等的分数。



$$\frac{1}{3}$$



$$\frac{1}{4}$$



$$\frac{(\quad)}{(\quad)}$$



$$\frac{(\quad)}{(\quad)}$$

9. 在下面的括号里填上适当的数。

$$\frac{3}{4} = \frac{(\quad)}{8} = \frac{9}{(\quad)}$$

$$\frac{7}{10} = \frac{14}{(\quad)} = \frac{(\quad)}{30}$$

$$\frac{42}{35} = \frac{(\quad)}{5} = \frac{12}{(\quad)}$$

$$\frac{5}{9} = \frac{(\quad)}{18} = \frac{15}{(\quad)}$$

$$\frac{8}{24} = \frac{2}{(\quad)} = \frac{(\quad)}{3}$$

$$\frac{8}{(\quad)} = \frac{1}{6} = \frac{(\quad)}{54}$$

10.

这堂课，我们五（1）班做了 10 分钟的练习。



我们五（2）班做练习的时间占整堂课的 $\frac{1}{4}$ 。

如果一堂课 40 分钟，哪个班做练习用的时间长？

11.

“知识城堡”占 $\frac{1}{4}$ 版，
“生活乐园”占 $\frac{2}{8}$ 版。



哪些栏目的版面一样大？

“生活园地”占 $\frac{4}{16}$ 版，
“历史足迹”占 $\frac{2}{16}$ 版，
其余的 $\frac{1}{8}$ 版为“开心一刻”。

12. 我国由 56 个民族组成，其中汉族占全国人口的 $\frac{92}{100}$ 。

也可以说汉族占全国人口的 $\frac{46}{50}$ 或 $\frac{23}{25}$ 。



他的说法正确吗？为什么？

13.* 一个分数的分母不变，分子乘 3，这个分数的大小有什么变化？如果分子不变，分母除以 5 呢？

4. 约分

最大公因数

1

8 和 12 公有的因数是哪几个？公有的最大因数是多少？



我先分别找出8和12的因数。

8 的因数

1, 2, 4, 8

12 的因数

1, 2, 3, 4,
6, 12

8 和 12 公有的因数是 1, 2, 4。

还可以这样表示。



8 的因数 12 的因数

8 1, 2,
 4

3, 6, 12

1、2、4 是 8 和 12 公有的因数，叫做它们的**公因数**。其中，4 是最大的公因数，叫做它们的**最大公因数**。

2

怎样求 18 和 27 的最大公因数？

18 的因数：1, 2, 3, 6, 9, 18
27 的因数：1, 3, 9, 27



它们的公因数 1, 3, 9 中，9 最大。

我是看 18 的因数中哪些是 27 的因数……



18 的因数：1, 2, 3, 6, 9, 18

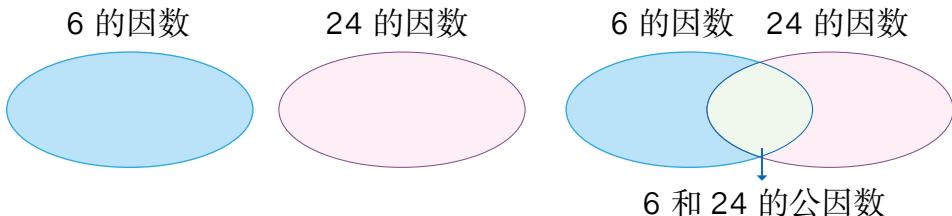


你还有其他方法吗？和同学讨论一下。

观察一下，两个数的公因数和它们的最大公因数之间有什么关系？

做一做

1. 把6和24的因数、公因数分别填在相应的位置，再圈出它们的最大公因数。



2.



3. 找出下列每组数的最大公因数。

4 和 8

12 和 36

1 和 7

8 和 9

12 和 35



做完后你发现了什么？

◎ 你知道吗？ ◎

利用分解质因数的方法，可以比较简便地求出两个数的最大公因数。

例如：

$$24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

24 和 36 的最大公因数：

$$2 \times 2 \times 3 = 12$$

$2 \mid 24 \quad 36$ …用公有的质因数 2 除

$2 \mid 12 \quad 18$ …用公有的质因数 2 除

$3 \mid 6 \quad 9$ …用公有的质因数 3 除

$2 \quad 3$ …除到两个商只有公因数 1 为止



为了简便，通常写成右侧的形式。

24 和 36 的最大公因数：

$$2 \times 2 \times 3 = 12$$

3

我们家贮藏室长 16 dm，宽 12 dm。



如果要用边长是整分米数的正方形地砖把贮藏室的地面向铺满（使用的地砖必须都是整块），可以选择边长是几分米的地砖？边长最大是几分米？

阅读与理解



分析与解答

要使所用的正方形地砖都是整块的，地砖的边长必须既是 16 的因数，又是 12 的因数。



只要找出 16 和 12 的公因数和最大公因数，就知道正方形地砖的……

16 和 12 的公因数：1, 2, 3, 4, 6, 12

12 和 16 的公因数有 1、2、4，其中最大公因数是 4。

所以，可以选边长是 1 dm、2 dm、4 dm 的地砖，边长最大是 4 dm。

回顾与反思

边长为 1 dm、2 dm、4 dm 的正方形地砖在贮藏室的长、宽上都是整数块吗？



可以在长方形纸上画一画来验证。

答：_____。

练习十五

1. 填空。

(1) 10 和 15 的公因数有 _____。

(2) 14 和 49 的公因数有 _____。

2. 找出下面每组数的最大公因数。

6 和 9

15 和 12

42 和 54

30 和 45

99 和 36

5 和 9

34 和 17

16 和 48

15 和 16

13 和 78

3. 先用“√”画出各个数的因数，再填空。

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
8																				
16																				
20																				

(1) 8 和 16 的公因数有 _____，最大公因数是 _____。

(2) 8 和 20 的公因数有 _____，最大公因数是 _____。

(3) 16 和 20 的公因数有 _____，最大公因数是 _____。

(4) 8、16 和 20 的公因数有 _____，最大公因数是 _____。

4. 找出下列各分数中分子和分母的最大公因数，写在括号里。

$\frac{7}{9}$ ()

$\frac{8}{36}$ ()

$\frac{18}{72}$ ()

$\frac{9}{15}$ ()

$\frac{21}{49}$ ()

$\frac{11}{66}$ ()

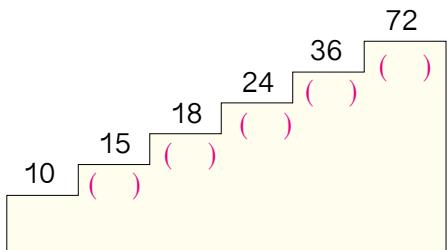
5. 有一张长方形纸，长 70 cm、宽 50 cm。如果要剪成若干同样大小的正方形而没有剩余，剪出的小正方形的边长最大是几厘米？

6.



男、女生分别站成若干排，要使每排的人数相同，每排最多有多少人？这时男、女生分别有几排？

7. 在相应的括号里写出相邻阶梯上两个数的最大公因数。



8. 按要求写出两个数，使它们的最大公因数是 1。

(1) 两个数都是质数：

_____ 和 _____。

(2) 两个数都是合数：

_____ 和 _____。

(3) 一个质数一个合数：

_____ 和 _____。

9. 选出正确答案的序号填在横线上。

(1) 9 和 16 的最大公因数是 _____。

- A. 1 B. 3 C. 4 D. 9

(2) 36 和 48 的最大公因数是 _____。

- A. 4 B. 6 C. 12 D. 36

(3) 甲数是乙数的倍数，甲、乙两数的最大公因数是 _____。

- A. 1 B. 甲数 C. 乙数 D. 甲、乙两数的积

10. 写出 1, 2, 3, …, 20 各数与 5 的最大公因数，你能发现什么规律？

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
与 5 的最 大公因数																				

- 11* 小巧匠。



要把它们截成同样长的小棒，不能有剩余，每根小棒最长是多少厘米？

12 cm

16 cm

44 cm

◎ 你知道吗? ◎

公因数只有 1 的两个数，叫做互质数。例如，5 和 7 是互质数，7 和 13 也是互质数。

想一想：互质的两个数必须都是质数吗？请你举出两个合数互质的例子来。

约分

4

把 $\frac{24}{30}$ 化成分子和分母比较小且分数大小不变的分数。

可以用分子和分母的公因数(1除外)去除。



$$\frac{24}{30} = \frac{24 \circlearrowleft (\quad)}{30 \circlearrowleft (\quad)} = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

想一想：有没有更简便的方法？

$$\frac{24}{30} = \frac{24 \circlearrowleft (\quad)}{30 \circlearrowleft (\quad)} = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

像这样，把一个分数化成和它相等，但分子和分母都比较小的分数，叫做**约分**。

约分时也可以这样写：

$$\begin{array}{c} 4 \\ \cancel{12} \\ \cancel{24} = \frac{4}{5} \end{array} \quad \text{或者} \quad \begin{array}{c} 4 \\ \cancel{30} \\ \cancel{30} = \frac{4}{5} \end{array}$$

每一步中都是用分子、分母的哪个公因数去除的？



$\frac{4}{5}$ 的分子和分母只有公因数 1，像这样的分数叫做**最简分数**。

约分时，通常要约成最简分数。

做一做

1. 下列分数中哪些是最简分数？把不是最简分数的化成最简分数。

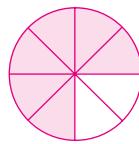
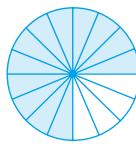
$$\frac{15}{16} \quad \frac{10}{21} \quad \frac{17}{30} \quad \frac{20}{45} \quad \frac{31}{91} \quad \frac{4}{18} \quad \frac{6}{11} \quad \frac{12}{48} \quad \frac{9}{15}$$

2. 把上下两行相等的两个分数用线连起来。

$\frac{4}{6}$	$\frac{3}{7}$	$\frac{2}{5}$	$\frac{6}{8}$	$\frac{3}{9}$
$\frac{9}{21}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{10}{25}$

练 习 十 六

1.



蓝色部分和红色部分哪个多些？为什么？

2. 观察下面每个分数的分子和分母，哪些有公因数 2？哪些有公因数 5？哪些有公因数 3？

$$\frac{4}{8} \quad \frac{9}{12} \quad \frac{15}{20} \quad \frac{30}{45} \quad \frac{40}{60} \quad \frac{84}{96}$$

3. 把下面各分数化成最简分数。

$$\frac{15}{20} = \frac{15 \bigcirc ()}{20 \bigcirc ()} = \frac{()}{()}$$

$$\frac{48}{60} = \frac{48 \bigcirc ()}{60 \bigcirc ()} = \frac{()}{()}$$

4. 下面哪些分数没有化成最简分数？请把它们化成最简分数。

$$\frac{16}{24} = \frac{4}{6}$$

$$\frac{15}{36} = \frac{5}{12}$$

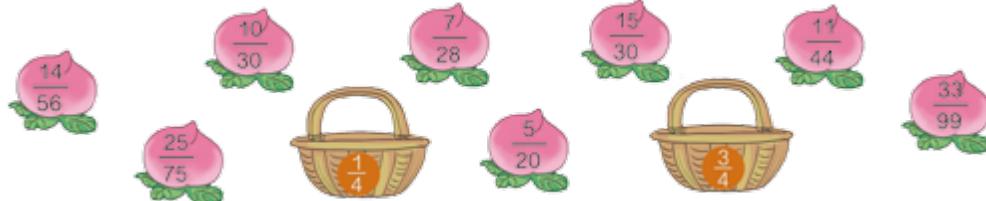
$$\frac{28}{42} = \frac{14}{21}$$

$$\frac{15}{45} = \frac{3}{9}$$

$$\frac{78}{87} = \frac{26}{29}$$

5. 兰兰拍了 80 张艺术照，其中有 35 张是兰兰喜欢的。请你用最简分数表示出兰兰喜欢的照片和不喜欢的照片分别占照片总数的几分之几。

6. 把桃子放在相应的篮子里。



7. 下面哪些分数在直线上能用同一个点表示？把这些分数在直线上表示出来。

$$\frac{3}{12}$$

$$\frac{5}{20}$$

$$\frac{7}{14}$$

$$\frac{4}{16}$$

$$\frac{3}{6}$$



8.



将 48 本练习本和 64 支铅笔平均分给若干名同学。如果练习本和铅笔都没有剩余，且保证分到练习本和铅笔的同学人数相同，最多能分给多少名同学？

9. 小明每天的生活非常有规律。下面是他平时上床睡觉和起床的时间。



他每天有几分之几的时间处于睡眠状态？

10. 先约分，再化成带分数。

$$\frac{15}{12}$$

$$\frac{20}{12}$$

$$\frac{77}{21}$$

$$\frac{70}{32}$$

$$\frac{90}{80}$$

$$\frac{150}{60}$$

11. 先约分，再比较各组分数的大小。

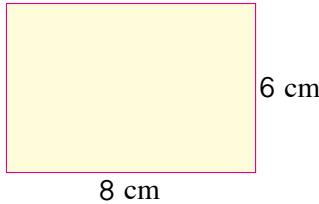
$$\frac{12}{16} \text{ 和 } \frac{9}{12}$$

$$\frac{4}{12} \text{ 和 } \frac{5}{20}$$

$$\frac{4}{14} \text{ 和 } \frac{9}{21}$$

$$\frac{70}{35} \text{ 和 } \frac{90}{40}$$

12.



(1) 以分米作单位，用分数分别表示长方形的长和宽。

(2) 长是宽的几分之几？宽是长的几分之几？

(3) 涂出长方形面积的 $\frac{1}{2}$ ，你可以怎样涂？

13.* 已知 $a=2\times3\times3\times5$, $b=2\times2\times3\times3\times5$, 你能求出 a 与 b 的公因数和最大公因数吗？

14.* 化简一个分数时，用2约了两次，用3约了一次，得 $\frac{3}{8}$ 。原来的分数是多少？

◎ 你知道吗？ ◎

在我国古代的数学著作《九章算术》中，就介绍了“约分术”：“可半者半之，不可半者，副置分母、子之数，以少减多，更相减损，求其等也。以等数约。”意思是说：如果分子、分母全是偶数，就先除以2；否则以较大的数减去较小的数，把所得的差与上一步中的减数比较，并再以大数减去小数，如此重复进行下去，当差与减数相等即出现“等数”时，用这个等数约分。这种方法被后人称为“更相减损术”。

5. 通 分

最小公倍数

1

4 和 6 公有的倍数是哪几个？公有的最小倍数是多少？

4 的倍数有：4, 8, **12**, 16, 20, **24**, 28, 32, **36**, 40, …

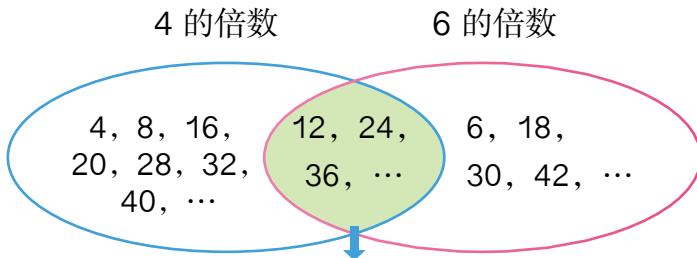
6 的倍数有：6, **12**, 18, **24**, 30, **36**, 42, …

4 和 6 公有的倍数有：**12**, **24**, **36**, …

其中公有的最小倍数是 **12**。



还可以这样表示。



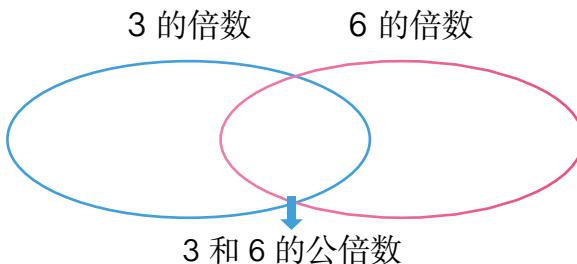
12, 24, 36, … 是 4 和 6 公有的倍数，叫做它们的**公倍数**。

其中，12 是最小的公倍数，叫做它们的**最小公倍数**。

想一想：两个数有没有最大的公倍数？

做一做

把 3 和 6 的倍数、公倍数填在相应的位置，并圈出它们的最小公倍数是多少。



2

怎样求 6 和 8 的公倍数及最小公倍数?



6 和 8 的公倍数有很多呢。

6 的倍数: 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, ...

8 的倍数: 8, 16, 24, 32, 40, 48, ...

我在 8 的倍数中圈出 6 的倍数。

8 的倍数: 8, 16, 24, 32, 40, 48, ...



你还有其他方法吗? 和同学讨论一下。

观察一下, 两个数的公倍数和它们的最小公倍数之间有什么关系?

$48 \div 24 = 2$, 两个数的公倍数都是最小公倍数的倍数吧?



我们再找其他的数验证一下。

做一做

找出下列每组数的最小公倍数。你发现了什么?

3 和 6

2 和 8

5 和 6

4 和 9

3 和 9

5 和 10

◎ 你知道吗? ◎

我们也可以利用分解质因数的方法, 比较简便地求出两个数的最小公倍数。例如:

$$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

$$42 = 2 \times 3 \times 7$$

60 和 42 的最小公倍数:

$$2 \times 3 \times 2 \times 5 \times 7 = 420$$

$2 \mid 60 \quad 42$ …用公有的质因数 2 除

$3 \mid 30 \quad 21$ …用公有的质因数 3 除

10 7 …除到两个商只有公因数 1 为止



为了简便, 通常写成右侧的形式。

60 和 42 的最小公倍数:

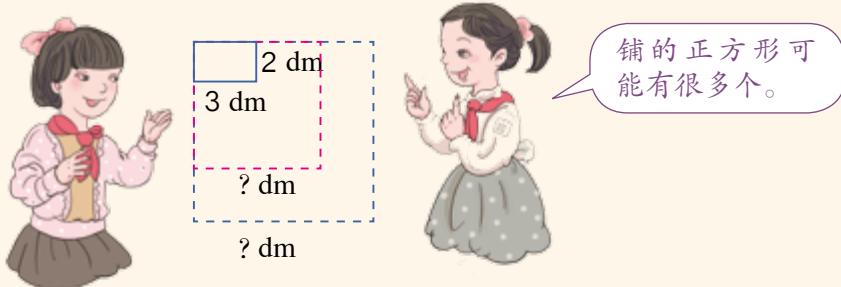
$$2 \times 3 \times 10 \times 7 = 420$$

3



如果用这种墙砖铺一个正方形(用的墙砖必须都是整块)，正方形的边长可以是多少分米？最小是多少分米？

阅读与理解



分析与解答

要用整块的长3dm、宽2dm的长方形墙砖铺出一个正方形，正方形的边长必须既是3的倍数，又是2的倍数。



2和3的公倍数：3, 6, 9, 12, 15, 18, …

回顾与反思

在边长6dm的正方形上画一画，看我找得对不对。



解决这个问题的关键是把铺砖问题转化成求公倍数的问题。

答：_____。

练 习 十 七

1. 按照从小到大的顺序，在 100 以内的数中找出 6 的倍数和 10 的倍数，再找出它们的公倍数和最小公倍数。

2. 求下列每组数的最小公倍数。

8 和 10 6 和 15 6 和 9 4 和 15 1 和 7 4 和 10

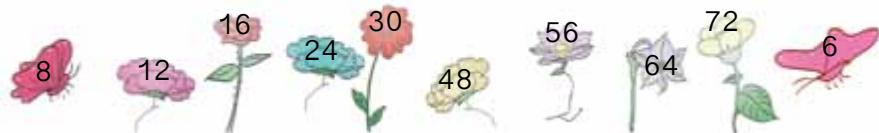
3. 下面每组数的公倍数中有没有 36？有没有 48？有没有 84？

6 和 18 21 和 14 12 和 8 9 和 24

4. 下面的说法对吗？说一说你的理由。

- (1) 两个数的最小公倍数一定比这两个数都大。
- (2) 两个数的积一定是这两个数的公倍数。

5. 每只蝴蝶只落在自己数字的倍数的花朵上。哪朵花上两只蝴蝶都会停留，就将这朵花涂上紫色。



6.



月季每 4 天浇一次水，君子兰每 6 天浇一次水。

李阿姨 5 月 1 日给月季和君子兰同时浇了水，下一次再给这两种花同时浇水应是 5 月几日？

7.

咱们可以分成 6 人一组，也可以分成 9 人一组，都正好分完。



如果这些学生的总人数在 40 人以内，可能是多少人？

8. 写出每组分数的两个分母的最小公倍数。

$\frac{1}{12} \text{ 和 } \frac{7}{6} (\quad)$

$\frac{3}{8} \text{ 和 } \frac{2}{3} (\quad)$

$\frac{7}{9} \text{ 和 } \frac{5}{6} (\quad)$

9. 下面各组数有没有公因数 2？有没有公因数 3？有没有公因数 5？

6 和 9

10 和 18

15 和 30

20 和 8

10.



这两路公共汽车同时发车后，至少过多少分钟两路车才第二次同时发车？

11.



(1) 如果爸爸妈妈同时起跑，至少多少分钟后两人在起点再次相遇？此时爸爸、妈妈分别跑了多少圈？

(2) 你还能提出其他数学问题并解答吗？

12* 36 可能是哪两个数的最小公倍数？你能找出几组？

◎ 生活中的数学 ◎



手洗：一盆 (5 L) 30℃
左右的温水，加入 $1\frac{1}{2}$ 瓶
盖 (20 mL) 本品调匀。



可以用 $\frac{1}{8}$ 秒的快
门速度曝光。



美国科学家研制出了粗细只有
 $\frac{1}{200}$ 头发丝的太阳能电池。

通分

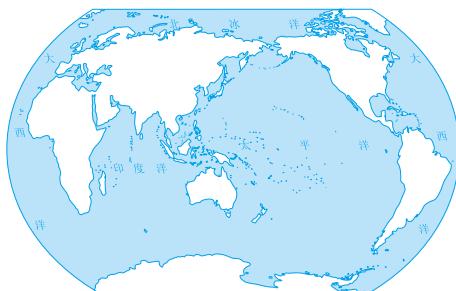
4

你知道地球上的陆地多还是海洋多吗?

世界地图



陆地面积约占地球总面积的 $\frac{3}{10}$ ，而海洋面积约占地球总面积的 $\frac{7}{10}$ 。



$$\frac{3}{10} \bigcirc \frac{7}{10}$$

如果把地球面积分成10份，陆地只占3份，海洋占了7份。



$\frac{3}{10}$ 是3个 $\frac{1}{10}$ ，
 $\frac{7}{10}$ 是7个 $\frac{1}{10}$ 。

再比较一下：

$$\frac{3}{13} \bigcirc \frac{4}{13}$$

$$\frac{2}{7} \bigcirc \frac{4}{7}$$

$$\frac{5}{9} \bigcirc \frac{2}{9}$$

$$\frac{5}{68} \bigcirc \frac{23}{68}$$

$$\frac{3}{8} \bigcirc \frac{3}{11}$$

$$\frac{5}{6} \bigcirc \frac{5}{8}$$

$$\frac{12}{17} \bigcirc \frac{12}{19}$$

$$\frac{19}{94} \bigcirc \frac{19}{73}$$

上、下两组分数中相比较的两个分数有什么共同特点？

分母相同的两个分数怎样比较大
小？分子相同的两个分数呢？



做一做

在○中填上“>”“<”或“=”。

$$\frac{5}{7} \bigcirc \frac{3}{7}$$

$$\frac{7}{16} \bigcirc \frac{11}{16}$$

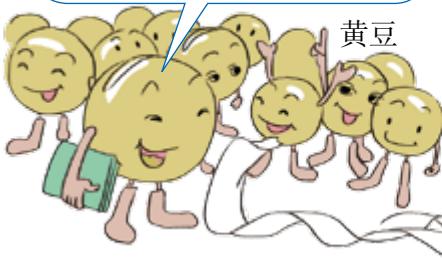
$$\frac{4}{9} \bigcirc \frac{4}{5}$$

$$\frac{15}{17} \bigcirc \frac{15}{22}$$

5

豆类食品含有较高的蛋白质和脂肪，经常食用有益于人体健康。

我的蛋白质含量大约是 $\frac{2}{5}$ 。



我的蛋白质含量大约是 $\frac{1}{4}$ 。



黄豆和蚕豆哪个的蛋白质含量比较高？

这两个分数的分子、分母都不相同，怎么比较呢？

可以把它们化成分母相同的分数。



可以用两个分母的公倍数作公分母。

$$\frac{2}{5} = \frac{2 \times 4}{5 \times 4} = \frac{8}{20}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{1 \times 5}{4 \times 5} = \frac{5}{20}$$

$$\frac{2}{5} \bigcirc \frac{1}{4}$$

像这样，把异分母分数分别化成和原来分数相等的同分母分数，叫做**通分**。

做一做

1. 在○中填上“>”“<”或“=”。

$$\frac{3}{13} \bigcirc \frac{7}{13}$$

$$\frac{5}{6} \bigcirc \frac{5}{8}$$

$$\frac{2}{3} \bigcirc \frac{3}{5}$$

$$\frac{4}{30} \bigcirc \frac{2}{15}$$

说一说，应该怎样比较分数的大小？

2. 把下面每组中的两个分数通分。

$$\frac{5}{6} \text{ 和 } \frac{7}{8}$$

$$\frac{3}{7} \text{ 和 } \frac{2}{9}$$

$$\frac{4}{9} \text{ 和 } \frac{7}{18}$$

$$\frac{3}{8} \text{ 和 } \frac{5}{9}$$

练习十八

1. 比较每组中两个分数的大小。

$$\frac{3}{8} \bigcirc \frac{1}{8}$$

$$\frac{11}{25} \bigcirc \frac{17}{25}$$

$$\frac{5}{7} \bigcirc \frac{5}{17}$$

$$\frac{12}{23} \bigcirc \frac{12}{19}$$

2. 比较每组中两个分数的大小。

$$\frac{8}{9} \bigcirc \frac{5}{6}$$

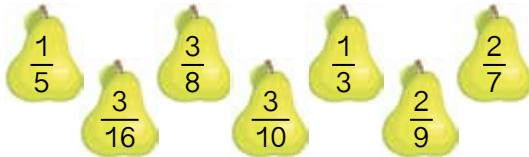
$$\frac{1}{3} \bigcirc \frac{3}{7}$$

$$\frac{2}{5} \bigcirc \frac{3}{10}$$

$$\frac{5}{8} \bigcirc \frac{7}{10}$$

你是怎么比较的？和同学交流一下。

3. 把梨放进相应的筐里。



4. 张叔叔和李叔叔参加了工厂的技能比赛，张叔叔加工完了所有零件的 $\frac{1}{2}$ 时，李叔叔加工完了所有零件的 $\frac{3}{5}$ 。在这段时间里，谁的比赛成绩更好一些？

5. 把下面每组中的两个分数通分。

$$(1) \quad \frac{4}{5} = \frac{4 \times (\quad)}{5 \times (\quad)} = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

$$\frac{6}{7} = \frac{6 \times (\quad)}{7 \times (\quad)} = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

$$(2) \quad \frac{9}{10} = \frac{9 \times (\quad)}{10 \times (\quad)} = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times (\quad)}{4 \times (\quad)} = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

6.



亚洲陆地面积约占全球陆地面积的 $\frac{1}{3}$ 。



非洲和南美洲的陆地面积分别约占全球陆地面积的 $\frac{1}{5}$ 和 $\frac{3}{25}$ 。

亚洲、非洲和南美洲这三个洲中，哪个洲的陆地面积最大？哪个最小？

7. 从 20 张数字卡片中任意抽一张。如果抽出数字“0”的可能性是 $\frac{3}{5}$ ，抽出数字“1”的可能性是 $\frac{1}{4}$ ，写有数字“0”的卡片多还是写有数字“1”的卡片多？
8. 班里要为小小图书角选购一批新书，班长小红决定先做一个民意调查。下面是小红的调查结果（每人只选一种）。

课外读物种类	科普类	童话类	历史类
喜欢的人数占全班人数的几分之几	$\frac{7}{12}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{4}$

小红应该怎样选购图书？



9. 在 ○ 里填上“>”“<”或“=”。

$$\frac{2}{3} \bigcirc \frac{5}{6}$$

$$\frac{5}{12} \bigcirc \frac{5}{11}$$

$$\frac{14}{15} \bigcirc \frac{19}{20}$$

$$\frac{13}{16} \bigcirc \frac{3}{2}$$

10. 把下面的分数按照从小到大的顺序排列起来。

$$\frac{4}{5}$$

$$\frac{11}{12}$$

$$\frac{5}{6}$$

$$\frac{4}{3}$$

$$\frac{7}{10}$$

$$\frac{1}{2}$$

11. 按要求填空。

	10 和 20	8 和 12	9 和 21	7 和 11
最大公因数				
最小公倍数				
最大公因数和最 小公倍数的积				
两个数的积				

你发现了什么？



- 12* 你能写出一个比 $\frac{1}{6}$ 大，又比 $\frac{1}{5}$ 小的分数吗？你是怎样找到这个分数的？你还能再找到两个这样的分数吗？

6. 分数和小数的互化

1

把一条3 m长的绳子平均分成10段，每段长多少米？如果平均分成5段呢？

$$3 \div 10 = 0.3 \text{ (m)}$$
$$3 \div 5 = 0.6 \text{ (m)}$$

$$3 \div 10 = \frac{3}{10} \text{ (m)} \quad 3 \div 5 = \frac{3}{5} \text{ (m)}$$



$$\text{所以, } 0.3 = \frac{3}{10}, 0.6 = \frac{3}{5}.$$



怎样能较快地把小数化成分数？

小数表示的就是十分之几、百分之几、千分之几……的数，所以可以直接写成分母是10, 100, 1000, …的分数，再化简。



$$0.3 = \frac{3}{10}$$

$$0.6 = \frac{6}{10} = \frac{\cancel{6}}{\cancel{10}} = \frac{3}{5}$$



把小数化成分数需要注意什么？

自己试一试：

$$0.07 = \frac{7}{(\quad)}$$

$$0.24 = \frac{24}{(\quad)} = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

$$0.123 = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

2

把 $\frac{7}{10}$ 、 $\frac{39}{100}$ 、 $\frac{3}{4}$ 、 $\frac{9}{40}$ 、 $\frac{2}{9}$ 、 $\frac{5}{14}$ 化成小数（不能化成有限小数的保留两位小数）。

$$\frac{7}{10} = 0.7$$

$$\frac{3}{4} = 3 \div 4 = 0.75$$

$$\frac{2}{9} = 2 \div 9 \approx 0.22$$

$$\frac{39}{100} = 0.39$$

$$\frac{9}{40} = 9 \div 40 = 0.225$$

$$\frac{5}{14} = 5 \div 14 \approx 0.36$$

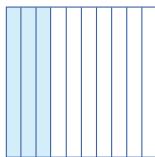
用分子除以分母除不尽时，要根据需要按“四舍五入”法保留几位小数。

做一做

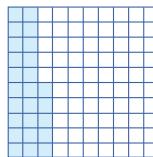
把0.7、 $\frac{9}{10}$ 、0.25、 $\frac{43}{100}$ 、 $\frac{7}{25}$ 、 $\frac{13}{47}$ 这6个数按从小到大的顺序排列起来。

练习十九

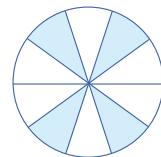
1. 分别用小数和分数表示下面每个图中涂色部分的大小。



$$() = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$



$$() = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$



$$() = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

2. (1) 0.8 里面有 8 个 () 分之一，表示 () 分之 ()，化成分数是 $\frac{(\quad)}{(\quad)}$ 。

(2) 0.05 里面有 5 个 () 分之一，化成分数是 $\frac{(\quad)}{(\quad)}$ 。

(3) 0.007 里面有 7 个 () 分之一，化成分数是 $\frac{(\quad)}{(\quad)}$ 。

(4) 0.36 里面有 36 个 () 分之一，化成分数是 $\frac{(\quad)}{(\quad)}$ 。

3. 把小数和相等的分数用线连起来。

0.6

0.03

0.45

3.25

0.18

$\frac{13}{4}$

$\frac{3}{100}$

$\frac{3}{5}$

$\frac{9}{20}$

$\frac{9}{50}$

- 4.



20 米 / 秒



31 米 / 秒

猎豹的速度是小汽车速度的多少倍？小汽车的速度是猎豹速度的几分之几？

5. 把下面的分数化成小数（不能化成有限小数的保留两位小数）。

$\frac{31}{100}$

$\frac{2}{25}$

$\frac{7}{30}$

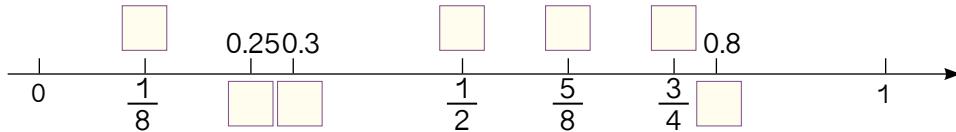
$\frac{4}{9}$

$\frac{5}{6}$

$\frac{11}{50}$

$\frac{23}{20}$

6. 在 里填上适当的小数或分数。



7. 在下表的括号里填上适当的数。

	用小数表示	用分数表示
40 cm	() m	() m
150 g	() kg	() kg
125 cm ²	() dm ²	() dm ²
3680 dm ³	() m ³	() m ³

8. 按从大到小的顺序排列下面各数。

$$2\frac{4}{7}$$

$$2.35$$

$$\frac{13}{6}$$

$$\frac{11}{16}$$

$$2.035$$

9.

我平均每秒打0.9个字。



我1分钟打了50个字，平均每秒打了 $\frac{5}{6}$ 个字。

李阿姨和王叔叔谁打字快些？

10.



如果他们两人的行走速度相同，谁家离学校远些？

○ 你知道吗？○

你知道什么样的**最简分数**能化成有限小数吗？你想了解这个规律吗？

其实，只要把分数的分母分解质因数，就能知道一个分数能否化成有限小数。

如果分母中除了2和5以外，不含有其他质因数，这个分数就能化成有限小数。例如， $\frac{7}{20}$ 的分母 $20=2\times2\times5$ ，它就能化成有限小数。

如果分母中含有2和5以外的质因数，这个分数就不能化成有限小数。

例如， $\frac{7}{30}$ 的分母 $30=2\times3\times5$ ，它就不能化成有限小数。想一想，这是为什么？

整理和复习

1. 先读出下面的分数，然后回答问题。

$$\frac{3}{8} \quad \frac{18}{6} \quad \frac{13}{9} \quad \frac{4}{15} \quad \frac{5}{7} \quad \frac{25}{5} \quad 1\frac{2}{3} \quad \frac{4}{10} \quad \frac{2}{3}$$

- (1) 根据你的理解，举例说一说分数是怎么产生的，并任选一个分数，说一说它的意义是什么。
- (2) 每个分数的分数单位是什么？分别有多少个这样的分数单位？
- (3) 任选一个分数说明分数与除法的关系。
- (4) 你会给各种分数分一下类吗？说一说上面的分数分别是哪一类分数。
- (5) 上面的分数都是最简分数吗？不是最简分数的请化成最简分数。
- (6) 举例说一说什么叫约分、什么叫通分，二者有什么区别？一般怎样进行约分和通分？
- (7) 用字母表示分数的基本性质，并说一说它与通分、约分有什么关系。
- (8) 先说一说如何比较两个分数的大小，再将上面的分数按从小到大的顺序排列起来。



2. 分数、小数如何互化？先和同学讨论一下，再把下面的小数化成分数，分数化成小数（不能化成有限小数的保留三位小数）。

$$0.2 \quad \frac{3}{20} \quad 0.24 \quad 0.035 \quad \frac{9}{40} \quad \frac{12}{5} \quad \frac{8}{15} \quad 0.125$$

3. 先解决问题，再说一说用到了本单元学习的哪些知识。

这块正方形布料，既可以都做成边长是8 cm的方巾，也可以都做成边长是10 cm的方巾，都没有剩余。

这块正方形布料的边长至少是多少厘米？



练习二十

1. 把一根 2 m 长的木条锯成同样长的 4 段，每段是这根木条的 $\frac{(\)}{(\)}$ ，每段长 $(\) \div (\) = (\) \text{ m} = \frac{(\)}{(\)} \text{ m}$ 。

2. 下面的说法对吗？

- (1) 分数的分母越大，它的分数单位就越小。 ()
- (2) 分数都比整数小。 ()
- (3) 假分数的分子都比分母小。 ()
- (4) 如果 b 是 a 的 2 倍 ($a \neq 0$)，那么 a 、 b 的最大公因数是 a ，最小公倍数是 b 。 ()
- (5) 分子和分母的公因数只有 1 的分数是最简分数。 ()

3. 你听过“冰山一角”的说法吗？冰山露在水面上的只是小部分，大部分隐藏在水面下。假设一座冰山的体积是 1000 m^3 ，它露在水面上的体积是 100 m^3 。冰山露在水面上的体积占总体积的 $\frac{(\)}{(\)}$ ，水面下的体积占总体积的 $\frac{(\)}{(\)}$ 。



4. 在下面的横线上填上适当的分数。

$$25 \text{ cm} = \underline{\quad} \text{ m}$$

$$36 \text{ dm}^2 = \underline{\quad} \text{ m}^2$$

$$600 \text{ g} = \underline{\quad} \text{ kg}$$

$$750 \text{ mL} = \underline{\quad} \text{ L}$$

$$0.28 \text{ dm} = \underline{\quad} \text{ dm}$$

$$258 \text{ cm}^3 = \underline{\quad} \text{ dm}^3$$

- 5.

我们一班来了 48 人。



二班来了 54 人。

如果把两个班的学生分别分成若干小组，要使两个班每个小组的人数相同，每组最多有多少人？

6. 在 \bigcirc 里填上 “ $>$ ” “ $<$ ” 或 “ $=$ ”。

$$\frac{5}{13} \bigcirc \frac{8}{13}$$

$$\frac{5}{7} \bigcirc \frac{5}{11}$$

$$\frac{4}{5} \bigcirc \frac{7}{8}$$

$$\frac{2}{9} \bigcirc \frac{1}{6}$$

7.

五年级一共 150 人，戴近视镜的有 45 人。



我们五（1）班一
共 45 人，戴近视
镜的有 10 人。

五（1）班同学戴近视镜的情况和五年级的总体情况相比怎么样？

8. 一座喷泉由内外双层构成。外面每隔 10 分钟喷一次，里面每隔 6 分钟喷一次。中午 12:45 同时喷过一次后，下次同时喷水是几时几分？



9.



文文扔了 5 m，小刚扔了 4 m，兰兰扔了 3 m。兰兰扔的距离是文文扔的距离的几分之几？你还能提出什么数学问题并解答？

10.*

我带的钱如果都买小瓶装的，还剩 2 元；如果都买大瓶装的，也剩 2 元。



李阿姨至少带了多少钱？

11.* 可以怎样填？

$$\frac{1}{4} > \frac{(\quad)}{(\quad)} > \frac{1}{5}$$

$$\frac{4}{5} > \frac{(\quad)}{(\quad)} > \frac{7}{10}$$

本单元结束了，
你有什么收获？

数学知识之间都有联系。
像分数的基本性质
和商不变的规律……

成长小档案



从整数到小数、再到分数，
我认识了很多数啦！以后
还要认识什么数呢？



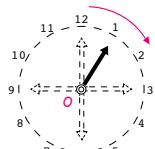
5

图形的运动(三)



你记得这是什么现象吗?

1



从“12”到“1”，指针绕点 O 按顺时针方向旋转了 30° ；

从“1”到“__”，指针绕点 O 按顺时针方向旋转了 60° ；

从“3”到“6”，指针绕点 O 按顺时针方向旋转了__°；

从“6”到“12”，指针绕点 O 按顺时针方向旋转了__°。

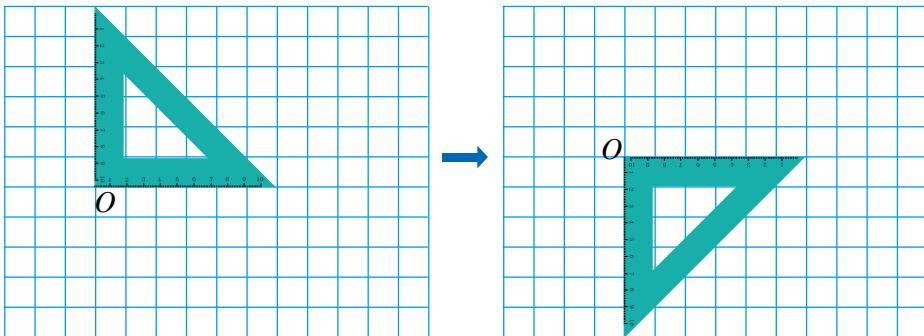
做一做



左侧有车通过，车杆要绕点 O 按顺时针方向旋转 90° ；

右侧有车通过，车杆要绕点__按__方向旋转__°。

2



如图，将直角三角尺固定在方格纸上，像这样在方格纸上每次顺时针方向旋转 90° ，观察三角尺的位置是如何变化的。

我发现旋转时 O 点的位置不变。



三角板的两条直角边每条边都绕点 O 顺时针旋转了 90° 。

你有什么发现？



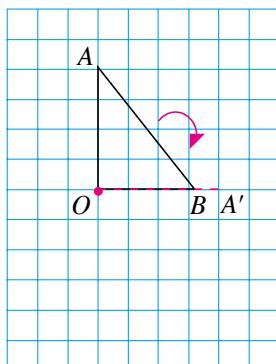
做一做

换另一把三角尺，在方格纸上按逆时针方向像上面那样转一圈并说一说。

3

画出三角形 AOB 绕点 O 顺时针旋转 90° 后的图形。

绕点 O 旋转，点 O 的位置应该不变。只要找出点 A 和点 B 顺时针旋转 90° 后的位置……



先画点 A' ， OA' 垂直于 OA 、点 A' 与点 O 的距离还应该是 4 格。再画点 B' ， OB' 垂直……

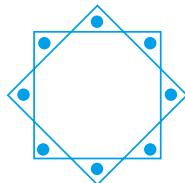
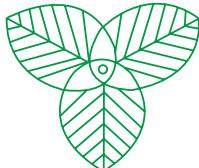
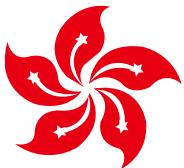


做一做

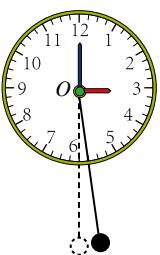
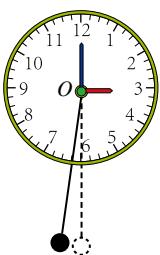
你能在方格纸上画出把三角形 AOB 绕点 O 逆时针旋转 90° 后的图形吗？

练习二十一

1. 下面的图案分别是由哪个图形旋转而成的？



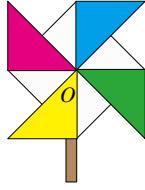
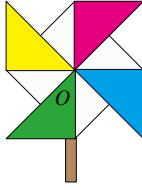
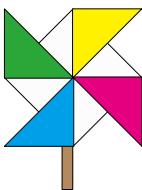
2.



钟摆绕点 O () 时
针旋转不超过 5° 。
钟摆绕点 O () 时
针旋转不超过 5° 。

翻斗车车厢按 () 时针方
向旋转 50° 。

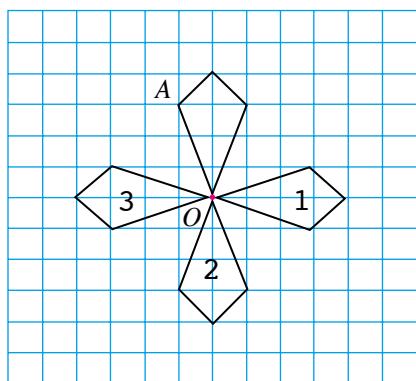
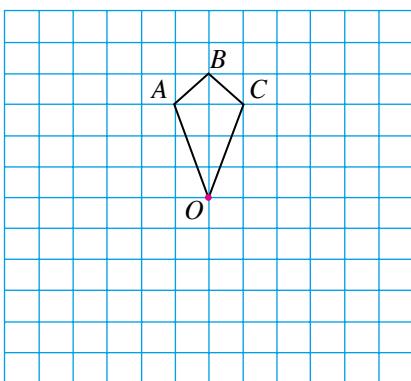
3.



风车绕点 O ()
时针旋转 $\underline{\quad}$ °。

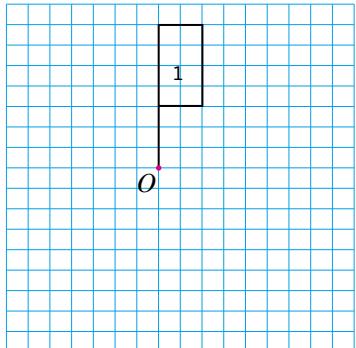
风车绕点 O ()
时针旋转 $\underline{\quad}$ °。

4.



- (1) 图形 $OABC$ 绕点 O 顺时针旋转 90° ，在右图中标出点 A' 的对应点 A' 。
(2) 图形 $OABC$ 绕点 O () 时针旋转 () °，得到图 2。

5. 按要求画图。

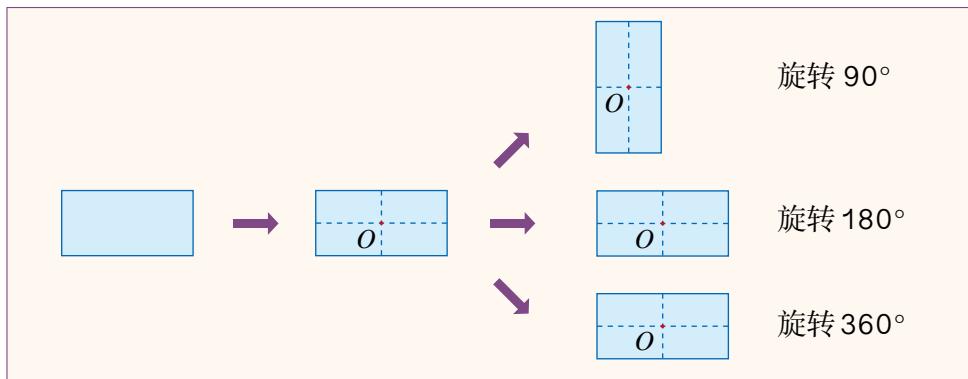


- (1) 把图1绕点 O 逆时针旋转 90° ，得到图2。
(2) 把图1绕点 O 顺时针旋转 90° ，得到图3。
(3) 把图2绕点 O 逆时针旋转 90° ，得到图4。
(4) 把图1、图2、图3、图4都涂上红色，这个图形像什么？

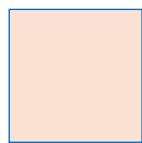
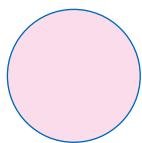
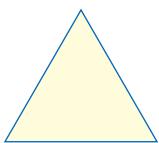
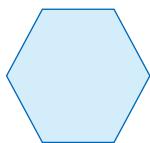
这是主题图中荷兰风车的形状哦！



6. 如图，长方形的两条对称轴相交于点 O 。绕点 O 旋转长方形，你能发现什么？



按上面的方法试一试，你发现下面的图形有什么特点？



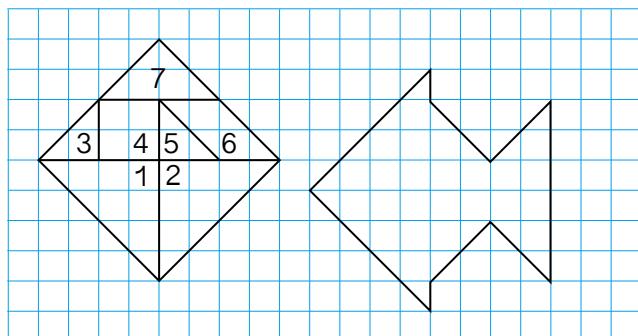
◎ 你知道吗？ ◎

数学与艺术

艺术家们利用几何学中的平移、对称和旋转，设计出了许多美丽的图案。



4



七巧板经过平移或旋转后得到了鱼图。



请在鱼图中画出相应的每块板的轮廓线，标出序号同时说明每块板是怎样平移或旋转的。

阅读与理解

要把方格纸上标序号的七巧板经过平移或旋转填到鱼图中去。



还得观察每块板在方格纸上是怎样平移或旋转的。

分析与解答

鱼图只有一个外形的轮廓，要先判断每块板平移或旋转后的位置……



我可以用七巧板拼拼看。

我直接在鱼图上把鱼图分为……



我也是这么做的。板2先向下平移1格，又向右平移……

回顾与反思

你是通过什么方法解决问题的？
还有其他的答案吗？



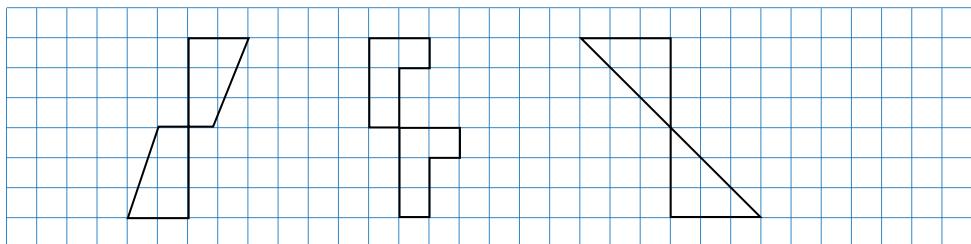
做一做

左图是被打乱的4张图片，怎样才能还原成右图？



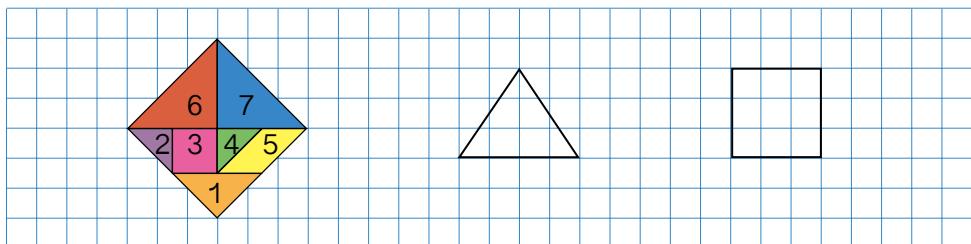
练习二十二

1. 观察下面三组图形，你能发现什么？



- (1) 怎样通过平移或旋转使每组图形变成一个正方形?
(2) 通过平移或旋转，你还能把每组图形分别变成什么图形?

2. 利用图中的七巧板或图形，通过平移或旋转摆出一个图案。



3. 请你用右图在方格纸中拼出 ，并说一说你的操作过程。



本单元结束了，
你有什么收获？

成长小档案



描述旋转要说出所绕的点、逆时针还是顺时针方向，还要说出旋转了多少度，一个都不能少哦。

解决图形的问题，操作真是一种很好的方式。



6

分数的加法和减法

1. 同分母分数加、减法

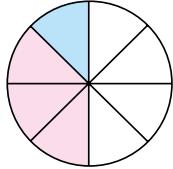
1



爸爸和妈妈共吃了多少张饼？

$$\frac{3}{8} + \frac{1}{8} = \underline{\quad}$$

$\frac{3}{8}$ 和 $\frac{1}{8}$ 的分数单位
相同，都是 $\frac{1}{8}$ 。



可以把3个 $\frac{1}{8}$ 和1个
 $\frac{1}{8}$ 直接加起来。



$$\frac{3}{8} + \frac{1}{8} = \boxed{\frac{3+1}{8}} = \frac{\cancel{4}}{\cancel{8}} = \frac{1}{2}$$

计算的结果，能约分的要约成最简分数。

结合上面的问题，再想想整数加法的含义，你能说出分数加法的含义吗？

2

有 $\frac{3}{4}$ 瓶矿泉水，我倒出了 $\frac{1}{4}$ 瓶。



还剩多少瓶矿泉水？

$$\frac{3}{4} - \frac{1}{4} = \underline{\quad}$$



$\frac{3}{4}$ 和 $\frac{1}{4}$ 可以直接相减吗？为什么？

$$\frac{3}{4} - \frac{1}{4} = \frac{() - ()}{()} = \frac{()}{()}$$

结合上面的问题，再想想整数减法的含义，你能说出分数减法的含义吗？

观察例 1 和例 2，你能发现什么共同点吗？

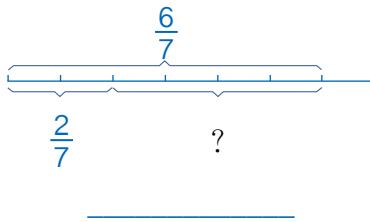
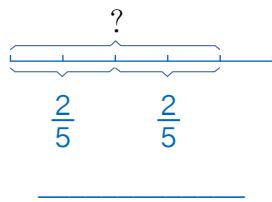


请你用一句话概括同分母分数加、减法的计算法则。

同分母分数相加、减，分母 ，只把分子 。

做一做

1. 列式并计算。



2. 计算。

$$\frac{2}{9} + \frac{5}{9} =$$

$$\frac{2}{7} + \frac{5}{7} =$$

$$\frac{5}{8} + \frac{1}{8} =$$

$$4 + \frac{1}{4} =$$

$$\frac{5}{6} - \frac{1}{6} =$$

$$\frac{7}{10} - \frac{1}{10} =$$

$$\frac{7}{9} - \frac{2}{9} =$$

$$1 - \frac{11}{30} =$$

3

电视台少儿频道各类节目播出时间分配情况如下：

节目类型	动画类	游戏类	教育类	科普类	其他
时间分配	$\frac{4}{15}$	$\frac{1}{15}$	$\frac{7}{15}$	$\frac{2}{15}$	(\quad)

(1) 前三类节目共占每天节目播出时间的几分之几？

我是分步列式计算的。



像整数连加一样，可以列出分数连加的算式。然后……



$$\frac{4}{15} + \frac{1}{15} = \frac{4+1}{15} = \frac{5}{15}$$

$$\frac{5}{15} + \frac{7}{15} = \frac{5+7}{15} = \frac{12}{15} = \frac{4}{5}$$

$$\begin{aligned}\frac{4}{15} + \frac{1}{15} + \frac{7}{15} &= \frac{4+1+7}{15} \\ &= \frac{12}{15} = \frac{4}{5}\end{aligned}$$

你喜欢哪一种方法？

(2) 其他节目占每天播出时间的几分之几？

$$1 - \frac{12}{15} - \frac{2}{15} = \underline{\quad}$$

做一做

还有其他算法吗？



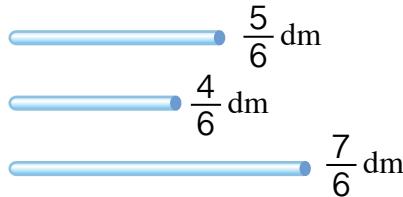
1. 计算。

$$\frac{17}{20} - \frac{3}{20} - \frac{9}{20} =$$

$$\frac{1}{14} + \frac{5}{14} + \frac{3}{14} =$$

$$1 - \frac{5}{12} - \frac{7}{12} =$$

2.



(1) 这三根小棒能围成一个三角形吗？

(2) 如果能围成，这个三角形的周长是多少分米？

3.



一个水池上午灌了 $\frac{3}{8}$ 池的水，下午灌了同样多的水，还要灌多少水才满？

练 习 二 十 三

1. 计算。

$$\frac{5}{12} + \frac{1}{12} =$$

$$\frac{3}{7} + \frac{4}{7} =$$

$$\frac{7}{6} + \frac{7}{6} =$$

$$\frac{9}{25} + \frac{6}{25} =$$

$$\frac{3}{8} + \frac{3}{8} =$$

$$\frac{3}{10} + \frac{1}{10} =$$

$$\frac{10}{33} + \frac{3}{33} =$$

$$\frac{15}{16} + \frac{9}{16} =$$

2. 计算。

$$\frac{3}{7} - \frac{3}{7} =$$

$$\frac{14}{15} - \frac{4}{15} =$$

$$\frac{9}{10} - \frac{7}{10} =$$

$$\frac{11}{14} - \frac{5}{14} =$$

$$\frac{5}{8} - \frac{1}{8} =$$

$$\frac{7}{6} - \frac{1}{6} =$$

$$\frac{17}{18} - \frac{5}{18} =$$

$$\frac{19}{20} - \frac{7}{20} =$$

3. 填空。

$$\frac{1}{13} + \frac{7}{13} = (\quad)$$

$$\frac{5}{7} - \frac{2}{7} = (\quad)$$

$$\frac{7}{17} + \frac{8}{17} = (\quad)$$

$$(\quad) - \frac{1}{12} = \frac{11}{12}$$

$$\frac{7}{5} + (\quad) = \frac{13}{5}$$

$$\frac{7}{5} - (\quad) = \frac{3}{5}$$

4. 通过口算，你能把各算式填在右面的方框里。

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4}$$

$$\frac{7}{8} - \frac{3}{8}$$

$$\frac{5}{16} + \frac{3}{16}$$

$$= \frac{1}{2}$$

$$= \frac{2}{3}$$

$$\frac{7}{12} + \frac{1}{12}$$

$$\frac{8}{9} - \frac{2}{9}$$

$$\frac{14}{15} - \frac{4}{15}$$

$$\frac{7}{18} + \frac{5}{18}$$

$$\frac{17}{12} - \frac{11}{12}$$

5. 新风小学各年级学生人数分布情况如下。

一	二	三	四	五	六
$\frac{2}{15}$	$\frac{2}{15}$	$\frac{2}{15}$	$\frac{3}{15}$	$\frac{3}{15}$	()
					()

(1) 六年级学生人数占几分之几?

(2) 一、二年级学生人数共占几分之几?

(3) 你还能提出其他问题并解答吗?

6. 计算。

$$\frac{1}{9} + \frac{5}{9} + \frac{2}{9}$$

$$\frac{6}{11} + \frac{3}{11} + \frac{1}{11}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{3}{4}$$

$$\frac{7}{10} - \frac{1}{10} - \frac{3}{10}$$

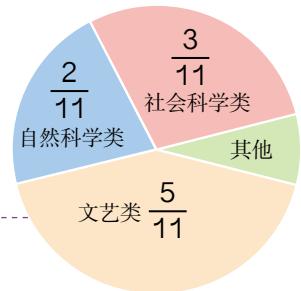
$$\frac{11}{6} - \frac{7}{6} - \frac{1}{6}$$

$$1 - \frac{2}{3} - \frac{1}{3}$$

7. 春蕾小学图书馆中各类图书情况如右图。

(1) 社会科学、自然科学和文艺类图书共占图书总量的几分之几?

(2) 其他图书占图书总量的几分之几?

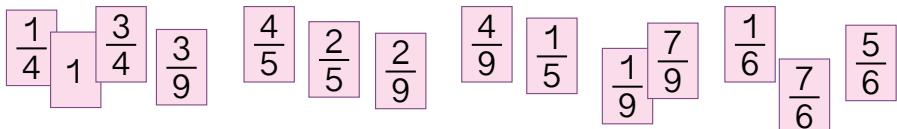


8. 在○里填上“>”“<”或“=”。

$$\frac{4}{5} - \frac{2}{5} \bigcirc \frac{9}{10} - \frac{7}{10} \quad \frac{5}{8} - \frac{3}{8} \bigcirc \frac{3}{4} - \frac{1}{4} \quad 1 - \frac{3}{14} - \frac{4}{14} \bigcirc \frac{3}{20} + \frac{8}{20}$$

$$\frac{3}{12} + \frac{5}{12} \bigcirc \frac{1}{6} + \frac{3}{6} \quad \frac{3}{7} + \frac{4}{7} \bigcirc \frac{4}{11} + \frac{7}{11} \quad \frac{2}{3} + \frac{5}{3} + \frac{2}{3} \bigcirc 3 + \frac{1}{3}$$

9. 用分母相同的分数组成算式并计算。



10. 算式接龙。



11. 有红、黄、蓝三条丝带。红丝带比黄丝带长 $\frac{7}{20}$ m, 蓝丝带比黄丝带短 $\frac{3}{20}$ m, 红丝带与蓝丝带相差多少米?

2. 异分母分数加、减法



人们在日常生活中产生的垃圾叫做生活垃圾。

(1) 纸张和废金属等是垃圾回收的主要对象，它们在生活垃圾中共占几分之几？



$$\frac{3}{10} + \frac{1}{4} = \underline{\quad}$$

你能用学过的
知识解决吗？

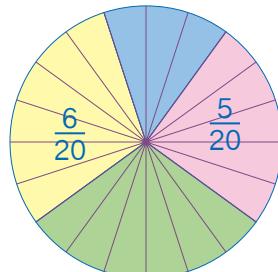
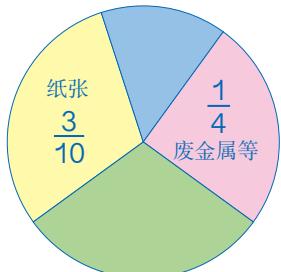


$\frac{3}{10}$ 和 $\frac{1}{4}$ 的分母不同，也就是分数单位不同，不能直接相加。怎么办呢？



我们可以把它们通分，转化为同分母分数再相加。

分母不同的分数，要先通分才能相加。



$$\frac{3}{10} + \frac{1}{4}$$



$$\frac{6}{20} + \frac{5}{20}$$

$$\frac{3}{10} + \frac{1}{4} = \frac{6}{20} + \frac{5}{20} = \frac{6+5}{20} = \frac{11}{20}$$

做一做

计算。

$$\frac{5}{8} + \frac{1}{3} =$$

$$\frac{1}{4} + \frac{3}{8} =$$

$$\frac{3}{4} + \frac{1}{7} =$$

$$\frac{1}{5} + \frac{1}{8} =$$

(2) 危险垃圾多还是食物残渣多？多的占生活垃圾总量的几分之几？

$$\frac{3}{10} > \frac{3}{20}, \text{ 所以应该是 } \frac{3}{10} - \frac{3}{20}.$$



大家讨论一下，异分母分数加、减法怎么计算呢？

异分母分数相加、减，先_____，然后按照同分母分数加、减法进行计算。



做一做

1. 先计算，然后任选两题进行验算。

$$\begin{array}{r} \frac{1}{2} \\ + \frac{3}{8} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \frac{1}{12} \\ + \frac{1}{24} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \frac{5}{12} \\ - \frac{1}{4} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \frac{9}{10} \\ - \frac{5}{7} \\ \hline \end{array}$$

分数加、减法的验算方法与整数加、减法的验算方法相同。



2.



妈妈用黄豆面和玉米面做饼子。玉米面用了 $\frac{4}{5}$ kg，黄豆面用了 $\frac{3}{4}$ kg，用的玉米面比黄豆面多多少千克？玉米面和黄豆面一共用了多少千克？

练习二十四

1. 计算。

$$\frac{7}{8} - \frac{5}{6} =$$

$$\frac{2}{9} + \frac{1}{2} =$$

$$\frac{6}{7} - \frac{2}{3} =$$

$$\frac{3}{10} + \frac{1}{4} =$$

$$\frac{3}{7} + \frac{1}{9} =$$

$$\frac{1}{3} - \frac{1}{5} =$$

$$\frac{1}{6} + \frac{1}{4} =$$

$$\frac{5}{7} - \frac{1}{5} =$$

2. 在○里填上适当的运算符号。

$$\frac{5}{8} \bigcirc \frac{1}{8} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{16}{24} \bigcirc \frac{10}{24} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{5}{10} \bigcirc \frac{2}{10} \bigcirc \frac{1}{10} = \frac{4}{5}$$

$$\frac{5}{9} \bigcirc \frac{1}{2} = \frac{1}{18}$$

$$\frac{2}{3} \bigcirc \frac{1}{4} = \frac{11}{12}$$

$$\frac{5}{6} \bigcirc \frac{1}{3} = \frac{1}{2}$$

3. 春天到了，农民伯伯给果树浇水。第一天上午浇了所有果树的 $\frac{1}{4}$ ，下午浇了 $\frac{3}{8}$ ，第二天上午浇了 $\frac{3}{10}$ ，一共浇了所有果树的几分之几？还有几分之几没浇？



4. 解下列方程。

$$x + \frac{3}{7} = \frac{3}{4}$$

$$x - \frac{5}{12} = \frac{3}{8}$$

$$x - \frac{5}{6} = 1$$

$$\frac{5}{9} + x = \frac{3}{5}$$

5. 下面的计算对吗？不对的在后面改正过来。

$$\frac{2}{3} - \frac{4}{9} = \frac{2}{9} \quad (\quad) \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{3}{5} + \frac{4}{7} = \frac{7}{12} \quad (\quad) \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{7}{10} - \frac{3}{5} = \frac{4}{5} \quad (\quad) \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{7} = \frac{13}{14} \quad (\quad) \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

6. 先计算，再想一想怎样算得比较快。

$$\frac{1}{3} - \frac{1}{4} =$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{5} =$$

$$\frac{1}{6} - \frac{1}{7} =$$

$$\frac{1}{5} + \frac{1}{6} =$$

$$\frac{1}{7} - \frac{1}{8} =$$

$$\frac{1}{8} + \frac{1}{9} =$$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{3} =$$

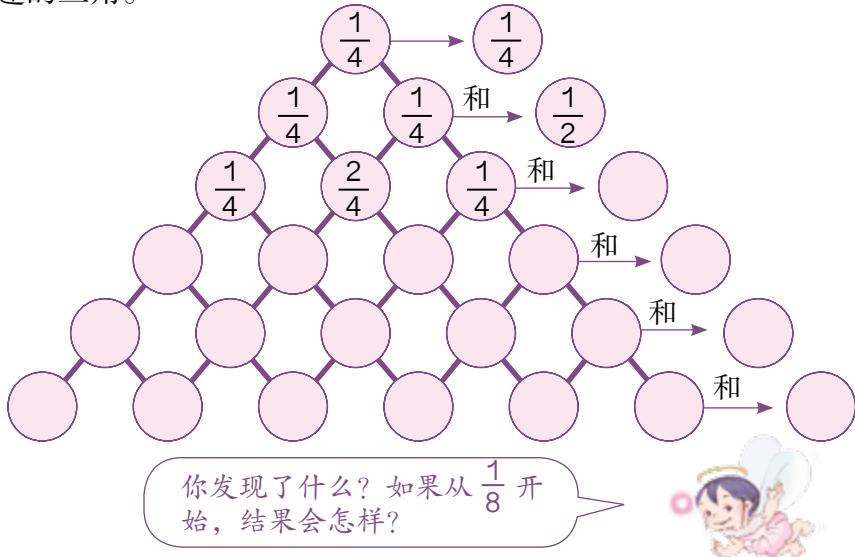
$$\frac{1}{9} + \frac{1}{10} =$$

7. 妈妈买了一些毛线，给爸爸织毛衣用去了 $\frac{7}{10}$ ，给红红织手套用了 $\frac{1}{20}$ 。你能提出什么数学问题并解答吗？

8.



9. 有趣的三角。



10. 调查班里同学出生月份的情况。

季 度	人 数	占总人数的几分之几
第一季度（1、2、3月）		
第二季度（4、5、6月）		
第三季度（7、8、9月）		
第四季度（10、11、12月）		

- (1) 用条形统计图表示你调查的数据。
(2) 用分数向伙伴解释你调查的结果。
(3) 你还能提出什么数学问题？对你提出的问题加以解答。

3. 分数加减混合运算

1



云梦森林公园地貌情况对比

地貌类型	占公园面积的几分之几
乔木林	$\frac{1}{2}$
灌木林	$\frac{3}{10}$
草地	$\frac{1}{5}$

(1) 森林部分比草地部分多几分之几?

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{10} - \frac{1}{5} = \underline{\quad}$$

你会算吗?



这是分数加减混合运算，应该和整数加减混合运算一样，从左到右算就可以了。



这是异分母分数的加减混合运算，得先通分。怎样通分好呢?

小林的方法:

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2} + \frac{3}{10} - \frac{1}{5} \\ &= \frac{5}{10} + \frac{3}{10} - \frac{1}{5} \\ &= \frac{8}{10} - \frac{1}{5} \\ &= \frac{3}{5} \end{aligned}$$

小萍的方法:

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2} + \frac{3}{10} - \frac{1}{5} \\ &= \frac{5}{10} + \frac{3}{10} - \frac{2}{10} \\ &= \frac{8}{10} - \frac{2}{10} \\ &= \frac{6}{10} = \frac{3}{5} \end{aligned}$$

说说你是怎样计算的？你喜欢哪种方法？



(2) 森林和裸露地面降水量转化情况对比

地貌类型	储存为地下水	地表水	其他
森林	$\frac{7}{20}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{5}$
裸露地面	$\underline{\quad}$	$\frac{11}{20}$	$\frac{2}{5}$

裸露地面储存的地下水占降水量的几分之几？

请你列出算式并计算。

$$\begin{array}{ll}
 1 - \frac{11}{20} - \frac{2}{5} & 1 - \left(\frac{11}{20} + \frac{2}{5} \right) \\
 = \frac{20}{20} - \frac{11}{20} - \frac{8}{20} & = 1 - \left(\frac{11}{20} + \frac{8}{20} \right) \\
 = \frac{9}{20} - \frac{8}{20} & = 1 - \frac{19}{20} \\
 = \frac{1}{20} & = \frac{1}{20}
 \end{array}$$

我们的方法有什么不同呢?

我用小括号了。



你能说一说分数加减混合运算的运算顺序吗?

2

下面每组算式的左右两边有什么样的关系?

$$\frac{3}{7} + \frac{2}{5} \bigcirc \frac{2}{5} + \frac{3}{7}$$

$$(\frac{2}{3} + \frac{1}{4}) + \frac{3}{4} \bigcirc \frac{2}{3} + (\frac{1}{4} + \frac{3}{4})$$

整数加法的交换律、结合律对分数加法同样适用。利用运算定律可以使一些分数计算变得简便。

算算看。

$$\frac{5}{6} + \frac{1}{12} + \frac{7}{12}$$

$$\frac{1}{3} + \frac{2}{7} + \frac{1}{5} + \frac{2}{3}$$



做一做

$$\begin{array}{cccc}
 1. \quad \frac{5}{6} - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} & \frac{7}{8} - \frac{5}{12} + \frac{1}{6} & \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \frac{1}{6} & \frac{9}{4} - \frac{1}{4} + \frac{1}{5} \\
 \frac{5}{6} - \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right) & \frac{7}{8} - \left(\frac{5}{12} + \frac{1}{6} \right) & \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{6} \right) & \frac{9}{4} - \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{5} \right)
 \end{array}$$

2. 用简便方法计算下面各题。

$$\frac{2}{5} + \frac{1}{3} + \frac{3}{5}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{2}{3}$$

$$\frac{9}{7} + \frac{1}{8} + \frac{3}{8} + \frac{5}{7}$$

3

一杯纯牛奶，乐乐喝了半杯后，觉得有些凉，就兑满了热水。又喝了半杯，就出去玩了。他一共喝了多少杯纯牛奶？多少杯水？



阅读与理解

你知道了哪些信息？写在下面。

喝了 _____ 次纯牛奶。

第一次：_____。

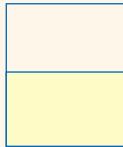
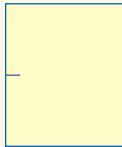
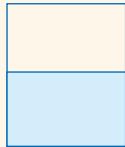
第二次：_____。

分析与解答

喝了两次，肯定用加法来解答。但第二次喝的有牛奶也有水，第二次喝了多少牛奶呢？



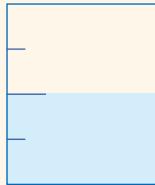
光这么看弄不清，画图看看吧。



第一次喝完后，
剩 $\frac{1}{2}$ 杯纯牛奶。
喝了 $(1 - \frac{1}{2})$ 杯。

加满水，纯牛
奶还是只有原
来的 $\frac{1}{2}$ 杯。

又喝了加满水后的 $\frac{1}{2}$ ，也就是把
 $\frac{1}{2}$ 杯的纯牛奶再平均分成 2 份，
喝的纯牛奶就是其中的 1 份了。



把 $\frac{1}{2}$ 平均分成 2 份，可以把 $\frac{1}{2}$ 化成 $\frac{2}{4}$ ，其中 1 份
就是 ____。第二次喝的纯牛奶是 ____ 杯，水是
____ 杯。

一共喝的纯牛奶：_____ 水：_____

回顾与反思

可以怎样检验？解决这道题的关键是什么？关键步骤利用了什么知识？

答：_____。

练 习 二 十 五

1. 计算。

$$\frac{4}{3} - \left(\frac{2}{5} + \frac{3}{10} \right)$$

$$\frac{5}{7} + \frac{1}{4} - \frac{9}{14}$$

$$\frac{3}{4} + \frac{3}{6} - \frac{5}{8}$$

$$\frac{5}{9} + \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{2} \right)$$

$$\frac{1}{10} + \frac{3}{8} - \frac{2}{5}$$

$$\frac{3}{5} - \left(\frac{2}{15} + \frac{1}{3} \right)$$

2. 李明用一根 1m 长的铁丝围了一个三角形，量得三角形的一边是 $\frac{1}{4}$ m，另一边是 $\frac{3}{8}$ m，第三条边长多少米？它是一个什么三角形？

3. 五（1）班同学去革命老区参观，共用去 10 小时。其中路上用去的时间占 $\frac{1}{5}$ ，吃午饭与休息时间共占 $\frac{3}{10}$ ，剩下的是游览的时间，游览的时间占几分之几？



4. 用分数表示自己每天各项活动所用的时间占一天的多少，再提问并解答。



5. 在 ○ 里填上合适的运算符号。

$$\frac{2}{3} \bigcirc \frac{3}{14} = \frac{3}{14} + \frac{2}{3}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{4}{7} + \frac{3}{7} = \frac{1}{2} + \left(\frac{4}{7} \bigcirc \frac{3}{7} \right)$$

- 6.
- | | | | | |
|--|--|-------------------------------------|--|-------------------------------------|
| $\frac{8}{9}$
$\frac{13}{18}$
$\frac{7}{15}$ | $+ \frac{1}{9}$

\rightarrow
\rightarrow
\rightarrow | \square
\square
\square | $- \frac{1}{3}$

\rightarrow
\rightarrow
\rightarrow | \square
\square
\square |
|--|--|-------------------------------------|--|-------------------------------------|

先估一估这三个结果，
哪个更接近 $\frac{13}{18}$ ，再计算。



7. 在()里填上适当的数，使等式成立。

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{()}{()} + \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{6} + \frac{1}{10} + \frac{9}{10} = \frac{1}{6} + (\frac{1}{10} + \frac{()}{()})$$

$$(\frac{1}{12} + \frac{1}{4}) + (\frac{5}{12} + \frac{3}{4}) = (\frac{1}{12} + \frac{()}{()}) + (\frac{()}{()} + \frac{()}{()})$$

8* $1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{()}{()}$$

$$\frac{1}{3} - \frac{1}{4} = \frac{()}{()}$$

$$\frac{1}{4} - \frac{1}{5} = \frac{()}{()}$$

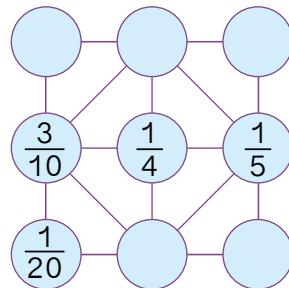
用你的发现计算下面这道题。

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{6} + \frac{1}{12} + \frac{1}{20}$$



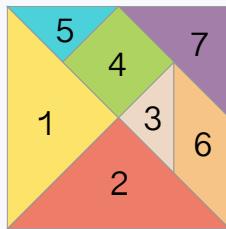
你能发现什么？

9* 把6个同样大小的苹果平均分给8个孩子，可以怎么分？每个孩子分得这些苹果的几分之几？



10* 在右边的○里填上适当的数，使每个正方形四个角上的数加起来等于1。

右面是七巧板拼成的正方形。每个图形的面积占正方形的几分之几？图形7和4共占几分之几？图形3、4、5共占几分之几？



本单元结束了，
你想说些什么？

通分在分数中可真有用，也很奇妙，竟然能改变分数的分数单位，太有趣啦！

成长小档案



分数加减法和整数加减法
真是很像啊，都是计数单位
相同才能相加减，都能用加
法交换律和结合律……



打电话

一个合唱队共有 15 人，暑假期间有一个紧急演出，老师需要尽快通知到每一个队员。如果用打电话的方式，每分钟通知 1 人，请帮助老师设计一个打电话的方案。

请你提取这个实际问题的关键信息，写在下面。

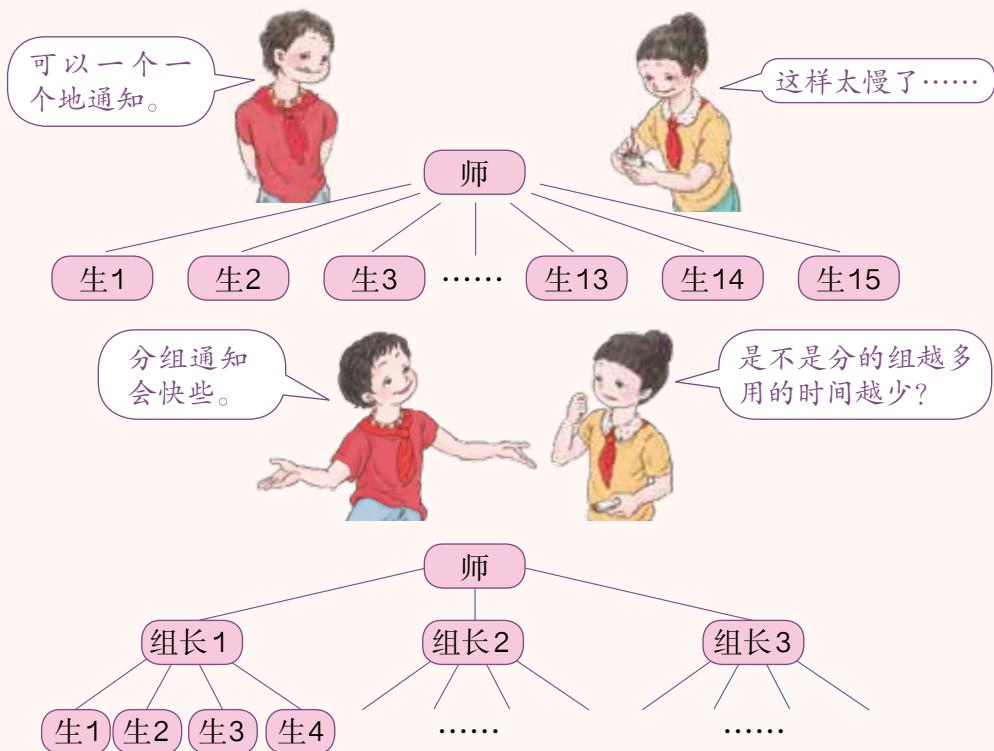
要通知的人数：_____

通知的方式及用时：_____

对于通知的要求：_____



你打算怎样
解决呢？



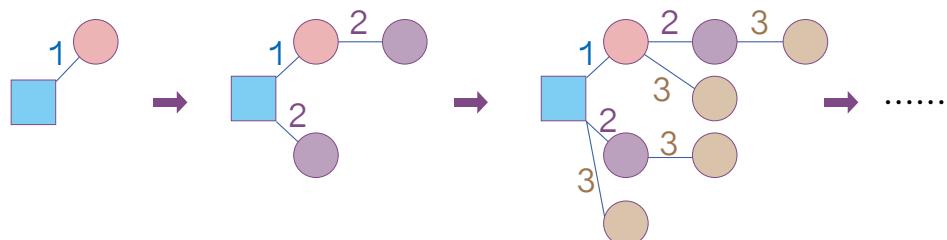
想一想：还有更快的方法吗？



我们用图示的方法试一试。



■——老师 ○——队员 线上的数——第几分钟



你发现什么规律了吗？

多长时间就能通知到全体队员呢？



按上面的方式，
5分钟最多可以
通知多少人？

回顾整个过程，你用到了哪些方法？

你制订的方案在现实中可行吗？为使它切实可行，还需要做些什么？

先画好电话通知的示意图。

再确定谁通知谁。



如果一个合唱团有 50 人，最少花多少时间就能通知到每个人？

7

统计

1



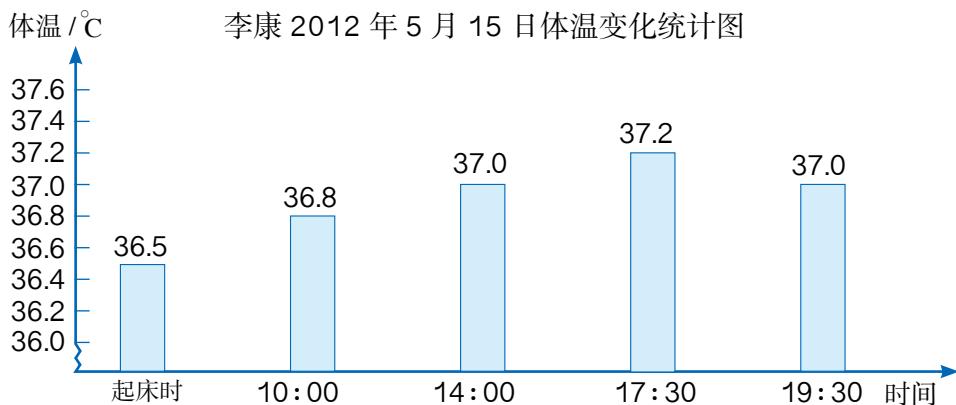
选择一天，测量如下几个时间你的体温，填入下表。

体温记录表						
时间		起床时	10:00	14:00	17:30	19:30
体温 /°C	自己					
体温 /°C	李康					

你能用统计图表示出来吗？根据数据的情况，你认为用1格代表多少合适？



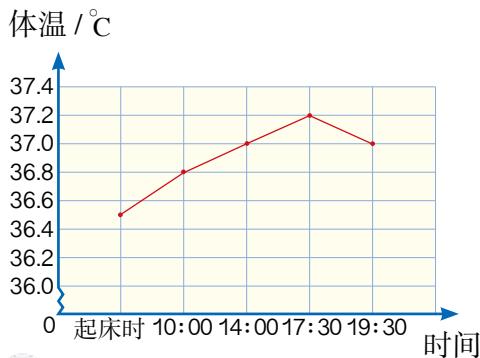
下面是李康同学的体温变化图。



统计图还可以这样画。



李康 2012 年 5 月 15 日体温变化统计图



这种统计图叫做折线统计图。

请在上面绘制你体温变化的折线统计图。

- (1) 读出折线统计图中李康同学的体温数，填在上页统计表中。
- (2) 根据折线统计图中折线的变化情况，你认为一天中体温最高的时间应该是什么时间？
- (3) 李康和你的体温一天中最大波动各是多少摄氏度？

人的体温波动一般不会超过 1°C 。



- (4) 与条形统计图对比，你认为折线统计图有什么特点？

做一做

妈妈记录了陈东 0~10 岁的身高，如下表。请你根据表中的数据在方格纸中绘制折线统计图。

年龄	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
身高 /cm	50	74	85	93	101	108	115	120	130	135	141

- (1) 说一说，陈东哪一年长得最快？长了多少厘米？
- (2) 收集、整理你自己的身高数据，利用方格纸绘制折线统计图，说一说你发现了什么。

2



中国已经进入老龄化社会，尤其是上海，早在上个世纪70年代末就进入了老龄化。出生人口数和死亡人口数是重要的影响因素……

出生人口数和死亡人口数是怎么变化的呢？



我们得做一些调查，然后分析一下数据。

怎样统计呢？

全国的数据肯定很大，上海的更有代表性，我们调查上海的吧。



好！我觉得应该多调查一些年份的……

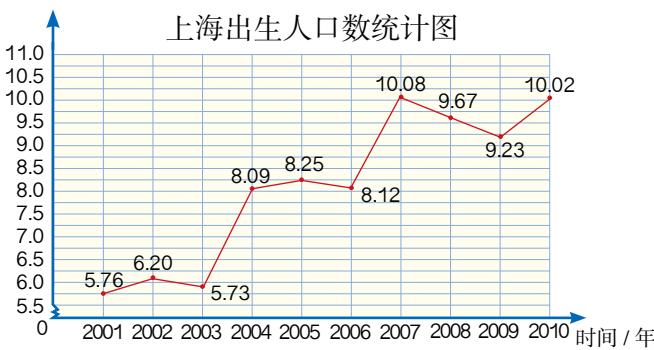
用折线统计图能更好地体现变化的情况。

下面是一个小组调查的2001~2010年上海的出生人口数和死亡人口数。

人口数 / 万人

2001~2010 年

上海出生人口数统计图

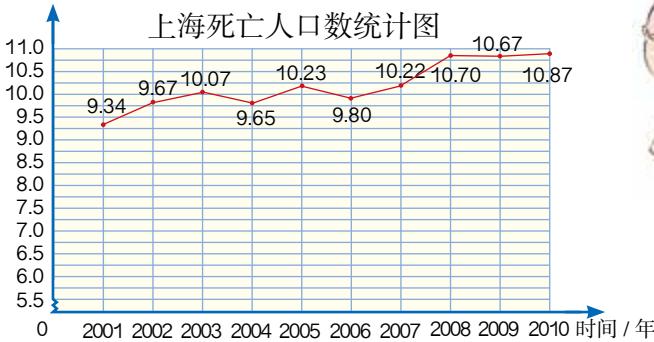


这样看着，不太容易比较出生人口数和死亡人口数的情况啊！怎样比较方便呢？

人口数 / 万人

2001~2010 年

上海死亡人口数统计图

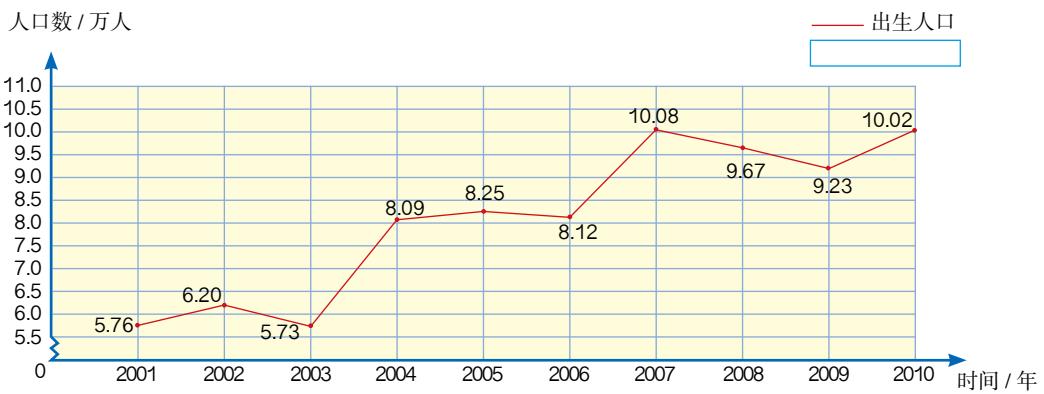


有复式条形统计图，也应该有复式折线统计图吧？

请你在下图中绘制复式折线统计图。



2001~2010 年上海出生人口数和死亡人口数统计图



复式折线统计图与单式折线统计图有什么不同?

(1) 观察复式折线统计图，你能说说上海出生人口数、死亡人口数的变化趋势吗？

(2) 每年的出生人口数和死亡人口数之间存在什么关系？

出生人口数和死亡人口数之差是人口自然增长数。上海人口从 1995 年开始负增长。



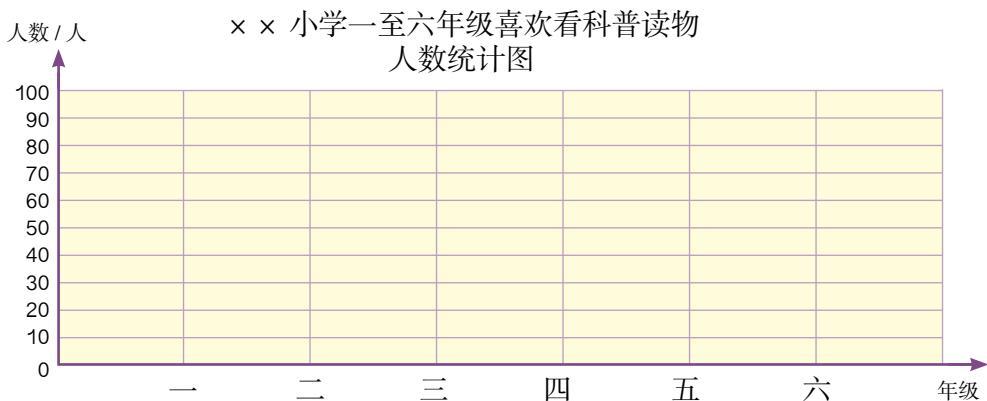
(3) 结合全国 2001~2010 年出生人口数和死亡人口数统计表，你能发现什么共同的规律吗？

时间 / 年	2001	2002	2003	2004	2005	2006	2007	2008	2009	2010
出生人口数 / 万人	1708	1652	1604	1598	1621	1589	1599	1612	1619	1596
死亡人口数 / 万人	821	823	827	835	851	895	916	938	942	953

练 习 二 十 六

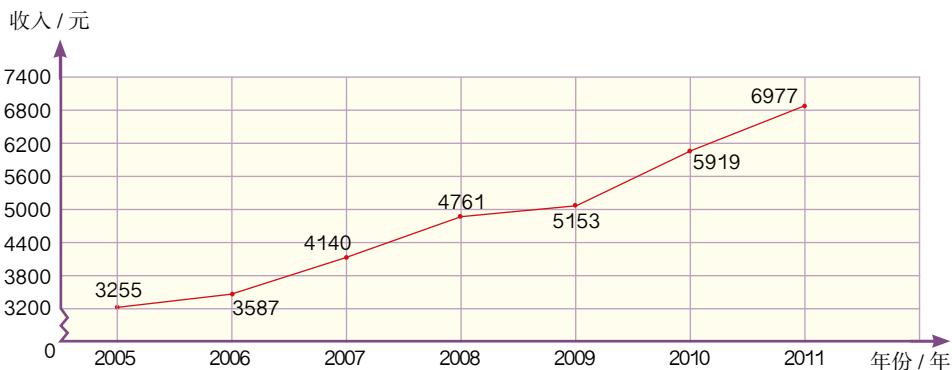
1. 某小学一至六年级喜欢看科普读物的学生人数如右表。根据表中的数据，制成折线统计图。

年级	一	二	三	四	五	六
人数	20	26	32	47	68	83



- (1) 四年级喜欢看科普读物学生的人数是多少？
- (2) 李阳所在年级喜欢看科普读物的人数排第2位，李阳是哪个年级的？
- (3) 你还能提出什么数学问题？

2. 下面是我国农村居民2005~2011年人均纯收入情况统计图。

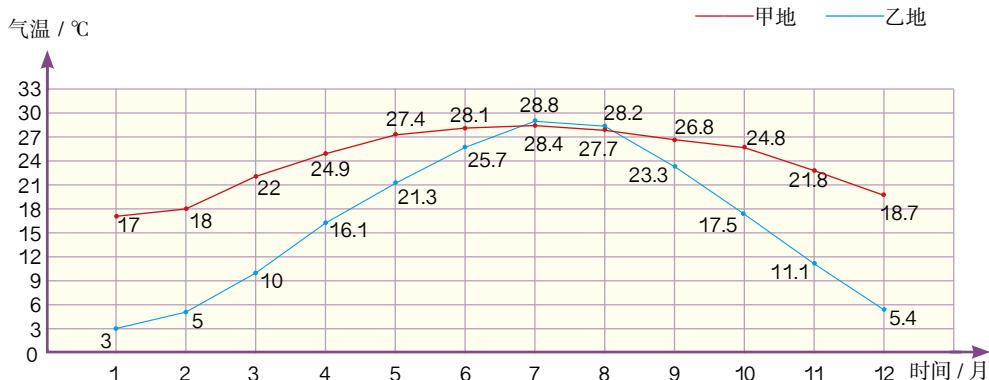


- (1) 我国农村居民年人均纯收入呈现什么变化趋势？
- (2) 你还能提出什么数学问题？

3. 调查学校一至六年级学生近视的情况，完成右面的统计表，并在方格纸上绘制折线统计图。

年级	一	二	三	四	五	六
人数						

4. 甲、乙两地月平均气温统计图

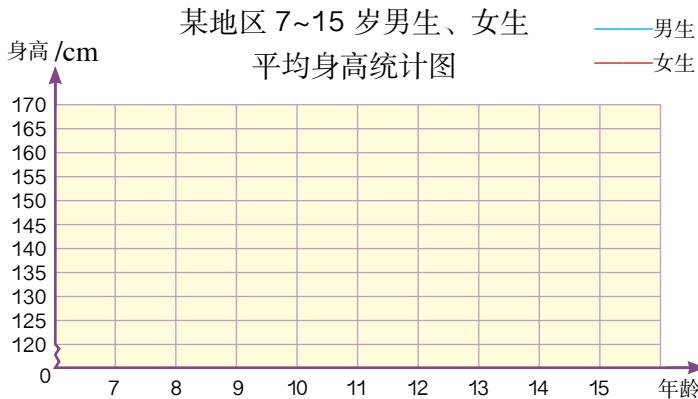


- (1) 根据统计图，你能判断一年气温变化的趋势吗？
- (2) 有一种树莓的生长期为 5 个月，最适宜的生长温度为 7~10℃之间，这种植物适合在哪个地方种植？
- (3) 小明住在甲地，他们一家要在十一黄金周去乙地旅游，你认为应该做哪些准备？

5. 下面是某地区 7~15 岁男生、女生平均身高统计表。

年龄	7	8	9	10	11	12	13	14	15
男生 /cm	125	132	136	140	145	150	157	163	167
女生 /cm	123	127	135	141	145	152	156	157	158

请你根据表中的数据，画出折线统计图。



- (1) 比较男生和女生的身高变化，你能得出什么结论？
- (2) 把你的身高与平均值比较，你有什么想法？

6. 记录你自己零用钱的收入、支出情况，并将你的统计结果分别用统计表、折线统计图的方式呈现出来。从中你能发现什么有价值的数据信息？你对自己有什么建议？

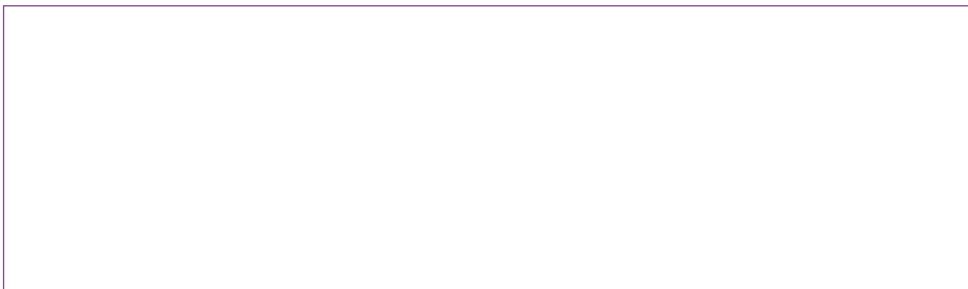
7. 小组讨论：下面两组数据分别用条形统计图还是折线统计图表示更合适？
(1) 五年级同学五一度假方式统计如下。

人数 性 别 度 假 方 式	探亲访友	在家休息	旅 游	其 他
男 生	5	6	8	5
女 生	6	5	6	4

(2) 民主路小学学生五一参加旅游人数统计如下。

人 数 性 别 年 级	一	二	三	四	五	六
男 生	3	4	7	6	8	10
女 生	4	5	5	7	6	8

8. 在报纸、杂志或者书籍上找出一些折线统计图（包括复式的），贴在下方。



- (1)用自己的语言说说统计图表达的意思。
(2)可以用其他形式的统计图表示这些数据吗？为什么？
9. 小组合作调查一项你们感兴趣的事例，用统计表、统计图将统计的结果呈现出来，并说一说你能从数据中发现什么。

本单元结束了，
你有什么收获？

我们已经学习了条形
统计图、折线统计图，
还有什么统计图呢？

成长小档案



在表示统计结果时，
应该根据统计需要
和数据的特点选择
合适的统计图。



8

数学广角

1

有3瓶钙片，其中1瓶少了3片（次品）。
你能设法把它找出来吗？



我用手掂了掂，
掂不出来。



可以用天
平称一称。

天平平衡了，剩
下的那瓶就是次品。

只称一次就能
找出次品了。



不实际称，你们能利用天平平衡
的原理表示找次品的过程吗？

我用数字卡片代表
3瓶钙片，用铅笔
代表天平摆摆看。

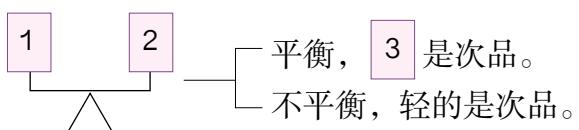


我记录摆的过程。

1 2 3



可以这
样记录。



需要称_____次。

2

9个零件里有1个是次品（次品重一些），假如用天平称，至少称几次就保证一定能找出次品？

“至少称几次就保证……”是什么意思？

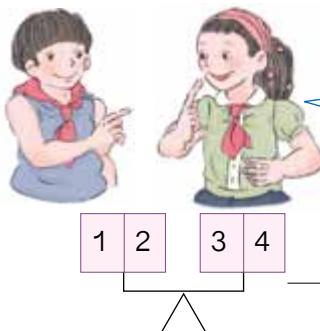
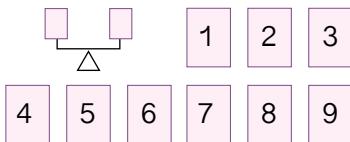


是指肯定能找出次品的最少次数吧。



你们打算怎样探究找出次品的次数？

我还是用数字卡片摆一摆。



我想用文字和画线的方式找出次品。

平衡，再各放……
不平衡，重的……

将大家摆或画的情况填入下表。

每次每边放的个数	分成的份数	要称的次数

观察完成的表格，你发现了什么？

- (1) “分成的份数”、分的方法与找出次品所要称的次数有什么关系？
- (2) 怎样分找出次品需要称的次数最少？

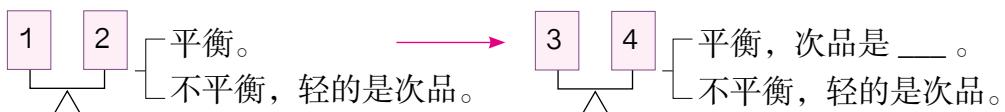
用你发现的方法找出10个、11个零件中的1个次品（次品重一些），看看是不是保证找出次品的次数也是最少的。

做一做

有28瓶水，其中27瓶质量相同，另有1瓶是盐水，比其他的水略重一些。至少称几次能保证找出这瓶盐水？

练习二十七

1. 用  分别表示出找 5 瓶钙片中次品（轻一些）的过程。



2.



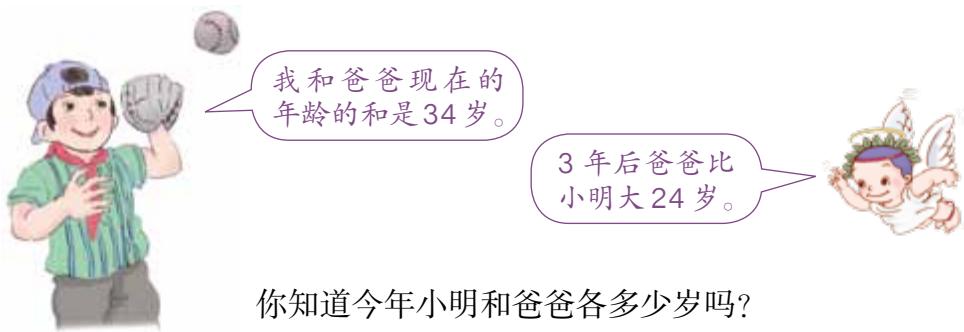
(1) 如果用天平称，你打算怎样称？用  表示称的过程。

(2) 用你的方法称几次可以保证找出来？

(3) 你能称 2 次就保证把它找出来吗？

(4) 如果天平两边各放 4 筐，称一次有可能称出来吗？

3.

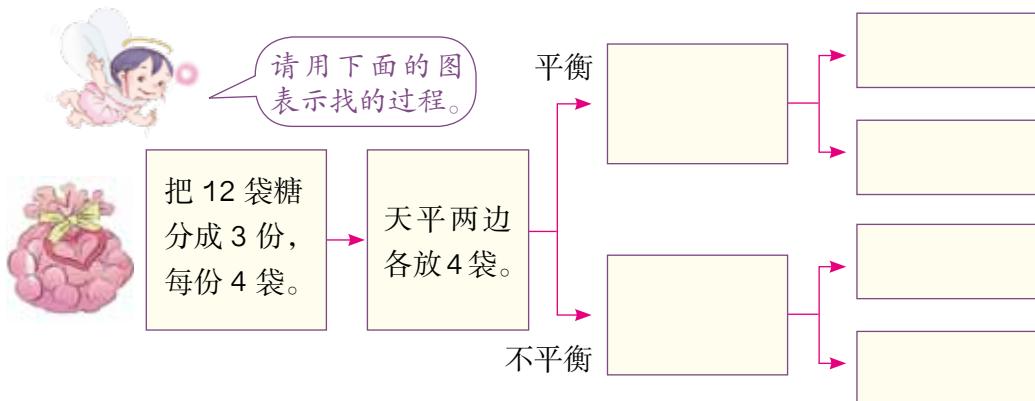


你知道今年小明和爸爸各多少岁吗？

4. 有 15 盒饼干，其中的 14 盒质量相同，另有 1 盒少了几块。如果能用天平称，至少称几次可以保证找出这盒饼干？



5. 1箱糖果有12袋，其中有11袋质量相同，另有1袋质量不足，轻一些。至少称几次能保证找出这袋糖果来？



6. 有3袋白糖，其中2袋每袋500g，另1袋不是500g，但不知道比500g重还是轻。你能用天平找出来吗？

◎ 你知道吗？ ◎

用天平找次品时，所测物品数目与测试的次数有以下关系：（只含一个次品，已知次品比正品重或轻。）

要辨别的物品数目	保证能找出次品需要测的次数
2~3	1
4~9	2
10~27	3
28~81	4
82~243	5
.....

- (1) 要保证6次能测出次品，待测物品可能是多少个？
 (2) 从左表中你能发现什么规律？为什么？

本单元结束了，你有什么收获？

成长小档案



从简单问题开始研究的方法真有用，我们已经用过很多次啦！

列表和图示的方法很容易发现规律，应该好好利用。



9

总复习

成长小档案



这学期有什么收获?
请你用自己的方法整理一下。



在原有初步认识的基础上，又系统地认识了分数、旋转、长方体和正方体。

分数单位很重要，它是认识分数、进行分数加减法的基础。

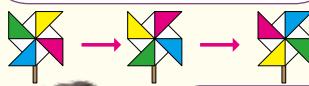
$\frac{3}{8}$ 里面有3个 $\frac{1}{8}$ 。

$$\frac{11}{6} = 11 \div 6 = 1\frac{5}{6} \quad \frac{5}{9} + \frac{2}{9} = \frac{7}{9}$$

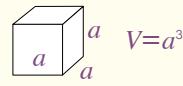
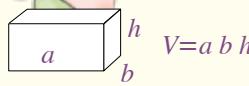
$$\frac{3}{4} - \frac{2}{3} = \frac{9}{12} - \frac{8}{12} = \frac{1}{12}$$



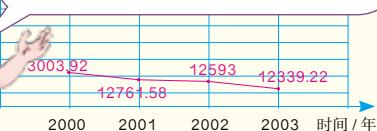
知道了描述旋转时要说清旋转时所绕的点、旋转的方向和旋转的角度。



探究了长方体、正方体的特征，得出了体积公式和表面积的计算方法。



对照旧知识，探索出了复式折线统计图绘制的方法，它适合表达数据的增减变化情况。



我还了解了整数的一些性质，加深了对整数的认识。

3的倍数的特征是什么？
利用它找出3的倍数。



21 512 329

学习中最有收获的事情是什么？

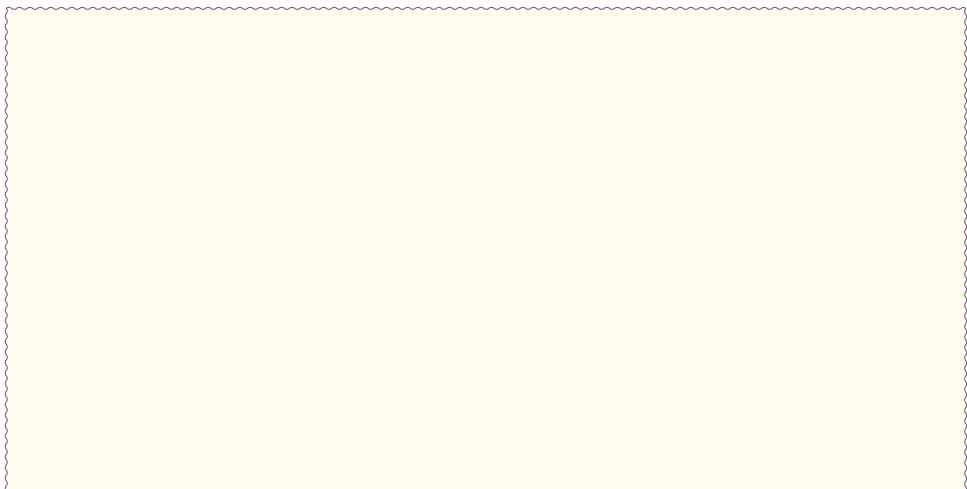
$$\frac{3}{4} + \frac{5}{6} + \frac{1}{4} = \left(\frac{3}{4} + \frac{1}{4}\right) + \frac{5}{6}$$

很多整数的知识可以拓展到分数里，数学知识之间真是很有联系啊。



实验、操作的方法在数学中很有用！

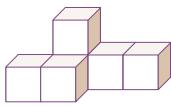
1. (1) “因数与倍数” 单元最基本的概念是什么？请写在下面的方框中，并举例说明。
- (2) 你能从基本概念出发，把有关联的知识整理成一个图吗？



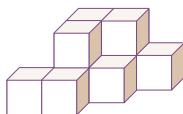
这个图对你有帮助吗？



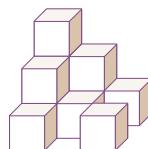
2. 下面 3 个图形都是由棱长 1 cm 的小正方体摆成的。



①

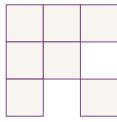


②

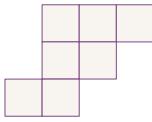


③

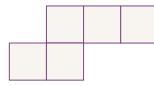
- (1) 下面的图形是聪聪从上面看到的，它们分别是从哪个图形的上面看到的？将序号写在括号中。



()



()



()

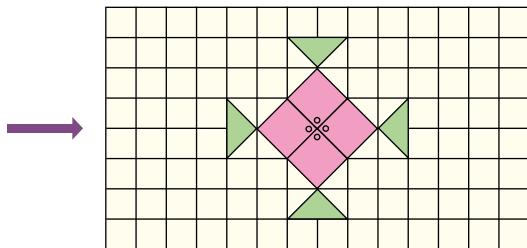
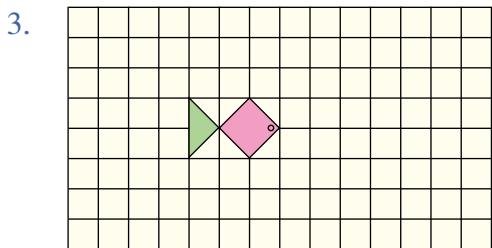
- (2) ①、②、③ 的体积分别是多少？①的体积是③的体积的几分之几？

- (3) 如果要把①、②、③ 分别继续补搭成一个大正方体，每个图形至少再需要多少个小正方体？

怎样想比较简便？

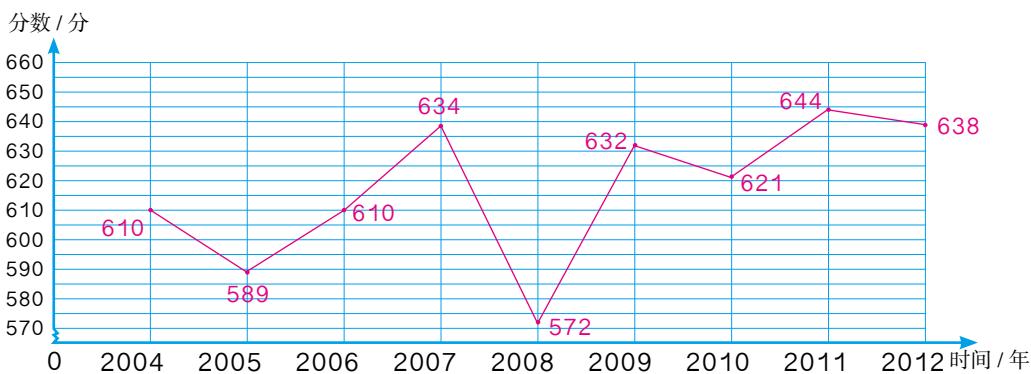


- (4) 你还能提出什么数学问题并解答？

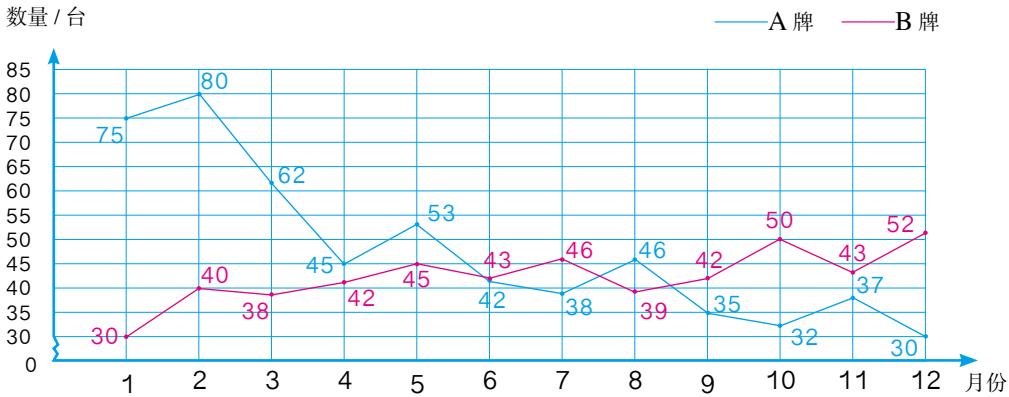


- (1) 说一说, 左图可以通过怎样的变换得到右图。
- (2) 右图中绿色部分占整个图案的几分之几? 红色部分占整个图案的几分之几? 红色部分比绿色部分多几分之几?

4. 某大学 2004~2012 年理工科在河北省招生的分数线统计图



某家电商场 A、B 两种品牌彩电 2010 年月销售量统计图



- (1) 观察这两个折线统计图所表示的数据, 说一说折线统计图适合表示数据的什么情况。
- (2) 说一说绘制复式折线统计图时应该注意什么。
- (3) 如果你是高考生或者商场经理, 你能从统计图中得到哪些信息? 这些信息对你有什么帮助?

练 习 二 十 八

1. 下面的数，哪些是 2 的倍数？哪些是 3 的倍数？哪些是 5 的倍数？哪些是质数？哪些是合数？哪些是奇数？哪些是偶数？说一说你是怎样判断的。

56 79 87 195 204 630 22 31 57 65 78 83

2. 判断下面的说法是否正确。

- | | |
|----------------------|-----|
| (1) 所有的偶数都是合数。 | () |
| (2) 两个不同质数的公因数只有 1。 | () |
| (3) 一个数的因数一定比它的倍数小。 | () |
| (4) 两个数的乘积一定是它们的公倍数。 | () |
| (5) 最小的质数是 1。 | () |

3. 找出下面每组数的最大公因数和最小公倍数，以其中一组为例，说一说你是怎么找的。

4 和 5 6 和 16 15 和 20 10 和 8 3 和 9

4. 食品店有 70 多个松花蛋，如果把它装进 4 个一排的蛋托中，正好装完。如果把它装进 6 个一排的蛋托中，也正好装完。你能求出有多少个松花蛋吗？

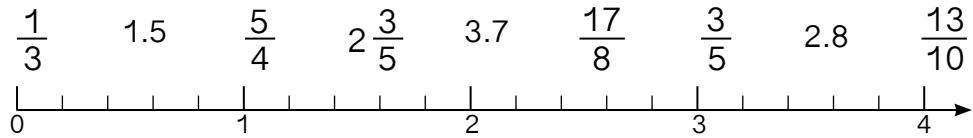


5. (1) 把 4 m 长的绳子平均剪成 5 段，每段长 _____ m，每段绳子是全长的 _____。

- (2) 1985 年，第二次大熊猫调查结果显示，全国共有 1114 只野生大熊猫。2000 年开始的第三次大熊猫调查，最终确认我国共有 1596 只野生大熊猫，其中 1206 只生活在四川。第二次调查的野生大熊猫的数量是第三次调查数量的 _____，生活在四川的野生大熊猫占第三次调查的野生大熊猫数量的 _____。



6. 用直线上的点表示下面各数，估计一下哪个数更接近 2？



7. 先填空，再把各数按照从小到大的顺序排列。

$$\frac{2}{7} = \frac{(\quad)}{21} \quad \frac{9}{12} = \frac{3}{(\quad)} \quad 5 \div 3 = \frac{(\quad)}{(\quad)} = 1\frac{(\quad)}{(\quad)} \quad 2 = \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

8. 下面哪些数是最简分数？哪些数不是最简分数？把不是最简分数的化成最简分数，并完整地说一说你化简的依据是什么。

$\frac{6}{8}$	$\frac{36}{16}$	$\frac{10}{21}$	$\frac{30}{45}$	$\frac{12}{25}$	$\frac{5}{7}$	$\frac{72}{6}$
---------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	---------------	----------------

9. 计算下面各题。

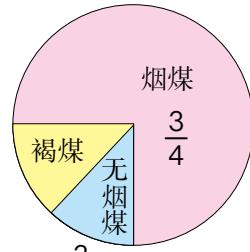
$\frac{3}{10} + \frac{7}{10}$	$\frac{5}{6} - \frac{1}{6}$	$\frac{4}{7} - \frac{1}{3}$	$\frac{1}{6} + \frac{1}{5} + \frac{1}{2}$
$\frac{7}{8} - \frac{3}{4}$	$\frac{2}{3} + \frac{7}{9}$	$7 - \frac{5}{3}$	$6 - \left(\frac{3}{4} - \frac{2}{5} \right)$

计算时应注意什么？



10. 中国煤炭资源的种类较多，具体构成如右图。

- (1) 褐煤占煤炭总量的几分之几?
(2) 你还能提出什么数学问题并解答?



11. 填写下表。

$$\frac{3}{25}$$

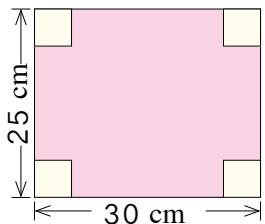
名称	图形及条件	表 面 积	体 积
长方体		$S =$	$V =$
正方体		$S =$	$V =$

12. (1) 举例说明 1 cm^3 、 1 dm^3 、 1 m^3 各有多大， 1 L 、 1 mL 的水大约有多少。

$$(2) 1\text{ m}^3 = \underline{\quad}\text{ dm}^3 \quad 700\text{ dm}^3 = \underline{\quad}\text{ m}^3 \quad 81\text{ cm}^3 = \underline{\quad}\text{ mL}$$

$$1\text{ L} = \underline{\quad}\text{ dm}^3 \quad 2.3\text{ dm}^3 = \underline{\quad}\text{ cm}^3 \quad 560\text{ mL} = \underline{\quad}\text{ L}$$

13. 一块长方形铁皮（如右图），从四个角各切掉一个边长为 5 cm 的正方形，然后做成盒子。这个盒子用了多少铁皮？它的容积有多少？

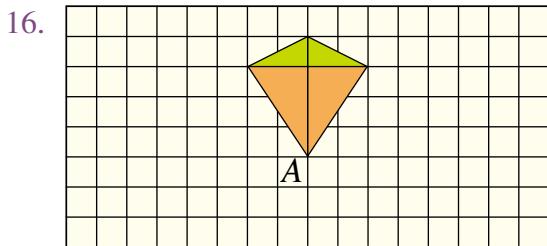


14. 一只长方体的玻璃缸，长 8 dm、宽 6 dm、高 4 dm，水深 2.8 dm。如果投入一块棱长为 4 dm 的正方体铁块（如右图），缸里的水溢出多少升？



15. 用 4 个 摆一摆。

- (1) 如果从左侧看到的形状是 ，这四个小正方体 可能是怎么摆放的？
 (2) 请你再给出从另一个角度看到的形状，让同桌猜一猜 4 个 是怎么摆放的。

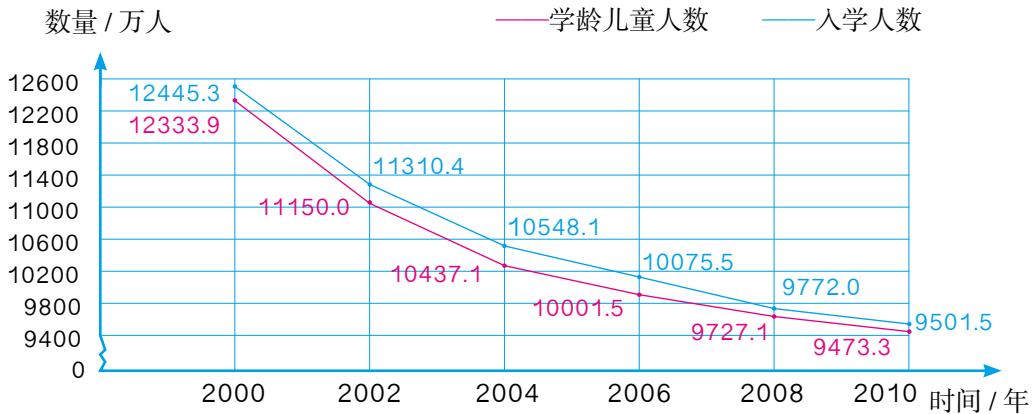


画出“风筝”旋转 90° 后的图形（只画出轮廓线）。

说说你是怎样
旋转并画出的。

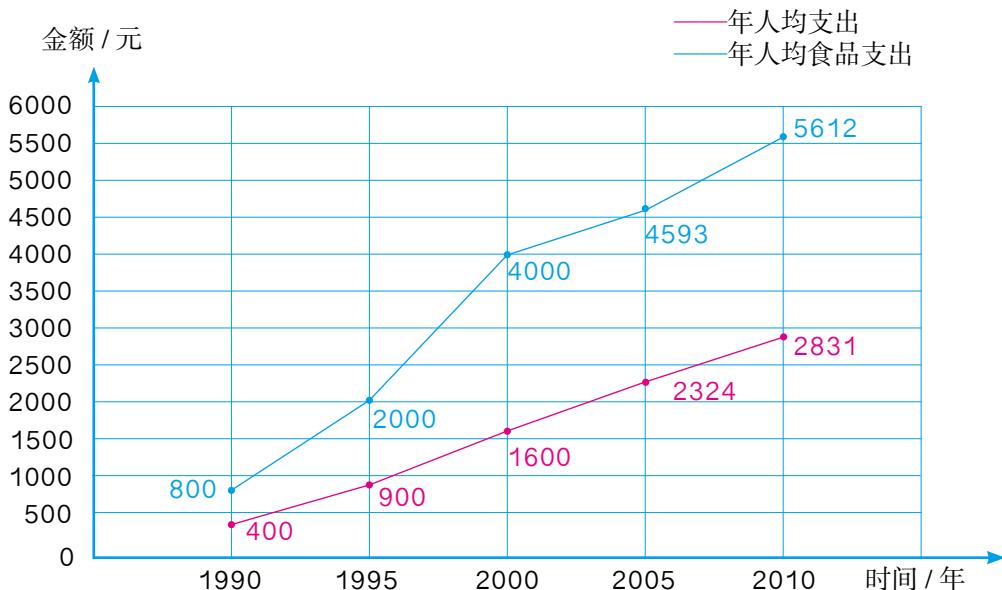


17. 我国 2000~2010 年学龄儿童人数和入学人数统计图



- (1) 哪年学龄儿童最多？哪年最少？
 (2) 哪年没上学的学龄儿童最多？哪年最少？
 (3) 你还能发现什么？

18. 某地区 1990~2010 年年人均支出和年人均食品支出如下图所示。



(1) 每年人均食品支出各占人均支出的几分之几?

(2) 比较这几个分数的大小, 你能发现什么?

用 1, 2, 3, 4 数字卡片各一张。
每次取两张组成一个两位数。可以组成
多少个偶数?



◎ 生活中的数学 ◎

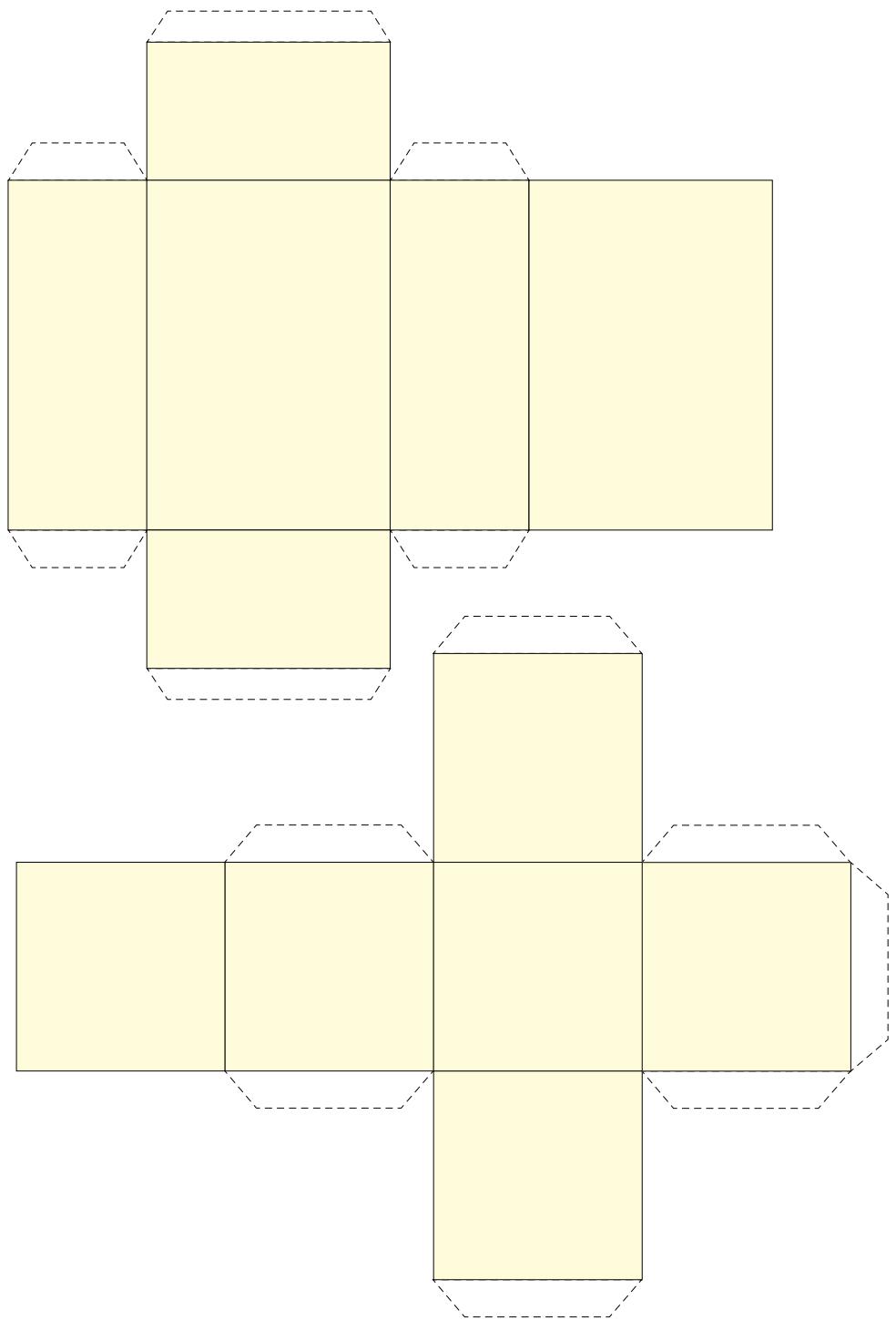
近年来我国耕地面积不断减少, 导致粮食减产。

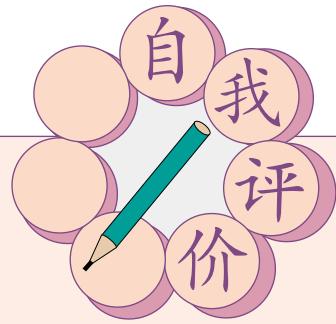
我国是人口大国, 粮食问题很重要, 我们必须树立保护耕地的意识。

我国 2000~2003 年全国耕地面积和林地面积如右图。



附页





同学们，这学期要结束了，给自己的表现画上小红花吧！

学习表现



喜欢学习数学

愿意参加数学活动

上课专心听讲

积极思考老师提出的问题

主动举手发言

喜欢发现数学问题

愿意和同学讨论学习中的问题

敢于把自己的想法讲给同学听

认真完成作业

你觉得自己还应该在哪些方面更努力些？